

Obrazloženje za uvođenje novog predmeta

### Geometrijsko duboko učenje

*Akademiske doktorske studije (Računarske nauke)*

Predlog za uvođenje ovog predmeta je motivisan nedavnim trendovima u mašinskom učenju koji su istakli značaj reprezentacija podataka na mnogostrukostima. Ovaj predmet će omogućiti studentima da se upoznaju sa novim trendovima u mašinskom učenju koji zahtijevaju primjenu zahtjevnih matematičkih tehnika zasnovanih na Rimanovoj geometriji i teoriji grupa. Sličan ispit pod nazivom *Mašinsko učenje u ne-euklidskim prostorima* je već uveden kao izborni na doktorskim studijama na smjeru Matematika.

U Podgorici,

prof. dr Vladimir Jaćimović

08. 05. 2025. god.

*Vladimir Jaćimović*

<b>Naziv predmeta:</b> Geometrijsko duboko učenje								
<b>Šifra predmeta</b>	<b>Status predmeta</b>	<b>Semestar</b>	<b>Broj ECTS kredita</b>	<b>Fond časova</b>				
	Izborni		5	3P+1V				
<b>Studijski programi za koje se organizuje:</b> Računarske nauke, akademske doktorske studije								
<b>Uslovjenost drugim predmetima:</b> nema								
<b>Ciljevi izučavanja predmeta:</b> Cilj predmeta je da student razumije primjene Rimanove geometrije u mašinskom učenju								
<b>Ishodi učenja:</b> Nakon što položi ovaj ispit student će razumjeti ne-euklidske podatke, osnovne probleme i metode								
<b>Ime i prezime nastavnika i saradnika:</b> Prof. Dr Vladimir Jaćimović								
<b>Metod nastave i savladanja gradiva:</b> Predavanja. Vježbe. Konsultacije. Kolokvijum. Završni ispit								
<b>Sadržaj predmeta:</b>								
I nedjelja II nedjelja III nedjelja IV nedjelja V nedjelja VI nedjelja VII nedjelja VIII nedjelja IX nedjelja X nedjelja XI nedjelja XII nedjelja XIII nedjelja XIV nedjelja XV nedjelja XVI-XXI nedjelja	Vrste podataka i osnovi reprezentacije podataka. Primjeri hijerarhijskih podataka: mreže, riječi, molekuli, taksonomije. Učenje rotacija. Primjene u robotici. Grupe SO(3) i SU(2). Sfera $S^3$ . Prosječna rotacija. Wahba zadatak. Vjerovatnosne raspodjele na grupama rotacija i sferama. Osnovi direkcione statistike. Utapanje mreža kao zadatak optimizacije Osnovi hiperboličke geometrije. Poincareov model diska. Kolokvijum Problemi optimizacije i statističkog modeliranja u hiperboličkim prostorima. Hiperbolička geometrija hijerarhijskih skupova podataka. Reprezentacija podataka i utapanje u hiperboličke prostore. Optimizacija u hiperboličkim loptama. Zadaci nenadgledanog učenja u hiperboličkom disku. Zadaci nadgledanog učenja u hiperboličkom disku. Završni ispit i popravni završnog ispita							
<b>OPTEREĆENJE STUDENATA:</b>								
<b>Nedjeljno</b>	<b>U semestru</b>							
Broj sati: $5 \times 40/30 = 6$ sati i 40 minuta Predavanja: 3 sata Vježbe: 1 sat  Individualni rad studenta: 2 sata i 40 minuta samostalnog rada, uključujući konsutacije.	Nastava i završni ispit: 4 sata $\times 16 = 64$ sata Neophodne pripreme (administracija, upis, ovjera prije početka semestra): 6 sati i 40 min $\times 2 = 13$ sati i 20 min Ukupno opterećenje za predmet: $5 \times 30 = 150$ sati Dopunski rad: 0-30 sati Struktura opterećenja: 64 sata (nastava) + 13 sati i 20 min (administrativne pripreme) + 72 sata i 20min (dopunski rad)							
<b>Literatura:</b> M. M. Bronstein, J. Bruna, T. Cohen, P. Veličković "Geometric Deep Learning: Grids, Groups, Graphs, Geodesics and Gauges", arXiv 2104.13478 (2021).								
<b>Oblici provjere znanja i ocjenjivanje:</b> Kolokvijum 50 poena . Završni ispit 50 poena. Prelazna ocjena se dobija ako se kumulativno sakupi najmanje 50 poena.								
<b>Posebne naznake za predmet:</b> Nastava se može izvoditi na engleskom jeziku.								
<b>Ime i prezime nastavnika koji je pripremio katalog:</b> prof. Dr Vladimir Jaćimović								