

**Prirodno-matematički fakultet / Matematika / FUNKCIONALNA ANALIZA**

|   |   |                 |                          |                            |
|---|---|-----------------|--------------------------|----------------------------|
| <b>Naziv predmeta:</b>                          | FUNKCIONALNA ANALIZA  |                 |                          |                            |
| <b>Šifra predmeta</b>                           | <b>Status predmeta</b>  | <b>Semestar</b> | <b>Broj ECTS kredita</b> | <b>Fond časova (P+V+L)</b> |
| 4099  | Obavezan  | 5               | 5                        | 3+1+0                      |
| <b>Studijski programi za koje se organizuje</b> | Matematika  |                 |                          |                            |
| <b>Uslovjenost drugim predmetima</b>            | Položeni osnovni kursevi Analize i Linearne algebре.  |                 |                          |                            |
| <b>Ciljevi izučavanja predmeta</b>              | U ovom kursu nadgrađuju se znanja iz Analize.   |                 |                          |                            |
| <b>Ishodi učenja</b>                            | Nakon što student položi ovaj ispit, biće u mogućnosti da: 1. Objasni pojmove i navede primjere metričkih prostora, topoloških prostora, normiranih prostora. Takođe će moći da definišu konvergenciju u topološkom prostoru, objasne pojam kompletnih metričkih prostora i osnovne teoreme o metričkim prostorima (Banahovu teoremu o fiksnoj tački, Berova teoremu o kategorijama, Kantorova teorema o presjeku). 2. Objasne pojam linearog operatora i norme operatora. Razumiju mogućnost primjene ovih pojmove i teorema za dokazivanje konvergencije numeričkih metoda za rješavanje sistema linearnih jednačina. 3. Formulišu i dokažu Han-Banahovu teoremu I geometrijsku Han-Banahovu teoremu (teorema o razdvajaju hiperravnji). 4. Razumiju zašto su neke teoreme funkcionalne analize naročito važne (fundamentalne). 5. Čitaju naučne radove, monografije i literaturu koja koristi pojmove i metode funkcionalne analize. |                 |                          |                            |
| <b>Ime i prezime nastavnika i saradnika</b>     | Prof.dr Milojica Jaćimović, nastavnik; Nikola Konatar, asistent   |                 |                          |                            |
| <b>Metod nastave i savladanja gradiva</b>       | Predavanja, vježbe, samostalni rad domaćih zadataka, konsultacije   |                 |                          |                            |
| <b>Plan i program rada</b>                      |   |                 |                          |                            |
| Pripremne nedjelje                              | Priprema i upis semestra  |                 |                          |                            |
| I nedjelja, pred.                               | Normirani prostor. Metrički prostor. Primjeri.  |                 |                          |                            |
| I nedjelja, vježbe                              | Normirani prostor. Metrički prostor. Primjeri.  |                 |                          |                            |
| II nedjelja, pred.                              | Topološki prostori. Primjeri.   |                 |                          |                            |
| II nedjelja, vježbe                             | Topološki prostori. Primjeri.   |                 |                          |                            |
| III nedjelja, pred.                             | Konvergencija.  |                 |                          |                            |
| III nedjelja, vježbe                            | Konvergencija.  |                 |                          |                            |
| IV nedjelja, pred.                              | Kompletost. Kompletiranje metričkog prostora. Primjeri.   |                 |                          |                            |
| IV nedjelja, vježbe                             | Kompletost. Kompletiranje metričkog prostora. Primjeri.   |                 |                          |                            |
| V nedjelja, pred.                               | Skupovi prve i druge kategorije. Berova teorema.  |                 |                          |                            |
| V nedjelja, vježbe                              | Skupovi prve i druge kategorije. Berova teorema.  |                 |                          |                            |
| VI nedjelja, pred.                              | Kompaktnost. Neprekidnost. Nepokretne tačke. (Kolokvijum)   |                 |                          |                            |
| VI nedjelja, vježbe                             | Kompaktnost. Neprekidnost. Nepokretne tačke. (Kolokvijum)   |                 |                          |                            |
| VII nedjelja, pred.                             | Slobodna nedjelja   |                 |                          |                            |
| VII nedjelja, vježbe                            | Slobodna nedjelja   |                 |                          |                            |
| VIII nedjelja, pred.                            | Neprekidnost i teoreme o maksimumu i minimumu.  |                 |                          |                            |
| VIII nedjelja, vježbe                           | Neprekidnost i teoreme o maksimumu i minimumu.  |                 |                          |                            |
| IX nedjelja, pred.                              | Linearni operator. Norma linearog operatora. Prostor ograničenih linearnih operatora  |                 |                          |                            |
| IX nedjelja, vježbe                             | Linearni operator. Norma linearog operatora. Prostor ograničenih linearnih operatora  |                 |                          |                            |
| X nedjelja, pred.                               | Linearni funkcionali. Prostor neprekidnih linearnih operatora. Primjeri.  |                 |                          |                            |
| X nedjelja, vježbe                              | Linearni funkcionali. Prostor neprekidnih linearnih operatora. Primjeri.  |                 |                          |                            |
| XI nedjelja, pred.                              | Han-Banahova teorema. Geometrijske posljedice.  |                 |                          |                            |
| XI nedjelja, vježbe                             | Han-Banahova teorema. Geometrijske posljedice.  |                 |                          |                            |
| XII nedjelja, pred.                             | Konveksnost. Slaba konvergencija.   |                 |                          |                            |

|  |   |   |   |   |   |                           |
|--|---|---|---|---|---|---------------------------|
| XII nedjelja, vježbe   | Konveksnost. Slaba konvergencija.   |   |   |   |   |                           |
| XIII nedjelja, pred.   | Spektar linearog operatora. (Kolokvijum)  |   |   |   |   |                           |
| XIII nedjelja, vježbe  | Spektar linearog operatora. (Kolokvijum)  |   |   |   |   |                           |
| XIV nedjelja, pred.  | Teorema o otvorenom preslikavanju. Teorema o zatvorenom grafiku   |   |   |   |   |                           |
| XIV nedjelja, vježbe   | Teorema o otvorenom preslikavanju. Teorema o zatvorenom grafiku   |   |   |   |   |                           |
| XV nedjelja, pred.   | Hilbertov prostor. Baze u Hilbertovom prostoru. Furijeov red. Primjeri.   |   |   |   |   |                           |
| XV nedjelja, vježbe  | Hilbertov prostor. Baze u Hilbertovom prostoru. Furijeov red. Primjeri.   |   |   |   |   |                           |
| <b>Opterećenje studenta</b>  | 3 sata predavanja, 1 sat vježbi, 1 sata i 20 minuta samostalnog rada, uključujući konsultacije  |   |   |   |   |                           |
| <b>Nedjeljno</b>   | <b>U toku semestra</b>  |   |   |   |   |                           |
| <b>5 kredita x 40/30=6 sati i 40 minuta</b><br>3 sat(a) teorijskog predavanja<br>0 sat(a) praktičnog predavanja<br>1 vježbi<br><b>2 sat(a) i 40 minuta</b><br>samostalnog rada, uključujući i konsultacije | Nastava i završni ispit:<br><b>6 sati i 40 minuta x 16 =106 sati i 40 minuta</b><br>Neophodna priprema prije početka semestra (administracija, upis, ovjera):<br><b>6 sati i 40 minuta x 2 =13 sati i 20 minuta</b><br>Ukupno opterećenje za predmet:<br><b>5 x 30=150 sati</b><br>Dopunski rad za pripremu ispita u popravnom ispitnom roku, uključujući i polaganje popravnog ispita od 0 do 30 sati (preostalo vrijeme od prve dvije stavke do ukupnog opterećenja za predmet)<br><b>30 sati i 0 minuta</b><br>Struktura opterećenja: <b>106 sati i 40 minuta (nastava), 13 sati i 20 minuta (priprema), 30 sati i 0 minuta (dopunski rad)</b> |   |   |   |   |                           |
| <b>Obaveze studenta u toku nastave</b>   | Studenti su obavezni da pohađaju nastavu, rade i predaju domaće zadatke, i rade kolokvijume   |   |   |   |   |                           |
| <b>Konsultacije</b>  | Po dogovoru sa predmetnim nastavnikom ili saradnikom.   |   |   |   |   |                           |
| <b>Literatura</b>  | S. Aljančić: Uvod u realnu i funkcionalnu analizu, Beograd, Građevinska knjiga; S. Kurepa: Funkcionalna analiza, Zagreb, Školska knjiga. M. Jaćimović. Skripta  |   |   |   |   |                           |
| <b>Oblici provjere znanja i ocjenjivanje</b>   | Dva kolokvijuma po 30 poena, ukupno 60 poena Završni ispit 40 poena   |   |   |   |   |                           |
| <b>Posebne naznake za predmet</b>  |   |   |   |   |   |                           |
| <b>Napomena</b>  |   |   |   |   |   |                           |
| <b>Ocjena:</b>   | F   | E   | D   | C   | B   | A                         |
| <b>Broj poena</b>  | manje od 50 poena   | više ili jednako 50 poena i manje od 60 poena | više ili jednako 60 poena i manje od 70 poena | više ili jednako 70 poena i manje od 80 poena | više ili jednako 80 poena i manje od 90 poena | više ili jednako 90 poena |