

Crna Gora  
UNIVERZITET CRNE GORE  
PRIRODNO-MATEMATIČKI FAKULTET  
Broj *1067*  
Podgorica, *3. MAJ 2019.* god.

## **OBRAZLOŽENJE za uvođenje Izbornog predmeta na Doktorskim studijama Matematike**

Standardni metod pri rjesavanju PDJ, npr.  $Au = f$  gdje je  $A$  parcijalni diferencijalni operator, je aproksimacija početnog operatora  $A$  nizom "jednostavnijih" operatora  $A_n$  pri čemu se dobije niz parcijalnih diferencijalnih jednačina  $A_n u_n = f$  i niz odgovarajućih približnih rješenja  $(u_n)$ . Sljedeći korak je dokazati konvergenciju niza  $(u_n)$  (u odgovarajućem smislu). U tom smislu, neophodno je naučiti moderne tehnike vezane za slabu konvergenciju, vezu izmedju jake i slabe konvergencije te metode za dokazivanje jake konvergencije ako su nam na raspolaganju samo slabe ocjene. Ova pitanja su klasična pitanja u oblasti funkcionalne analize i PDJ i neophodan dio obrazovanja za budućeg eksperta u područjima.

U prilogu dostavljam predlog ECTS kataloga za ovaj izborni predmet.

Predmetni nastavnik:

Prof. Dr Darko Mitrović

redovni profesor Prirodno-matematičkog fakulteta, Podgorica

*DM*

Naziv predmeta: METODE SLABE KONVERGENCIJE				
Šifra predmeta	Status predmeta	Semestar	Broj ECTS kredita	Fond časova
	Izborni	I	6	3P+1V

**Studijski programi za koje se organizuje :**

doktorske studije na Prirodno-matematičkom fakultetu, modul Teorijska matematika

**Uslovjenost drugim predmetima:** Funkcionalna analiza, Teorija mjere.

**Ciljevi izučavanja predmeta:** Upoznavanje s tehnikama metoda slabe konvergencije i njihovim primjenama.

**Ishodi učenja:**

**Ime i prezime nastavnika i saradnika:** prof. dr Darko Mitrović

**Metod nastave i savladavanja gradiva:** Predavanja. Vježbe. Samostalana izrada zadataka kroz domaće zadatke i kolokvijume. Konsultacije.

**Sadržaj predmeta:**

Pripremne nedelje	Kompaktnost u Sobolevskim prostorima Mere koncentracije. Mere oscilacije. Konveksnost Kvazikonveksnost Konvergencija energije i jaka konvergencija Kompaktnost koncentracijom. Uvod u kompaktnost kompenzacijom. Div-curl lema. Primjena kompaktnosti koncentracijom na eliptičke sisteme. Primjena kompaktnosti koncentracijom na skalarni zakon održanja. Primjena kompaktnosti koncentracijom na sistem zakona održanja. Metode principa maksimuma Minty/Browder metod i viskozna rješenja. Homogenizacija PDJ u nedivergentnoj formi. <i>I kolokvijum</i> <i>Popravni kolokvijum</i> <i>Završni ispit</i>  Ovjera semestra i upis ocjena  Dopunska nastava i popravni ispitni rok	<i>I kolokvijum</i> <i>Popravni kolokvijum</i> <i>Završni ispit</i>  Ovjera semestra i upis ocjena  Dopunska nastava i popravni ispitni rok
-------------------	---	---

**OPTEREĆENJE STUDENATA**

nedjeljno	u semestru
Broj sati: $6 \times 40/30 = 8$ sati	Nastava i završni ispit: $8 \text{ sati} \times 16 = 128$ sati
Predavanja: 3 sata	Neophodne pripreme (administracija, upis, ovjera prije početka semestra): $8 \text{ sati} \times 2 = 16$ sati
Vježbe: 1 sat	Ukupno opterećenje za predmet: $6 \times 30 = 180$ sati
Individualni rad studenta: 4 sata	Dopunski rad: 36 sati Struktura opterećenja: $128 \text{ sati (nastava)} + 16 \text{ sati (administrativna priprema)} + 36 \text{ sati (dopunski rad)}$

Studenti su obavezni da pohađaju nastavu, rade i predaju sve domace zadatke i polazu dva kolokvijuma.

**Literatura:** W. Rudin "Real and Complex Analysis", Third Edition, 1986. McGraw-Hill.

C.M.Dafermos "Hyperbolic conservation laws in continuum physics", Springer 2003.

L.C.Evans, "Weak convergence methods for nonlinear PDEs", American Mathematical Society, Providence, Rhode Island, number 74, 2003.

**Oblici provjere znanja i ocjenjivanje:** Kolokvijum 50 poena . Završni ispit 50 poena. Prelazna ocjena se dobija ako se kumulativno sakupi najmanje 50 poena.

**Posebnu naznaku za predmet:** Dodatne informacije se mogu naći na sajtu PMFa i kod nastavnika.

**Ime i prezime nastavnika koji je pripremio podatke:** Prof. dr Darko Mitrović