

## 8. UPRAVLJANJE ROBOTIMA

U glavi 3. opisali smo pogonske sisteme koji se koriste za pokretanje robota. U glavama 6. i 7. objasnili smo različite senzore koji čine takozvana čula. Prirodan nastavak ovih razmatranje je definisanje sistema koji će obezbediti da robotski uredaj, opremljen čulima i pokretačkim sistemom, ostvari željeno kretanje sa kraјnjim ciljem izvršenja nekog postavljenog zadatka. To bi u najkraćem bio problem upravljanja robotom i sinteze upravljačkog sistema.

### 8.1. OPŠTI STAVOVI O UPRAVLJANJU ROBOTIMA

Razmotrićemo prvo pojam upravljanja u slučaju robotskog sistema, zatim nivoe upravljanja kao i neke pojmove značajne za primenu robota. Konačno, diskutovaćemo i o osnovnim tipovima upravljanja koji slede iz vrste postavljenog zadatka.

#### 8.1.1. Pojam i nivoi upravljanja

U glavi 3. o pogonskim sistemima definisali smo upravljačke promenljive pojedinih vrsta pogona. U slučaju elektromotora jednosmerne struje u pitanju je napon na motoru, a u slučaju elektrohidrauličnog pogona, struja servorazvodnika. Sada zadatak upravljanja možemo definisati na sledeći način: *Obezbediti takvu promenu upravljačkih veličina koja će proizvesti zadato kretanje u zglobovima robota.* Dakle, zadatak se svodi na zadato pokretanje zglobova.

Ovakva definicija, međutim, često nas ne može zadovoljiti. Radi se o tome da robot treba da vrši takozvano funkcionalno kretanje. Kako se funkcionalno kretanje, po pravilu, vezuje za završni uredaj robota, to zadatak upravljanja treba unekoliko preformulisati: *Potrebno je obezbediti takvu promenu upravljačkih promenljivih koja će proizvesti traženi funkcionalni pokret, tj. traženo kretanje završnog uredaja u prostoru.* Svakako, ovako formulisan upravljački problem uključuje i prethodnu definiciju. Naime, funkcionalni pokret treba raspodeliti na zglobove, a zatim zglove pokrenuti.

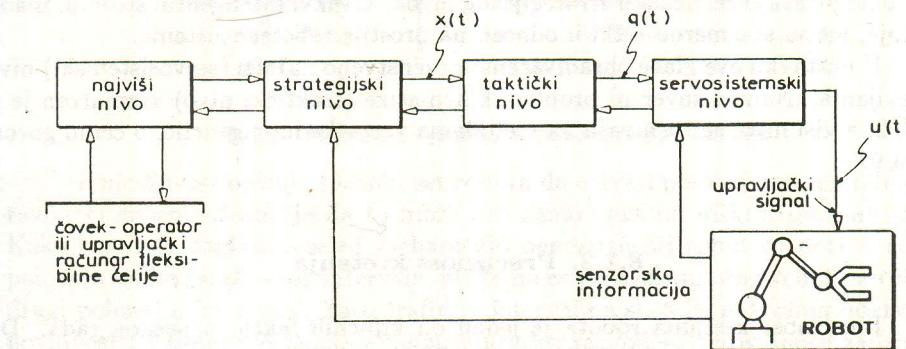
Problem upravljanja robotom možemo postaviti još opštije. Umesto da zadatak formulišemo preko određenog kretanja, možemo napraviti kvalitativni skok i zadatak formulisati u vidu zahteva da robot izvrši neku složenu praktičnu operaciju. Na primer, zadatak može biti: zavrnuti zavrtanj u predvideni otvor. Ovakav

zadatak sadrži niz funkcionalnih pokreta. Prvi pokret **hvatanja zavrtnja**, drugi prinošenje zavrtnja otvoru, treći zavrtanje i četvrti povratak u polazni položaj. Zadatak bi mogao biti još složeniji ako je, na primer, potrebno sastaviti neki sklop od više delova. Tada bi i broj elementarnih funkcionalnih pokreta bio znatno veći. Konačno, veoma čest problem ovog tipa je sakupljanje predmeta rasutih po podlozi.

Opisani način postavljanja zadatka predstavlja kvalitativni skok u odnosu na ranije zahteve. Zadatak više nije kinematički orientisan (zadato kretanje) već problemski orientisan (izvršenje odredene radnje). Problem koji treba rešiti robot prvo raščlanjuje na elementarne zahvate, tj. na niz elementarnih funkcionalnih pokreta, a zatim ih izvršava. Očigledno, ovo raščlanjavanje problema i utvrđivanje redosleda elementarnih radnji zahteva određenu "inteligenciju" kao i odredene informacije tj. odgovarajuća čula. Sada zadatak upravljanja može da se formuliše na sledeći način: *analizirati, a zatim izvršiti traženu radnu operaciju*.

U prethodnoj diskusiji podrazumevali smo rad u potpuno poznatim uslovima. Tu mislimo na precizno definisan radni prostor i radne operacije. Sledeće uopštenje predstavlja uvodenje veće doze neizvesnosti. Radi se, često, o pojavi prepreka u radnom prostoru. Izvršenje zadataka tada podrazumeva i stalno ispitivanje prostora oko robota i odlučivanje o tome kako u konkretnom slučaju postupiti da bi se izvršio zadatak. Formulacija zadataka upravljanja, ipak, ostaje ista kao malopre.

Na kraju, možemo zamisliti i naredno uopštenje: ne mora biti zadata čak ni radna operacija koju treba izvršiti. Postavimo, na primer, ovakav zadatak: Ispitati dati uređaj (ili sklop), naći kvar i otkloniti ga. U ovom slučaju robot će tek nakon analize zaključiti koje radne operacije treba izvršiti (npr. zameniti neki deo). Ovo uopštenje bi predstavljalo novi kvalitativni skok jer zadatak postaje orientisan ka cilju i problem upravljanja formulisemo na odgovarajući način: *izvršiti operacije potrebne da bi se postigao traženi cilj*.



Sl. 8.1. Nivoi upravljačkog sistema

Sledeći opisanu logiku uopštavanja zadatka koji se robotu postavlja dolazimo do upravljanja u više nivoa (sl.8.1.) pri čemu svaki viši nivo priprema zadatak i upravlja radom nižeg nivoa. Такode, svaki nivo će, u zavisnosti od potrebe, raspolažati određenim senzorskim informacijama.

*Servosistemski nivo predstavlja najniži nivo upravljanja i on neposredno izvršava kretanje. Zato se, često, i naziva izvršni nivo. Zadatak mora biti u obliku zahteva za određenim kretanjem zglobova:  $q(t)$ , gde je  $q$  vektor unurašnjih koordinata. Servosistemi u svakom zglobu obezbeđuju izvršavanje traženog kretanja.*

Ovaj upravljački nivo prima zadatak od višeg nivoa ili pak, neposredno od čoveka–operatora ako viši nivo ne postoji.

Od mogućih senzorskih informacija servosistemski nivo koristi podatke o položaju i brzini pomeranja zglobova.

Taktički nivo je prvi viši nivo upravljanja i on vrši raspodelu kretanja na pod-sisteme zglobova. Zadatak se prima od višeg nivoa ili čoveka–operatora neposredno i to u obliku zahteva za izvršenje određenog funkcionalnog pokreta  $X(t)$ , gde je  $X$  vektor spoljašnjih koordinata. Na ovom nivou rešava se inverzni zadatak kinematike čime se nalaze kretanje zglobova  $q(t)$ . Taktički nivo u principu ne zahteva dopunske senzorske informacije.

*Strategijski nivo.* Na ovom upravljačkom nivou, problemski orijentisan zadatak (formulisan u obliku zahteva za izvršenja odredene radne operacije) raščlanjuje se na elementarne funkcionalne pokrete  $X(t)$ . Pri tome je neophodno izvršiti i planiranje kretanja koje nekada uključuje i različite vrste optimizacije koja omogućava da se raščlanjavanje izvrši na jednoznačan način. Na primer: treba po nekom kriterijumu optimizirati redosled sakupljanja rasutih predmeta. Strategijski nivo često uključuje vizuelne sisteme, daljinare i sl. Problem obilaženja prepreka u radnom prostoru može se rešavati na strategijskom nivou ili ga prepustiti sledećem višem nivou.

Najviši nivo upravljanja prima zadatak orijentisan ka cilju, analizira ga, i formuliše radne operacije potrebne za njegovo postizanje.

Na kraju ove diskusije treba naglasiti da se većina današnjih robota zadržava na taktičkom nivou, mada se intenzivno razvijaju metode veštacke inteligencije koje omogućavaju realizaciju strategijskog nivoa. Ovakvi inteligentni sistemi, mada postoje, još su srazmerno retki u odnosu na prostije robotske sisteme.

U nastavku ove glave obradivaćemo prvenstveno najniži (servosistemski) nivo upravljanja. Naime, inverzni problem kinematike (taktički nivo) razmatran je u glavi 2, a viši nivoi se zasnivaju na metodama veštacke inteligencije, o čemu govori glava 9.

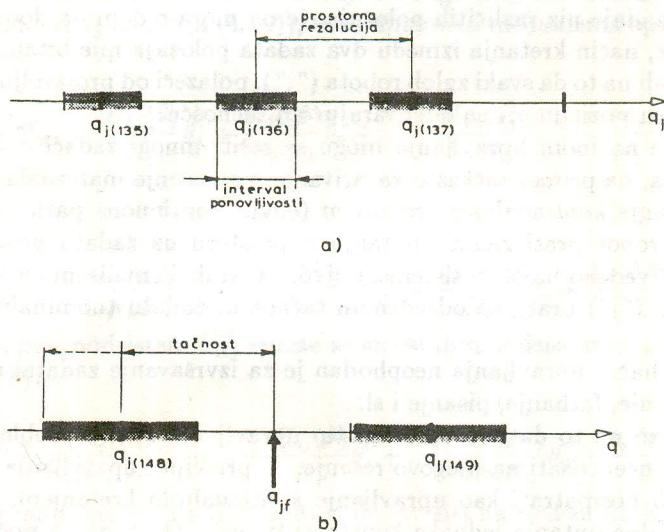
### 8.1.2. Preciznost kretanja

Preciznost kretanja robota je jedan od ključnih faktor uspešnog rada. Da bismo ovaj pojam bolje objasnili razmotrićemo tri veličine kojima se on u robotici opisuje: prostornu rezoluciju, tačnost pozicioniranja i ponovljivost. Sve ove veličine definisaćemo u odnosu na zadatak postizanja zadatog položaja robota u prostoru.

*Prostorna rezolucija* je najmanji pomeraj koji robot može izvršiti po nalogu upravljačkog sistema. To nam ukazuje da robot nema mogućnost kontinualnog pozicioniranja, već postoji skup diskretnih položaja u radnom prostoru u koje robot možemo dovesti. Ova diskretizacija posledica je digitalizacije podataka o položaju

u memoriji upravljačkog sistema. Na primer, ako se jedna unutrašnja koordinata pamti u obliku 8-bitne informacije, to znači da će ta koordinata imati  $2^8=256$  diskretnih položaja. Na slici 8.2a predstavljen je jedan deo diskretizovane koordinate  $q_j$ .

Dopunski problem javlja se usled mehaničkih efekata koji doprinose smanjenju mogunosti tačnog pozicioniranja. Jedan od takvih efekata je zazor u prenosnom sistemu, drugi je elastična deformacija elemenata prenosnog sistema, a postoji još niz faktora koji pojačavaju ove efekte. Tako dolazimo do situacije da posmatrani zglob  $q_j$  ne možemo pozicionirati tačno u neku od diskretnih tačaka već će se koordinata naći negde u šrafiranoj okolini diskretizacionih tačaka (sl. 8.2a). Granice šrafiranog intervala određuju se po metodi najgoreg slučaja uzimajući u obzir zbirni uticaj pomenutih mehaničkih faktora.



Sl. 8.2. Prostorna rezolucija, ponovljivost i tačnost

*Ponovljivost* opisuje sposobnost robota da ostvari položaj koji mu odredi upravljački sistem. Jasno je da to može biti samo neka od diskretizacionih tačaka. Kako smo već naglasili, usled mehaničkih nepreciznosti robot će doći u neki od položaja unutar šrafiranog intervala, pri čemu će pri svakom novom dolasku zauzeti drugi položaj iz intervala. Zato šrafirani interval na sl. 8.2a nazivamo interval ponovljivosti. Eksperimentalno je moguće utvrditi raspodelu verovatnoće zauzimanja pojedinih tačaka u intervalu ponovljivosti.

*Tačnost pozicioniranja.* Do sada smo razmatrali mogućnost robota da zauzme različite položaje u prostoru uzimajući u obzir diskretizaciju radnog prostora. Međutim, u konkretnom zadatku, od robota se zahteva da dođe u položaj koji se u opštem slučaju ne poklapa sa nekim od diskretizacionih položaja. Primer za koordinatu  $q_j$  prikazan je na slici 8.2b. Traženi položaj  $q_{jf}$  nalazi se između dve dis-

kvetizacione tačke koje upravljački sistem može definisati. Tačnost pozicioniranja pretstavlja odstupanje koordinate od  $q_{jf}$ . Očigledno da je gornja granica ovog odstupanja jednaka polovini prostorne rezolucije uvećane za poluinterval mehaničke nepreciznosti.

### 8.1.3. Tipovi upravljanja

Posmatrajući izvršni (servosistemski) nivo upravljanja možemo uočiti dva osnovna tipa upravljanja koji su tesno vezani i za tipove postavljenih zadataka. U pitanju su:

- upravljanje od tačke do tačke, i
- upravljanje kontinualnim kretanjem.

*Upravljanje od tačke do tačke* (engl. point-to-point control) podrazumeva da se robotu zadaje niz različitih položaja, te on mora redom da dode u svaki od njih. Pri tome, način kretanja između dva zadata položaja nije bitan. Uprošeno, zadatak se svodi na to da svaki zglob robota ("j"), polazeći od proizvoljnog položaja, postigne zadatu poziciju  $q_{jf}$  sa odgovarajućom tačnošću.

Ovakvim načinom upravljanja mogu se rešiti mnogi zadaci u industrijskoj primeni robota, na primer tačkasto zavarivanje, prenošenje materijala i sl.

*Upravljanje kontinualnim kretanjem* (engl. continuons path control) podrazumeva da robot prati zadatu putanju u prostoru uz zadatu promenu brzine duž putanje. Svedeno na servosistemski nivo, zadatak formulisemo u vidu zahteva da svaki zglob ("j") prati, sa određenom tačnošću, zadatu (nominalnu) promenu  $q_{jnom}(t)$ .

Ovakav način upravljanja neophodan je za izvršavanje zadataka kao što su: šavno zavarivanje, farbanje, pisanje i sl.

S obzirom na to da je ovaj drugi tip upravljanja opštiji problem, mi ćemo se pretežno koncentrisati na njegovo rešenje. U principu, upravljanje od tačke do tačke možemo posmatrati kao upravljanje kontinualnim kretanjem, pri čemu je zadata nominalna putanja jednaka konstanti tj.  $q_{jnom}(t) = q_{jf}$ , a početni položaj posmatramo kao početno odstupanje od zadate putanje.

## 8.2. UPRAVLJANJE RASPREGNUTIM SISTEMOM

Kada govorimo o upravljanju robotom kao raspregnutim sistemom, mislimo na to da se svakim zglobom robota upravlja kao izolovanim dinamičkim sistemom, dakle zanemarujući dinamički uticaj kretanja jednog zgloba na kretanje drugog. Razlog za ovo leži u složenosti proračuna dinamičkog sprezanja i težnji ka jednostavnosti upravljanja. Razmotrićemo mogućnosti ovakvog raspreznanja sistema.

U glavi 4. izveli smo dinamički model kompletног robotskog sistema. Model smo doveli do kompaktne forme izražene jednačinom (4.23). Ovde ćemo se podsetiti da se kompletan model formira polazeći od modela dinamike motora i modela

dinamike mehanizma. Dinamika motora zglobo "j" opisuje se jednačinom (4.15) tj.

$$S_{Aj} : \dot{x}_j = C_j x_j + f_j P_{Mj} + d_j u_j \quad (8.1)$$

gde je  $x_j$  vektor stanja podsistema motora "j" i dimenzija mu je  $k_j$ . U daljem razmatranju usvojićemo  $k_j=2$ , tj. ograničiti se na model drugog reda čiji vektor stanja sadrži položaj ( $\theta_j$ ) i brzinu ( $\dot{\theta}_j$ ) motora:

$$x_j = [\theta_j \dot{\theta}_j]^T \quad (8.2)$$

$P_{Mj}$  je izlazni moment motora (skalarna veličina), odnosno moment spoljašnjeg opterećenja, a  $u_j$  je skalarni upravljački ulaz. Matrice sistema ( $C_j, f_j, d_j$ ) opisane su u glavama 3. i 4.

Podsistemi  $S_{Aj}$ ,  $j=1,\dots,n$  međusobno su spregnuti posredstvom dinamičkog modela mehanizma koji možemo napisati u formi (4.8). Ako pogone i kretanja zglobova povežemo sa pogonima i kretanjima odgovarajućih motora posredstvom reduktora odnosa  $N_j$  (relacija (4.16)), tada dinamiku mehanizma opisujemo modelom:

$$\begin{aligned} P_{M1} &= \frac{H_{11}(\theta)}{N_1^2} \ddot{\theta}_1 + \frac{H_{12}(\theta)}{N_1 N_2} \ddot{\theta}_2 + \dots + \frac{H_{1n}(\theta)}{N_1 N_n} \ddot{\theta}_n + \frac{h_1(\theta, \dot{\theta})}{N_1} \\ &\vdots \\ P_{Mn} &= \frac{H_{n1}(\theta)}{N_n N_1} \ddot{\theta}_1 + \frac{H_{n2}(\theta)}{N_n N_2} \ddot{\theta}_2 + \dots + \frac{H_{nn}(\theta)}{N_n^2} \ddot{\theta}_n + \frac{h_n(\theta, \dot{\theta})}{N_n} \end{aligned} \quad (8.3)$$

Konkretno, podsistem  $S_{Aj}$  spreže se sa ostalim podsistemima kroz momenat opterećenja  $P_{Mj}$ :

$$P_{Mj} = \frac{H_{j1}(\theta)}{N_j N_1} \ddot{\theta}_1 + \dots + \frac{H_{jj}(\theta)}{N_j^2} \ddot{\theta}_j + \dots + \frac{H_{jn}(\theta)}{N_j N_n} \ddot{\theta}_n + \frac{h_j(\theta, \dot{\theta})}{N_j} \quad (8.4)$$

Rasprezanje možemo najjednostavnije izvršiti na sledeći način. Koeficijente  $H_{ji}$ ,  $j \neq i$  zanemarićemo tj. proglašiti ih nulama. Koeficijent  $H_{jj}(\theta)$  koji predstavlja funkciju svih koordinata  $\theta_i$ ,  $i=1,\dots,n$  smatraćemo konstantom i usvojiti vrednost  $\bar{H}_{jj}$  koju dobijamo nekom vrstom usrednjavanja ili maksimizacijom. Konačno, sabirak  $h_j(\theta, \dot{\theta})$  takođe ćemo smatrati konstantom čija je vrednost  $\bar{h}_j$ . Sada momenat opterećenja postaje

$$P_{Mj} = \frac{\bar{H}_{jj}}{N_j^2} \ddot{\theta}_j + \frac{\bar{h}_j}{N_j} \quad (8.5)$$

Na ovaj način podsistem  $S_{Aj}$  izolujemo od ostalih podsistema. Ukoliko  $\bar{H}_{jj}/N_j^2$  dodamo inerciji rotora, tada model (8.1) postaje

$$S_{Aj} : \dot{x}_j = C'_j x_j + f_j \frac{\bar{h}_j}{N_j} + d_j u_j \quad (8.6)$$

pri čemu  $C'_j$  označava izmenjenu matricu  $C_j$  usled uvećanja momenta inercije.

Postavimo sada zahtev da koordinata  $\theta_j$  ostvari kretanje koje ćemo zvati nominalnim tj.  $\theta_{j,nom}(t)$ . Takođe kretanju odgovarajuće promene brzine  $\dot{\theta}_{j,nom}(t)$ . Kako raspolažemo senzorima koji mere položaj  $\theta_j$  i brzinu  $\dot{\theta}_j$ , to praćenje nominalnog kretanja realizujemo uvedenjem povratne sprege po koordinati  $\theta_j$  i brzini  $\dot{\theta}_j$ . Upravljački ulaz motora ( $u_j$ ) sastojiće se iz nominalne komponente  $u_{j,nom}(t)$  izračunate iz modela (8.6) za zadato nominalno kretanje i komponente povratne sprege  $\Delta u_j$ . Komponenta  $u_{j,nom}$  se često i izostavlja. Usvojimo da je  $\Delta u_j$  linearna funkcija odstupanja. Tada je:

$$\Delta u_j = -K_{jP} \Delta \theta_j - K_{jD} \Delta \dot{\theta}_j \quad (8.7)$$

gde su:

$$\Delta \theta_j = \theta_j - \theta_{j,nom} \quad (8.8)$$

$$\Delta \dot{\theta}_j = \dot{\theta}_j - \dot{\theta}_{j,nom} \quad (8.9)$$

odstupanja položaja i brzine od nominalnih vrednosti, a  $K_{jP}$  i  $K_{jD}$  su pojačanja povratne sprege. Prvi sabirak u (8.7) nazivamo, obično, pozicionom povratnom spregom, a drugi brzinskom ili diferencijalnom spregom. Ukupno, ovaj način upravljanja nazivamo P-D regulatorom.

U modelu (8.6) uočavamo i sabirak  $f_j \bar{h}_j / N_j$  koji predstavlja konstantni deo spoljašnjeg opterećenja. U takvom slučaju korisno je uvesti i integralnu povratnu spregu oblika  $K_{jI} \int \Delta \theta_j dt$ , zato što ova sprega ostvaruje upravljački signal čak i kada greška  $\Delta \theta_j$  padne na nulu. Tako dolazimo do P-D-I regulatora

$$\Delta u_j = -K_{jP} \Delta \theta_j - K_{jD} \Delta \dot{\theta}_j - K_{jI} \int \Delta \theta_j dt \quad (8.10)$$

Način određivanja pojačanja povratne sprege ( $K_{jP}, K_{jD}, K_{jI}$ ) koja će obezbediti zadovoljavajuće praćenje nominalnog kretanja predstavlja zaseban problem. Moguće je koristiti bilo koju od standardnih metoda poznatih iz teorije automatskog upravljanja, ali to već izlazi iz domena ove knjige.

### 8.3. DVOETAPNA SINTEZA UPRAVLJANJA

Glavni nedostatak pristupa upravljanju opisanog u prethodnom odeljku je potpuno rasprezanje sistema. Upravljanje sintetizovano na takvom raspregnutom modelu može biti u nekim slučajevima sasvim neprimerno realnom sistemu. Naime, nekada je sprezanje podistema znatno i ne sme se na opisani način zanemariti.

U ovom odeljku pokazaćemo pristup koji u znatno većoj meri vodi računa o sprezanju.

Razdvojimo sintezu upravljanja na dve etape: etapu nominalnog kretanja i etapu poremećenog kretanja.

Smatraćemo da je zadatak dat u vidu traženog nominalnog kretanja robota koje je izraženo promenom unutrašnjih koordinata zglobova:  $q_{j,nom}(t), \dot{q}_{j,nom}(t)$ ,  $j=1, \dots, n$ . Kako su pomeranja motora direktno srazmerna pomeranjima zglobova, to pod nominalnim kretanjem podrazumevamo i  $\theta_{j,nom}(t), \dot{\theta}_{j,nom}(t)$ ,  $j=1, \dots, n$ . Ukoliko poznajemo dinamički model celog sistema (jednačine (8.1), (8.3) ili kompaktni model (4.23), biće: ...(4.23)), ... tada možemo izračunati upravljanja  $u_{1,nom}(t), \dots, u_{n,nom}(t)$  koja nazivamo nominalnim i koja će voditi sistem željenom putanjom. Ovaj proračun naziva se etapom nominalnog kretanja ili etapom nominalne dinamike.

Ukoliko robot izvršava neki zadatak u kome je kretanje  $\theta_{j,nom}(t)$ ,  $j=1, \dots, n$  poznato pre početka izvršavanja, tada je moguće unapred rešiti nominalnu dinamiku i izračunato nominalno upravljanje  $u_{j,nom}(t)$ ,  $j=1, \dots, n$  memorisati na nekoj od periferijskih jedinica kako bi se moglo čitati i koristiti prilikom izvršenja kretanja. Ovo je, uglavnom, slučaj kod rutinskih industrijskih primena robota kada se stalno ponavlja unapred dato kretanje. U nekom složenijem slučaju  $q_{j,nom}(t)$  pa otuda i  $\theta_{j,nom}(t)$  dobija se od taktičkog nivoa ali u realnom vremenu, dakle u toku izvršenja. Tada i  $u_{j,nom}$  moramo računati u realnom vremenu, što podrazumeva da raspolažemo algoritmima za rešavanje dinamike u realnom vremenu.

Ako bismo na stvarni sistem primenili samo nominalno upravljanje, tada bismo dobili sistem sa otvorenom spregom koji ne bi mogao pratiti željeno kretanje. To je otuda što takav sistem nema osobinu samokorekcije. U tom slučaju, nakon bilo kakvog poremećaja koji ga izvede sa željene putanje, sistem će "odlutati". Dopunski razlog je što je i nominalno upravljanje samo približno onome što je realnom sistemu potrebno. To je otuda što dinamički model nikada ne može uzeti u obzir sve karakteristike realnog sistema.

Kretanje realnog sistema nazivamo etapom poremećenog kretanja i u toj etapi uvodimo povratne sprege i određujemo odgovarajuće komponente upravljanja:  $\Delta u_j$ ,  $j=1, \dots, n$ . Ukupno, upravljanje će biti oblika:

$$u_j = u_{j,nom} + \Delta u_j, \quad j = 1, \dots, n, \quad (8.11)$$

ili vektorski:

$$u = u_{nom} + \Delta u \quad (8.12)$$

gde se pojavljuju vektori upravljanja (kolona matrice dimenzije  $n$ , npr  $u = [u_1 \dots u_n]^T$ ).

Komponenta upravljanja usled povratne sprege ( $\Delta u$ ), u principu, je funkcija odstupanja  $\Delta\theta$  i  $\Delta\dot{\theta}$ , gde je  $\theta$  vektor koordinata položaja motora ( $\theta = [\theta_1 \dots \theta_n]^T$ ).  $\Delta u$  može biti još i funkcija vremena.

Sada ćemo podsetiti da je nominalno upravljanje sračunato na osnovu kompletног modela dinamike, pa uzima u obzir sprezanje podsistema. Pri sintezi povratne sprege, na etapi poremećenog kretanja, možemo sistem raspregnuti, ili se, pak, i dalje držati spregnutog modela. Prvi pristup nazivaćemo decentralizovano upravljanje, a drugi pristup pokazaćemo na primeru sinteze linearног optimalnog regulatora.

### 8.3.1. Decentralizovano upravljanje

Ovaj pristup uneškoliko sledi logiku rasprezana izloženu u odeljku 8.2., međutim, ovde se radi o upravljanju koje na nivou nominala vodi računa o sprezanju, a kretanje oko nominala posmatra se raspregnuto.

Posmatraćemo model kompletne dinamike kao skup podistema motora (8.1) koji su spregnuti posredstvom modela mehanizma (8.3). Kako nominalnu dinamiku smatramo rešenom, to nominalno kretanje i nominalno upravljanje smatramo pozнатим:  $\theta_{jnom}(t)$ ,  $\dot{\theta}_{jnom}(t)$ ,  $u_{jnom}(t)$ . U tom slučaju modele (8.1) i (8.3) možemo napisati u formi odstupanja od nominala. Tako za podistem "j" dobijamo:

$$\Delta \dot{x}_j = C_j \Delta x_j + f_j \Delta P_{Mj} + d_j \Delta u_j, \quad (8.13)$$

gde je

$$\Delta x_j = x_j - x_{jnom}(t), \quad \Delta P_{Mj} = P_{Mj} - P_{Mjnom}, \quad \Delta u_j = u_j - u_{jnom}$$

a u slučaju modela drugog reda još i  $\Delta x_j = [\Delta \theta_j, \Delta \dot{\theta}_j]^T$ .

Sprezanje ovog podistema sa drugim podistemima, na nivou poremećaja, vrši se posredstvom momenta  $\Delta P_{Mj}$ . Kada model (8.3), odnosno (8.4) napišemo u formi odstupanja, dobija se:

$$\Delta P_{Mj} = \sum_{k=1}^n \frac{H_{jk}^*(t, \Delta \theta)}{N_j N_k} \Delta \ddot{\theta}_k + \frac{h_j^*(t, \Delta \theta, \Delta \dot{\theta})}{N_j}, \quad (8.14)$$

gde je:

$$H_{jk}^*(t, \Delta \theta) = H_{jk}(\theta)$$

$$h_j^*(t, \Delta \theta, \Delta \dot{\theta}) = (H_{jk}(\theta) - H_{jk}(\theta_{nom}(t))) \ddot{\theta}_{nom}(t) + h_j(\theta, \dot{\theta}) - h_j(\theta_{nom}(t), \dot{\theta}_{nom}(t)). \quad (8.15)$$

a  $\theta$  označava vektor svih koordinata  $\theta_j$ .

Uočimo da kod pisanja u formi odstupanja svaka funkcija položaja  $\theta$  (npr.  $F(\theta)$ ) postaje funkcija vremena  $t$  i odstupanja  $\Delta \theta$  (npr.  $F(t, \Delta \theta)$ ) zbog toga što položaj posmatramo u obliku  $\theta = \theta_{nom}(t) + \Delta \theta$ .

Jednačine (8.13) i (8.14),  $j = 1, \dots, n$  određuju poremećajni model spregnutog sistema. Ukoliko želimo decentralizovano upravljanje, ovaj model je potrebno raspregnuti.

Prvo ćemo uočiti da se sprezanje podistema "j" (model (8.13)) sa ostalim podistemima izražava kroz momenat  $\Delta P_{Mj}$  (8.14). U cilju razrezaanja, koeficijente  $H_{jk}^*$ ,  $j \neq k$  zanemarujemo. Zadržavmo samo  $H_{jj}^*$  i smatramo ga konstantom čija se vrednost određuje usrednjavanjem ili maksimizacijom. Označimo tu vrednost sa  $\bar{H}_{jj}$ .

Sabirak  $h_j^*$  možemo zanemariti ili smatrati linearnom funkcijom odstupanja  $\Delta\theta_j$ , što se može proceniti prethodnom simulacijom. Ukoliko uvedemo  $\bar{H}_{jj}$  i zanemarimo  $h_j^*$ , iz (8.14) dobijamo:

$$\Delta P_{Mj} = \frac{\bar{H}_{jj}}{N_j^2} \Delta \ddot{\theta}_j, \quad (8.16)$$

čime smo raspregnuli sistem.

Podsistem (8.13) sada postaje:

$$\Delta \dot{x}_j = C'_j x_j + d_j \Delta u_j, \quad (8.17)$$

pri čemu  $C'_j$  označava izmenjenu matricu  $C_j$  usled toga što je moment inercije rotora uvećan za  $\bar{H}_{jj}/N_j^2$ .

Sinteza upravljanja  $\Delta u_j$  za sistem (8.17) sada se može izvršiti korišćenjem bilo koje od standardnih metoda (npr. metode postavljanja poslova). Određuju se pojačanja  $K_{jP}$  i  $K_{jD}$  i formira povratna sprega:

$$\Delta u_j = -K_{jP} \Delta \theta_j - K_{jD} \Delta \dot{\theta}_j, \quad (8.18)$$

Ukupno upravljanje za podsistem "j" je:

$$u_j = u_{jnom} + \Delta u_j, \quad (8.19)$$

Očigledno je da se opisani način upravljanja razlikuje od pristupa izloženog u odeljku (8.2) prvenstveno po tome što je sada nominalno upravljanje izračunato iz spregnutog modela, dok je u prethodnom odeljku nominal računat iz raspregnutog modela, ili čak nije ni uziman u obzir.

Bez obzira na to što opisani postupak uzima u obzir sprezanje na nivou nominala, sintetizovano upravljanje  $u_j$  ipak ne garantuje stabilnost realnog sistema u svim slučajevima. Kako je poremećeno kretanje posmatrano kao raspregnuto, to u slučajevima jakog sprezanja upravljanje može biti neodgovarajuće i čak dovesti do nestabilnosti. Možemo reći da su ovakvi slučajevi jakog sprezanja prilično retki, no ipak, nakon sinteze upravljanja, neophodno je proveriti stabilnost analizom ne-linearnog poremećenog modela (8.13), (8.14),  $j = 1, \dots, n$ .

Upravljanje  $\Delta u_j$  sintetizovano na osnovu raspregnutog modela nazivamo lokalnom povratnom spregom. Ukoliko se na ovaj način stabilnost ne može postići, neophodno je uvesti dopunska komponentu  $\Delta u_{jG}$  koju nazivamo globalnom povratnom spregom i koja vodi računa o uticaju sprezanja.

### 8.3.2. Linearni optimalni regulator

Ovaj pristup suštinski se razlikuje od prethodnog po tome što se i u etapi poremećenog kretanja posmatra spregnuti sistem.

Pošto sistem nećemo rasprezati, to ćemo se pri izvođenju regulatora koristiti modelom kompletne dinamike napisanim u kompaktnoj formi (4.23) tj.

$$\dot{x} = \hat{c}(x) + \hat{D}(x)u, \quad (8.20)$$

gde je  $x$  vektor stanja celog sistema (dimenzija  $N$ ), a  $u$  vektor upravljanja (dimenzija  $n$ ).

Ako kretanje razdvojimo na nominal  $x_{nom}(t)$  i odstupanje  $\Delta x$ , tada model možemo napisati u formi:

$$\dot{\Delta x} = C^*(t, \Delta x) + D^*(t, \Delta x)\Delta u, \quad (8.21)$$

gde je:

$$\Delta \dot{x} = x - x_{nom}(t), \quad \Delta u = u - u_{nom}(t);$$

$$C^*(t, \Delta x) = \hat{C}(x) - \hat{C}(x_{nom}(t)) + (\hat{D}(x) - D(x_{nom}(t)))u_{nom}(t);$$

$$D^*(t, \Delta x) = \hat{D}(x) \quad (8.22)$$

Početno odstupanje  $\Delta x(0)$  smatra se poznatim.

Izvodenje linearogn optimalnog regualatora zahteva niz složenih koraka (npr. linearizacija, rešavanje Rikitijeve jednačine, i sl.). Kako to prevazilazi obim ove knjige, to ćemo se na nekim mestima ograničiti samo na postavku problema i interpretaciju rezultata.

U cilju sinteze regulatora potrebno je linearizovati poremećajni model (8.21). Linearizacija se vrši oko nominalnog kretanja  $x_{nom}(t)$  tj. oko nule poremačaja  $\Delta x$ . Linearizacija se može izvršiti na različite načine: numeričkim metodama, simboličkim metodama ili, pak, metodama identifikacije. U postupke linearizacije ovde se nećemo upuštati. Naglasićemo, međutim, da se u svakom slučaju linearizovani model dobija u obliku:

$$\dot{\Delta x} = \bar{C}(t)\Delta x + \bar{D}(t)\Delta u, \quad (8.23)$$

gde se matrice  $\bar{C}(t)$  i  $\bar{D}(t)$  dobijaju linearizacijom i funkcije su vremena. Dakle, dobijeni linearni model je nestacionaran. Ako bismo sintetizovali optimalni regulator za takav sistem, došli bismo do vremenski promenljivih pojačanja povratne sprege. Kako je to u principu nepoželjno, izvršićemo uprošćenje modela (8.23) tako što ćemo ga usrednjiti tokom vremena, odnosno naći srednje vrednosti matrica  $\bar{C}(t)$  i  $\bar{D}(t)$ . Ako su srednje vrednosti  $\bar{\bar{C}}$  i  $\bar{\bar{D}}$ , tada (8.23) postaje stacionarni model:

$$\dot{\Delta x} = \bar{\bar{C}}\Delta x + \bar{\bar{D}}\Delta u. \quad (8.24)$$

Prepostavimo sada da se sve koordinate stanja mere što omogućava da se povratna sprega uvede po svim odstupanjima  $\Delta x$ . Tada sintezu regulatora vršimo na osnovu minimizacije kvadratnog kriterijuma.

$$J(\Delta u) = \int_0^{\infty} e^{2\gamma t} (\Delta x^T Q \Delta x + \Delta u^T R \Delta u) dt, \quad (8.25)$$

gde su  $Q$  i  $R$  pozitivno definitne težinske matrice odgovarajućih dimenzija ( $Q(N \times N); R(n \times n)$ ), koje se, kao i stepen stabilnosti  $\gamma$ , biraju tako da se obezbedi praktična stabilnost sistema.

Usvojeni postupak vodiće rešavnuju Rikati jeve jednačine. Ukoliko upravljanje pretpostavimo u obliku:

$$\Delta u = -R^{-1} \bar{D}^T K \Delta x, \quad (8.26)$$

tada je  $K$  matrica dimenzija  $N \times N$  i predstavlja rešenje Rikati jeve jednačine:

$$K(\bar{C} + \alpha I) + (\bar{C}^T + \alpha I)K - K \bar{D} R^{-1} \bar{D}^T K + Q = 0, \quad (8.27)$$

gde je  $I$  jedinična matrica odgovarajućih dimenzija.

Ukupno upravljanje sada je:

$$u = u_{nom} + \Delta u. \quad (8.28)$$

Prilikom sinteze linearog optimalnog regulatora uveli smo niz uprošćenja (linearizacija, usrednjavanje). Zbog toga rešenje (8.26) uz (8.28) ipak ne garantuje stabilnost realnog sistema. Zato bi trebalo izvršiti analizu stabilnosti nelinearnog modela poremećaja (8.21).

Dopunska nepogodnost leži u pretpostavci o merljivosti svih koordinata stanja i uvedenju povratne sprege po svakoj od njih. Naime, u praksi se, po pravilu, uvide povratne sprege samo po položaju i brzini motora. Na primer, ne uvodi se sprega po struji rotora iako je to jedna od koordinata stanja elektromotora (ako je opisan modelom trećeg reda).

#### 8.4. DIGITALNA SHEMA UPRAVLJANJA

U prethodnim odeljcima izveli smo postupak upravljanja zasnovan na korišćenju nominalnog upravljanja i povratne sprege po položaju i brzini zglobova ( $q, \dot{q}$ ). Preciznije rečeno, povratnu spregu smo uveli po položaju i brzini motora koji pokreću zglove (dakle  $\theta, \dot{\theta}$ ). S obzirom na jednoznačnu i prostu vezu izmedu koordinata motora  $\theta$  i koordinata zglobova  $q$ , u principu je svejedno koja od ovih veličina će učestvovati u formiranju povratne spreme. Kako se u praktičnim realizacijama najčešće meri položaj i brzina motora, to smo u prethodnim odeljcima uveli odstupanje, pa i povratnu spregu po ovim veličinama ( $\theta, \dot{\theta}$ ). Svakako, postoji i mogućnost merenja koordinate  $q$  umesto  $\theta$  (npr. ako se koristi potenciometar).

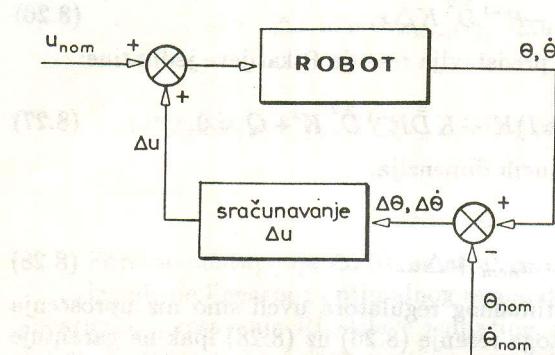
Prethodno razmatranje ipak nije u potpunosti tačno. Radi se o tome da u nekim slučajevima moramo uzeti u obzir elastične deformacije u sistemu za prenos pogona, a tada koordinate  $\theta$  i  $q$  postaju nezavisne (vidi odeljak 4.6). U takvom slučaju više nije svejedno da li se meri jedna ili druga veličina. Štaviše, u principu

bi bilo poželjno meriti obadve, međutim, to bi nas vodilo specijalnim tipovima regulatora o čemu ovde nećemo govoriti.

Razmotrimo sada mogućnost praktične realizacije upravljačke sheme sa povratnom spregom prikazane na sl.8.3.

Blok za izračunavanje  $\Delta u$  na osnovu odstupanja  $\Delta \theta$  i  $\Delta \dot{\theta}$  može se izvesti na različite načine, o čemu je govoren u prethodnim odeljcima. Mi ćemo usvojiti da je u pitanju linearna forma tj.

$$\Delta u = -K_P \Delta \theta - K_D \Delta \dot{\theta} - K_I \int \Delta \theta dt. \quad (8.29)$$



Sl. 8.3. Upravljanje sa povratnom spregom

$\dot{\theta} - \dot{\theta}_{nom}$ . Na osnovu tih grešaka formira se signal povratne sprege  $\Delta u$ . Nakon sabiranja sa nominalnim upravljanjem ( $u = u_{nom} + \Delta u$ ) i  $D/A$  konverzije, dobijeni napon primenjujemo na motore.

Od trenutka očitavanja senzora, pa do trenutka primene upravljanja prošlo je izvrsno vreme  $\Delta t$ . Dakle, upravljanje realizujemo ponavljajući opisani ciklus sa korakom  $\Delta t$  koji nazivamo vreme razdvajanja. Dok se ne izračuna nova vrednost upravljanja primenjuje se vrednost izračunata u prethodnom koraku. Sledi da upravljanje ima stalnu vrednost tokom  $\Delta t$ , a zatim se skokovito menja na novu izračunatu vrednost. Naglasimo još da u robotskim sistemima interval razdvajanja ne bi trebalo da bude duži od  $20ms$ .

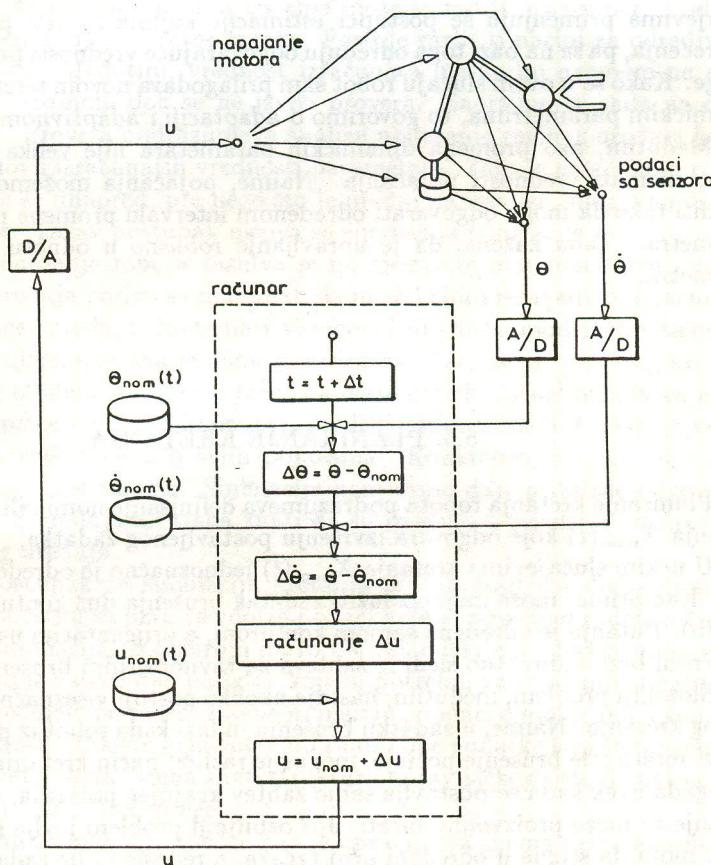
Pri primeni opisane sheme upravljanja uočavamo neminovno kašnjenje. Naime, upravljenje ( $u$ ) koje odgovara stanju  $\theta$ ,  $\dot{\theta}$  tj. trenutku  $t$ , biće izračunato i primeniće se na motore tek u trenutku  $t + \Delta t$  i vodiće motore sve dok ne stigne nova vrednost, a to je trenutak  $t + 2\Delta t$ . Ovo kašnjenje, pogotovo u slučaju suviše velikog  $\Delta t$ , može bitno uticati na kretanje robota. Ukoliko se pokaže potreba, ovo kašnjenje možemo korigovati postupkom predikcije (predviđanja).

Razmotrimo šta bi bilo neophodno uraditi u intervalu  $(t, t + \Delta t)$  kako bi se korigovalo kašnjenje. Ako imamo u vidu da će upravljanje ( $u$ ), izračunato u ovom intervalu, biti primenjeno tek od trenutka  $t + \Delta t$ , onda zaključujemo da bi ono

Ukoliko ovu shemu realizujemo digitalno, dolazimo do detaljnije sheme koja je prikazana na sl. 8.4. Pri formiraju ove sheme smatrano je da se nominal izračunava unapred, a u toku izvršenja zadatka čita se sa diska.

U nekom trenutku ( $t$ ) senzori položaja mere koordinate  $\theta$  i  $\dot{\theta}$ . Nakon  $A/D$  konverzije podaci ulaze u upravljački računar. Sada se sa diska čita vrednost nominalnog položaja  $\theta_{nom}(t)$  i brzine  $\dot{\theta}_{nom}(t)$  i izračunavaju se greške  $\Delta \theta = \theta - \theta_{nom}$  i  $\Delta \dot{\theta} =$

trebalo da odgovara tom trenutku, dakle  $u(t + \Delta t)$ . Kako je nominalna komponenta smeštena na disk, to njenu vrednost  $u_{nom}(t + \Delta t)$  možemo pročitati tokom intervala  $(t, t + \Delta t)$ . Međutim, povratna spregu  $\Delta u(t + \Delta t)$  zahteva poznavanje greški  $\Delta\theta(t + \Delta t)$ ,  $\Delta\dot{\theta}(t + \Delta t)$ , a to ne možemo izračunati budući da tokom intervala  $(t, t + \Delta t)$  ne znamo položaj i brzinu koje će motori imati na kraju intervala (tj.  $\theta(t + \Delta t)$  i  $\dot{\theta}(t + \Delta t)$ ). Da bismo opisanu ideju ipak sproveli izvršićemo predikciju i predvideti tražene vrednosti u trenutku  $t + \Delta t$  na osnovu vrednosti u trenutku  $t$  (tj. na osnovu  $\theta(t)$ ,  $\dot{\theta}(t)$ ) i niza prethodnih vrednosti. Tako dobijamo prediktovane vrednosti  $\theta_p$ ,  $\dot{\theta}_p$  koje koristimo za izračunavanje greški:  $\Delta\theta(t + \Delta t) = \theta_p - \theta_{nom}(t + \Delta t)$  i  $\Delta\dot{\theta}(t + \Delta t) = \dot{\theta}_p - \dot{\theta}_{nom}(t + \Delta t)$ . Sam postupak predikcije ovde nećemo opisivati.



Sl. 8.4. Digitalna shema upravljanja

Na slikama 8.3 i 8.4 uveli smo blok koji izračunava povratnu spregu  $\Delta u$  u zavisnosti od greški  $\Delta\theta$  i  $\Delta\dot{\theta}$ . Pri tome smo rekli da se obično radi o linearnoj formi (8.29) tj. P-D ili P-D-I regulatoru.

Sa stanovišta realizacije najpovoljnije je da pojačanja povratne sprege ( $K_P, K_D, K_I$ ) budu konstantna. Međutim, u nekim slučajevima to nije moguće. Posmatrajmo, na primer, zadatak u kome robot prenosi neke predmete sa jednog mesta na drugo. U fazi nošenja robot (njegovi motori) je znatno više opterećen nego u fazi kada se prazan vraća. Dakle, menjaju se dinamički parametri, pa će jednoj fazi odgovarati jedne vrednosti pojačanja, a drugoj fazi druge vrednosti. Tako dolazimo do promenljivih pojačanja koja menjaju vrednost u određenim trenucima, ali su to poznate i zadate vrednosti izračunate unapred na osnovu poznatih tereta koji će biti prenošeni.

Složeniji problem nastaje ako robot prenosi terete koji nisu unapred poznati. Dakle, radi se o promeni dinamičkih parametara u obimu koji nije zadat. U takvim slučajevima primenjuju se postupci estimacije kojima se vrši procena vrednosti opterećenja, pa se na bazi toga određuju odgovarajuće vrednosti pojačanja povratne sprege. Kako se u ovom slučaju robot sam prilagodava novom teretu tj. izmenjenim dinamičkim parametrima, to govorimo o *adaptaciji i adaptivnom upravljanju*.

Međutim, ako promena dinamičkih parametara nije velika, tada nije neophodno menjati vrednosti pojačanja. Naime, pojačanja možemo već na početku odrediti tako da mogu odgovarati određenom intervalu promene nekog dinamičkog parametra. Tada kažemo da je upravljanje *robusno* u odnosu na promenu tog parametra.

## 8.5. PLANIRANJE KRETANJA

Planiranje kretanja robota podrazumeva definisanje nominalnog funkcionalnog kretanja  $X_{nom}(t)$  koje odgovara izvršenju postavljenog zadatka.

U nekim slučajevima kretanje  $X_{nom}(t)$  jednoznačno je određeno samim zadatkom. Kao primer može nam poslužiti zadatak brušenja duž konture nekog varalica (sl. 10.24b). Putanja je određena samom konturom, a orijentacija uslovom normalnosti. Profil brzine direktno sledi iz zahteva za ravnometernim brušenjem.

Složeniji problem, međutim, nastaje ukoliko postoji više značnosti rešenja nominalnog kretanja. Naime, u zadataku brušenja, u fazi kada robot iz početnog položaja prilazi mestu gde brušenje počinje, moguće je različit način kretanja  $X_{nom}(t)$ . Slično se događa uvek kada se postavlja samo zahtev krajnjeg položaja, a do tog položaja kretanje se može proizvoljno birati. Još ozbiljniji problem javlja se u slučaju kada robot mora da stigne u određeni broj tačaka, a redosled nije zadat. Tada ne samo da se bira putanja između tačaka već i redosled.

Konačno, složen problem izbora kretanja javlja se u slučaju kada je potrebno da robot izbegne prepreke u radnom prostoru. Pri tome ne samo da hvataljka mora zaobići prepreku već ni bilo koji deo ruke ne sme da udari u prepreku.

Ceo opisani skup problema i načina za njihovo rešavanje naziva se planiranjem kretanja. Planiranje se, u principu, vrši na strategijskom nivou upravljanja i često uključuje različite postupke optimizacije.

Problematika planiranja kretanja prilično je složena i raznovrsna sa stanovišta pitanja koja obraduje. Zato ćemo se zadovoljiti time što smo naznačili probleme kojima se ova oblast bavi.

## 8.6. SIMULACIJA KRETANJA ROBOTA

Pri projektovanju robota i to kako mehaničke konstrukcije tako i upravljačkog sistema postavlja se problem određivanja čitavog niza važnih parametara. Kod mehaničke konstrukcije u pitanju su, na primer, dimenzije poprečnih preseka segmenta mehanizma, a kod upravljačkog sistema može se raditi, na primer, o određivanju vrednosti pojačanja povratne sprege. Postoje različiti načini za određivanje ovakvih parametara. Međutim, vrednost izračunata ma kojim načinom ne može se smatrati verodostojnom dok se ne izvrši provera. Zadržimo se sada na ovom problemu provere. Provera podrazumeva analizu ponašanja realnog uredaja koji je napravljen na osnovu izračunatih vrednosti parametara. Zato je neophodno razviti postupak kojim bi se unapred, pre nego što je uredaj napravljen, moglo analizirati njegovo ponašanje. Takav postupak naziva se simulacija ponašanja.

Simulacija ponašanje robota zasniva se na njegovom matematičkom modelu. Umesto realnog uredaja koristi se matematički model čijim rešavanjem izračunavamo kretanje budućeg uredaja. Matematički model (dinamički model) robota opisan je u glavi 4. ove knjige, a rešava se pomoću računara. Tačnost izračunatog kretanja zavisi od tačnosti modela. Radi se o tome da matematički model nikada ne uzima u obzir sve dinamičke efekte. Na primer, model opisan u glavi 4, iako je veoma detaljan, ipak ne vodi računa o svim pojavama. Konkretno, u obzir nije uzeto trenje u zglobovima mehanizma. Simulacija nam samo daje približne odgovore o ponašanju budućeg uredaja ali treba znati da su izračunati rezultati veoma bliski ponašanju realnog uredaja.

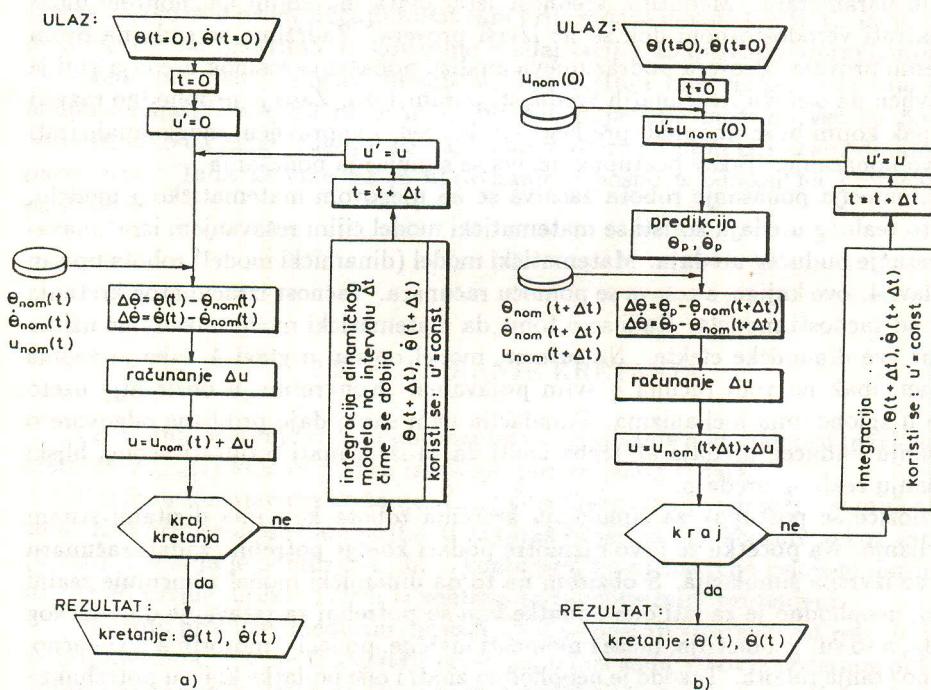
Izložiće se postupak za simulaciju kretanja robota koji ima digitalni sistem upravljanja. Na početku se prvo razmotre podaci koje je potrebno zadati računaru da bi se izvršila simulacija. S obzirom na to da dinamički model zamjenjuje realni uredaj, neophodno je zadati one podatke koji su potrebni za rešavanje dinamičkog modela, a to su: geometrija, mase i momenti inercije, podaci o motorima, i konačno, početno stanje robota. Takođe je neophodno znati i one podatke koji su potrebni za upravljanje robotom. Dakle, treba znati strukturu upravljačkog sistema uključujući vrednost pojačanja povratne sprege.

Objasnimo sada simulaciju robota čija je upravljačka shema prikazana na slici 8.4. Ova shema zahteva da se pre početka upravljanja sračunaju nominalne vrednosti  $\theta_{nom}(t)$ ,  $\dot{\theta}_{nom}(t)$  i  $u_{nom}(t)$ . Isti proračun obavlja se i pre početka simulacije.

Za vreme simulacije upravljački deo sheme ostaje isti, a realni mehanizam robota treba zameniti matematičkim modelom. Tokom objašnjenja upravljačke sheme videli smo da nakon svakog vremenskog intervala  $\Delta t$  upravljački računar uzima od senzora podatke o položaju i brzini. Posmatrajmo neki trenutak  $t$ . Nakon dobijanja podataka  $\theta$  i  $\dot{\theta}$  računar izračunava upravljanje  $u(t)$  i primenjuje ga na pogonske motore. Kako je za A/D konverziju i izračunavanje upravljanja potrebno vreme

$\Delta t$  to će se izračunato upravljanje primeniti na motore tek u trenutku  $t + \Delta t$ . U međuvremenu (od  $t$  do  $t + \Delta t$ ) primenjuje se upravljanje iz prethodnog trenutka tj.  $u(t - \Delta t)$  ( $u'$  na sl. 8.5a). U trenutku  $t + \Delta t$  ponovo se uzimaju podaci od senzora i ponavlja ceo ciklus. Da bi se pri simulaciji realni uredaj zamenio dinamičkim modelom moramo pomoći tog modela izračunati vrednosti  $\theta$  i  $\dot{\theta}$  u trenutku  $t + \Delta t$  tj. izračunati ono što bi trebalo meriti senzorom na realnom uredaju. Potrebno je izvršiti numeričku integraciju dinamičkog modela na intervalu  $(t, t + \Delta t)$  i dobiti  $\theta(t + \Delta t)$  i  $\dot{\theta}(t + \Delta t)$  polazeći od vrednosti  $\theta(t)$  i  $\dot{\theta}(t)$ , a pri tome primenjujući konstantno upravljanje  $u'$ . Shema postupka simulacije prikazana je na slici 8.5a.

Na slici 8.5b prikazana je shema simulacije u slučaju upravljanja sa predikcijom.



Sl. 8.5. Shema postupka simulacije

Kao rezultat simulacije dobijamo od računara funkcije  $\theta(t)$  i  $\dot{\theta}(t)$  tj. zakon kretanja koje bi ostvario realni robot koji bismo napravili prema zadatim podacima. Treba reći da se početno stanje  $\theta(t_0)$ ,  $\dot{\theta}(t_0)$  može zadati tako da se uklapa u željeno kretanje, međutim, češće se zadaje tako da postoji neko odstupanje od željenog položaja u početnom trenutku. Ovo odstupanje uvodi se zato da bi se videlo kojom brzinom će izabrana upravljačka shema poništiti to odstupanje i dovesti robot na željenu putanju.

Sličnim postupkom može se pomoći računara izvršiti simulacija ponašanja robota koji ima bilo koju drugu strukturu upravljačkog sistema. Mogućnost simulacije ponašanja robota pruža velike šanse za usavršavanje procesa projektovanja. Moguće je brzo analizirati ponašanje velikog broja različitih konfiguracija robota radi izbora najpovoljnije. Moguće je i isprobati razne upravljačke sheme, razne vrednosti pojačanja itd.

## 8.7. PROGRAMIRANJE ROBOTA I ROBOTSKI PROGRAMSKI JEZICI

U ovom odeljku, pod naslovom "programiranje robota" govorićemo o nešto široj problematici. Razmotrićemo mogućnost zadavanja zadatka industrijskom robotskom sistemu ili, još opštije, mogućnosti komunikacije sa takvim sistemom.

Ako posmatramo robota čiji upravljački sistem raspolaze izvršnim (servosistemskim) i taktičkim nivoom upravljanja, tada zadavanje zadatka podrazumeva specificiranje kretanja mehanizma robota i radnog režima završnog uredaja. Pod ovim drugim podrazumevamo npr. otvaranje i zatvaranje hvataljke, uključivanje i brzinu obrtanja uredaja za zavrtanje zavrtnja, uključivanje i isključivanje pištolja za prskanje boje i sl. Razmotrićemo različite mogućnosti za zadavanje ovakvog zadatka. Preciznije rečeno, radi se o postupcima kojima se robot sposobljava da izvrši traženi zadatak. Zato se često i koristi termin obučavanje robota.

U uvodnoj glavi knjige (glava 1) spomenuli smo neke prostije sisteme kao što su industrijski manipulatori kojima se kretanje određuje mehaničkim graničnicima ili uz pomoć prekidača. Svaka izmena kretanja zahteva pomeranje graničnika i takav postupak samo uslovno možemo zvati programiranjem kretanja. Kod nešto složenijih sistema, robota prve generacije, kretanje se zadavalo u obliku niza tačaka pri čemu je svaka od njih određena tj. "pamćena" uz pomoć skupa potenciometara. Svaki potenciometar pamti je položaj jednog zgloba i to u obliku analogne naponske informacije. Mi ćemo se, međutim, u ovoj glavi posvetiti savremenim načinima obučavanja robota i zadavanja manipulacionog zadatka.

Kod savremenih industrijskih robota srećemo dva osnovna načina programiranja kretanja:

- programiranje vodenjem,
- tekstualno programiranje.

Ova dva načina, međutim, ne treba razdvajati kao dva potpuno različita koncepta koji se medusobno isključuju. Oni se često dopunjaju da bi se iskoristile prednosti svakog od njih.

### 8.7.1. Programiranje vodenjem

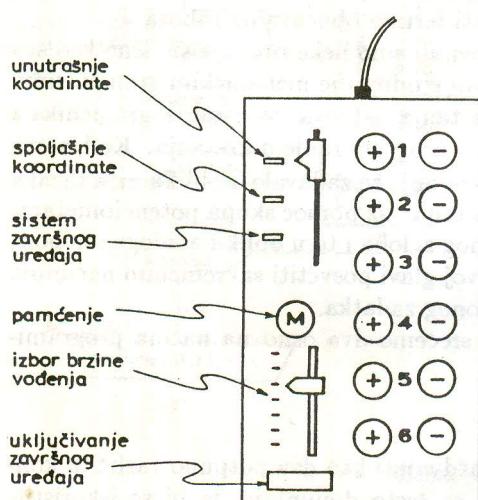
Ideja ovog pristupa je da se u fazi obučavnja robot vodi putanjom koja se zahteva pri izvršenju zadatka. Tada robot pamti izvršeno kretanje i ponavlja ga kada se to od njega zahteva tj. u fazi praktičnog rada.

Ovo je bila osnovna ideja, dakle obučavanje pokazivanjem, međutim pri realizaciji ovog pristupa pojavljuje se niz razlika. Tako, prema načinu vođenja razlikujemo ručno vođenje i posredno vođenje.

**Ručno vođenje** podrazumeva da čovek-oprator ručno vodi završni uredaj robota onako kako on u praktičnom radu treba da se kreće. Pogodan primer je problem farbanja prskanjem. U fazi obučavanja operator pištoljem koji je učvršćen na vrhu robota radi one pokrete koje bi radio i pri ručnom farbanju. Na taj način on vodi robot koji kretanje pamti i tako se vrši obučavanje. Tokom ručnog vođenja operator uključuje i isključuje završni uredaj (npr. pištolj za prskanje) što robot takode pamti.

U slučaju da je robot masivan i nepogodan za ručno vođenje projektuje se poseban mehanizam čija je geometrija identična sa geometrijom robota ali su mase značajno manje. Sada u fazi obučavanja operator ručno vodi ovu lagani "kopiju" robota.

**Posredno vođenje** je savremeniji način programiranja robota. Robot se kreće sledeći komande koje čovek-operator zadaje pomoću jedne vrste daljinskog upravljača (najčešći engleski termin je: teach pendant). Na ovom uredaju za obuku, koji je oblika kutije i veličine šake, nalaze se prekidači i dugmad kojima se upravlja radom robota (sl. 8.6). Način vođenja posredstvom ovog uredaja bitno je vezan sa sledećom diskusijom.



Sl 8.6. Uredaj za obuku

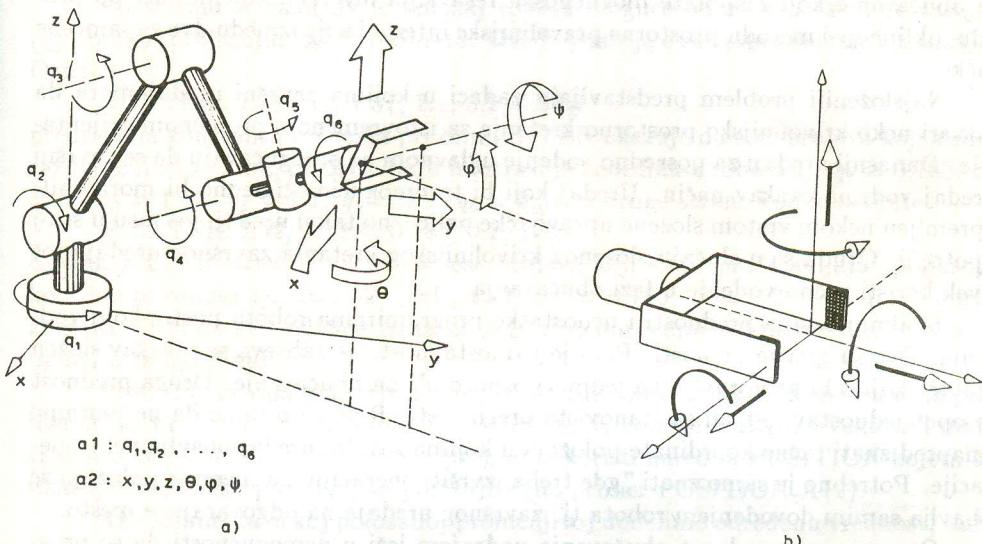
Prema razmatranjima u glavi 2 (geometrija i kinematika) jedan od načina za zadavanje položaja i kretanja robota je korišćenje unutrašnjih koordinata tj. pomeranja u zglobovima (sl. 8.7a1). Ako želimo da obučavamo robot na ovaj način, tada ćemo na uredaju za obuku uočiti prekidač za izbor koordinata i postaviti ga u položaj "unutrašnje koordinate". Za vođenje robota koristićemo šest parova dugmadi<sup>1</sup>. Svakim parom dugmadi vodimo po jedan zglob robota. Pritiskom na dugme "+" zglob se obrće u pozitivnom smeru, a pritiskom na dugme "-" u negativnom. Na ovaj način, vođenjem jednog po jednog zgloba, dovešćemo završni uredaj u položaj koji se zahteva. Taj položaj robot će zapamtiti kada se na uredaju za obuku pritisne određeno dugme ili

se, pak, na tastaturi upravljačke jedinice otkuca odgovarajuća naredba za pamćenje. Sada robot vodimo do drugog položaja koji se pamti, a postupak se ponavlja dok

<sup>1</sup> Umesto dugmadi može se koristiti upravljačka palica.

se u potpunosti ne definiše zadatak. Brzina vodenja može se podešavati posebnim regulatorom. Uključivanje i isključivanje završnog uredaja zadaje se pomoću odgovarajućeg prekidača na uredaju za obuku ili, pak, kucanjem naredbe na tastaturi upravljačke jedinice.

U fazi izvršenja zadatka robot se kreće od jednog do drugog zapamćenog položaja pri čemu brzina nije određena brzinom vodenja tokom obuke, već se zadaje proizvoljno korišćenjem tastature. Pri kretanju od jednog do drugog zapamćenog položaja robot pokreće sve zglobove istovremeno.



Sl. 8.7. Način vodenja robota

Drugi način definisanja položaja i kretanja robota je korišćenje tzv. spoljašnjih koordinata (sl. 8.7a2). U pitanju su tri Dekartove koordinate "vrha" završenog uredaja ( $x$ ,  $y$ ,  $z$ ) i tri ugla koji određuju njegovu orientaciju u prostoru ( $\theta$ ,  $\varphi$ ,  $\psi$ ). Ako želimo da robot vodimo na ovaj način, tada prekidač za izbor koordinata stavljamo u položaj "spoljašnje koordinate". Šest parova dugmadi na uredaju za obuku sada dobija drugačije značenje. Pritisnjem nekog dugmeta prvog para ("+" ili "-") menja se koordinata  $x$ , a sve ostale ( $y$ ,  $z$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$ ,  $\psi$ ) ostaju konstantne. Tako se svakim parom dugmadi podešava po jedna spoljašnja koordinata dok se završni uredaj ne dovede u traženi položaj koji se tada zapamti.

Očigledno je da vodenje robota u spoljašnjim koordinatama zahteva rešavanje inverznog zadatka kinematike i to u realnom vremenu.

Treći način vodenja robota u fazi obučavanja je korišćenje koordinatnog sistema vezanog za završni uredaj (sl. 8.7b). Tada se kretanje ostvaruje u obliku translacija duž osa ovog sistema i rotacija oko tih osa. Svакако, opet se koristi istih šest parova dugmadi pri čemu se prekidač za izbor koordinata postavlja u položaj "sistem završnog uredaja".

Razmotrimo sada tipove upravljanja. Ukoliko zadatak zahteva upravljanje od tačke do tačke (bez zadatog kretanja između) tada je obučavanje moguće izvršiti i ručnim i posrednim vodenjem. Takvi su, na primer, zadaci prenošenja, zadaci opsluživanja mašina, tačkasto zavarivanje i sl.

Kada je u pitanju praćenje kontinualne putanje, tada je problem obučavanje složeniji. Krenimo od jednog jednostavnijeg slučaja iz ove kategorije. Zahtevamo da se završni uredaj kreće pravolinijski između dve tačke. Obučavanje se u ovakvom slučaju može efikasno realizovati posrednim vodenjem. Naime, sistem za obučavanje koji raspolaže mogućnošću rešavanja inverzne kinematike, po pravilu, uključuje i metodu prostorne pravolinijske interpolacije između dve zapamćene tačke.

Najsloženiji problem predstavljaju zadaci u kojima završni uredaj mora da ostvari neko krivolinijsko prostorno kretanje sa istovremenom promenom orijentacije. Današnji uredaji za posredno vodenje uglavnom ne omogućavaju da se završni uredaj vodi na ovakav način. Uredaj koji bi to omogućio očigledno bi morao biti opremljen nekom vrstom složene upravljačke palice, no takvi uredaji još nisu u široj upotrebi. Otuda se u slučaju složenog krivolinijskog kretanja završnog uredaja još uvek koristi ručno vodenje u fazi obučavanja.

Istaknimo sada prednosti i nedostatke programiranja robota postupkom vodenja. Dve su glavne prenosti. Prva je jednostavnost: ne zahteva se nikakav složen softver kojim bi se upravljačka jedinica sposobila za obučavanje. Druga prednost je opet jednostavnost ali sa stanovišta preciznosti. Radi se o tome da ne moramo unapred znati tačne koordinate položaja u kojima završni uredaj obavlja neke operacije. Potrebno je samo znati "gde treba izvršiti operaciju", a merenje položaja se obavlja samim dovodenjem robota tj. završnog uredaja na odgovarajuće mesto.

Osnovna nepogodnost obučavanja vodenjem leži u nemogućnosti da se programiranje robota izvrši unapred. Naime, programiranje se može izvršiti tek kada se robot postavi na proizvodnu liniju. To međutim, predstavlja priličan gubitak vremena, pogotovo ako se proizvodnja obavlja u malim serijama.

### 8.7.2. Robotski programske jezici

Kada govorimo o tekstualnom programiranju kretanja robota, obično podrazumevamo programski jezik pomoću koga čovek–operator komunicira sa robotom i zadaje mu manipulacioni zadatak.

Danas je u upotrebi čitav niz robotskih programskih jezika različitog nivoa složenosti i različite opštosti. Dok su neki jednostavniji prilagođeni određenim primenama, dotle složeniji jezici dostižu priličnu univerzalnost i mogu se koristiti za programiranje niza zadataka u robotici. Ovu prilično raznovrsnu problematiku izložićemo na sledeći način. Zamislimo jedan robotski jezik (nazvaćemo ga FOR-ROB) tako što ćemo poznati programski jezik opšte namene – FORTRAN dopuniti određenim naredbama i osobinama koje će ga napraviti robotskim jezikom. Jezik koji ćemo na ovaj način formirati imaće odredene sličnosti sa nekim postojećim robotskim jezicima i to nekada po formi pisanja naredbi, a nekada i po njihovom