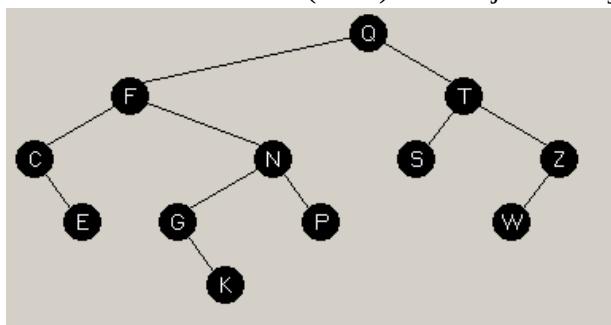


Ovaj test sadrži 36 zadataka i ima cilj da ilustrije različite tipove pitanja i zadataka koji se mogu pojaviti na prijemnom ispitnu. Pitanja i zadaci pokrivaju različite oblasti računarskih nauka, diskretne matematike i vjerovatnoće.

1. Napisati regularni izraz nad alfabetom $\{a,b\}$ za stringove koji sadrže paran broj simbola a.
2. Napisati kontestno-slobodnu gramatiku za jezik $\{a^n b^m \mid 0 \leq n < m\}$

Za zadtake 3-5: dat je sljedeći niz cijelih brojeva: $A = [18, 17, 13, 15, 19, 11, 20, 12, 33, 25]$

3. Nacrtati binarno drvo traženja koje je dobija od datog niza, a zatim nacrtati drvo koje se dobije brisanjem elementa 13 iz drveta (nije potrebno crtati međukorake).
4. Napisati preorder obilazak drveta, poslije brisanja elementa 13.
5. Nacrtati min-heap koji se dobije dodavanjem svih elemenata niza A osim elementa 11.
6. Napisati infiksnu i prefiksnu verziju izraza zadatog u postfiksnoj verziji, ako je poznato da su svi svi brojevi su jednociifreni: $253-*4*5/31-5/71-*2/-54*+$.
7. Nacrtati balansirano (AVL) drvo koje se dobije brisanjem čvora S iz drveta sa slike.



8. Slika prikazuje vrijeme u sekundama potrebno da se pređe sa jednog odsjeka fakulteta na drugi. Algoritmom Prima odrediti minimalno razapinjuće drvo koje polazi iz A. Prikazati precizno koja ste tjemena izabrali u svakom koraku, nacrtati rezultujuće drvo i njegovu cijenu.

| | Art | Biology | Chemistry | Drama | English | French | Graphics |
|---------------|-----|---------|-----------|-------|---------|--------|----------|
| Art (A) | — | 61 | 93 | 73 | 50 | 48 | 42 |
| Biology (B) | 61 | — | 114 | 82 | 83 | 63 | 58 |
| Chemistry (C) | 93 | 114 | — | 59 | 94 | 77 | 88 |
| Drama (D) | 73 | 82 | 59 | — | 89 | 104 | 41 |
| English (E) | 50 | 83 | 94 | 89 | — | 91 | 75 |
| French (F) | 48 | 63 | 77 | 104 | 91 | — | 68 |
| Graphics (G) | 42 | 58 | 88 | 41 | 75 | 68 | — |

9. Neka je $T(n)$ definisan sa: $T(1) = 7$, $T(n+1)=3n+T(n)$, sa sve prirodne brojeve $n \geq 1$. Koji od sljedećih izraza predstavlja rast $T(n)$?

(A) $\Theta(n)$ (B) $\Theta(n \log n)$ (C) $\Theta(n^2)$ (D) $\Theta(n^2 \log n)$ (E) $\Theta(2^n)$
10. Data su sljedeća tri tvrdjenja za sistem virtuelne memorije sa straničenjem:

I Virtuelni adresni prostor može biti veći od fizičke memorije
 II Programi moraju biti rezidentni u glavnoj memoriji cijelo vrijeme dok se izvršavaju
 III Stranice odgovaraju semantičkim karakteristikama programa.
 (A) Samo I (B) Samo II (C) I i II (D) I i III (E) II i III
11. Koji od sljedećih naziva je struktura koju kompjuler koristi za upravljanje promjenljivim i njihovim atributima.

- (A) Abstract Syntax Tree (AST) (B) Atributivna Gramatika (C) Tabela simbola (D) Semantički stek
(E) Tabela parsiranje

12. U Internet Protocol (IP) steku protokola, šta najbolje opisuje svrhu protokola ARP (Address Resolution Protocol)?

- (A) prevodenje Web adresa u imena host-ova (B) određivanje IP adrese za dato ime host-a (C) određivanje hardverske adrese za dato ime host-a (D) određivanje hardverske adrese za datu IP adresu (E) pronalaženje odgovarajuće rute za datagram

13. Određeni RISC računar ima 8 registara opšte namjene (R_0, R_1, \dots, R_7) i podržava sljedeće dvije operacije:

ADD R_s1, R_s2, R_d - sabira R_s1 i R_s2 i smješta rezultat u R_d

MUL R_s1, R_s2, R_d - množi R_s1 i R_s2 i smješta rezultat u R_d

Operacija se normalno izvršava u jednom ciklusu; međutim, ako se rezultat operacije koristi u sljedećoj operaciji u nizu, tada se izvršava u dva ciklusa. Dat je izraz $AB + ABC + BC$, gdje vrijednosti A, B, C redom u registrima R_0, R_1, R_2 . Ako nije dopušteno mijenjati vrijednost ova tri registra, koliki je minimalni broj ciklusa potreban za izračunavanje izraza $AB + ABC + BC$?

- (A) 5 (B) 6 (C) 7 (D) 8 (E) 9

14. Neka je $G = (V, E)$ konačan usmjereni aciklični graf koji ima najmanje jednu granu. Data su sljedeća tvrđenja:

I. G ima čvor bez ulaznih grana

II. G ima čvor bez izlaznih grana

III. G ima izolirani čvor (tj. bez ulaznih i bez izlaznih grana)

Koje od navedenih je tačno:

- (A) samo I (B) samo II (C) samo III (D) samo I i II (E) I, II i III

15. Koja je od sljedećih formula predikatskog računa tačna u svim interpretacijama?

I. $(\forall x P(x) \vee \forall x Q(x)) \rightarrow \forall x (P(x) \vee Q(x))$

II. $\forall x (P(x) \vee Q(x)) \rightarrow (\forall x P(x) \vee \forall x Q(x))$

III. $(\exists x P(x) \vee \exists x Q(x)) \rightarrow \exists x (P(x) \vee Q(x))$

- (A) samo I (B) samo II (C) samo III (D) samo I i II (E) I, II i III

16. Data je sljedeća procedura, čija vrijednost zavisi od načina predavanja parametara:

```

procedure mystery
  a : integer;
  b : integer;

  procedure enigma(x,y)
begin
  y = y + b;
  x = b + x;
  b = x + b;
  a = y;
end enigma;

begin
  a = 2; b = 7;
  enigma(a,b);
  write(a); write(b);
end mystery;

```

Šta će biti štampano pri pozivu procedure mystery ako:

- a. parametre predajemo po vrijednosti
- b. parametre predajemo po referenci

17. IEEE standard za 32-bitne realne brojeve u jednostrukoj preciznosti definiše nj N = $(-1)^S \times 1.F \times 2^{E-127}$ gdje je S znak, F je mantisa i E je eksponent (tzv. biased eksponent). Realan broj se zapisuje u obliku S : E : F, gdje S, E i F redom zauzimaju 1 bit, 8 bita i 23 bita. Koja je decimalna vrijednost realnog broja C1E00000 (heksadecimalna notacija) ?
 (A) 26 (B) -15 (C) -26 (D) -28 (E) -59

18. Aritmetička jedinica procesora sabira bajte i postavlja vrijednosti bitova V, C i Z na sljedeći način: V-bit je postavljen na 1 ako dođe do prekoračenja u dvojnom komplementu; C-bit je postavljen na 1 ako se generiše prenos bita najveće važnosti; Z-bit je postavljen na 1 ako je rezultat 0. Koje će biti vrijednosti bitova V, C i Z poslije sabiranja dvije 8-bitne vrijednosti 11001100 i 10001111?
19. Raspored izvršavanja transakcija je serijabilan ako je ekvivalentan nekom serijskom izvršavanju transakcija. Posmatrajmo transakcije T1 i T2 koje treba da održavaju zbir A+B+C konstantnim. Koji će od navedenih parova transakcija uvijek imati serijabilan raspored izvršavanja?

| | | |
|-------------|-------------------------|-------------------------|
| I. | <u>T_1</u> | <u>T_2</u> |
| | | |
| Lock A; | Lock B; | |
| A = A - 10; | B = B - 20; | |
| Unlock A; | Unlock B; | |
| B = B + 10; | C = C + 20; | |

| | | |
|-------------|-------------------------|-------------------------|
| II. | <u>T_1</u> | <u>T_2</u> |
| | | |
| A = A - 10; | Lock B; | |
| Lock B; | B = B - 20; | |
| B = B + 10; | Unlock B; | |
| Unlock B; | C = C + 20; | |

| | | |
|-------------|-------------------------|-------------------------|
| III. | <u>T_1</u> | <u>T_2</u> |
| | | |
| Lock A; | Lock A; | |
| A = A - 10; | B = B - 20; | |
| Unlock A; | Unlock A; | |
| B = B + 10; | C = C + 20; | |

- (A) samo I (B) samo II (C) samo III (D) I i II (E) II i III

20. Koji od sljedećih algoritama ima vremensku složenost u najgorem slučaju $\Omega(n^2)$ ali u prosjeku ima složenost $\Omega(n\log n)$?

- (A) Bubblesort (B) Mergesort (C) Heapsort (D) Quicksort (E) Insertion sort

21. (C++/Java) Kreirati klasu Kartica koja modelira bankovnu karticu i koja ima sljedeće privatne članice: korisnik (tipa String), brojKartice (string dužine 16), mjesecVazenja (cijeli broj od 1 do 12), godinaVazenja (četvorocifren cijeli broj), prekoračenje (pozitivan realan broj, koliko eura je dozvoljeno da odemo u minus, npr. prekoračenje 354,25 eura znači da iznos na računu korisnika može biti do -354,25 eura) i iznos (realan broj). Napisati odgovarajuće getere i setere. Napisati konstruktor sa 3 argumenta koji zadaje brojKartice, mjesec i godinu važenja kartice. U konstruktoru provjeriti da li je mjesec odgovarajući (tj. cijeli broj između 1 i 12), i ako nije postaviti vrijednost na 12. U klasi Kartica napisati metod void podigniNovac(double d) koji sa kartice podiže iznos d, ako nije došlo do prekoračenja, ili ne mijenja iznos i štampa poruku "Nedostaje vam qqq eura", gdje qqq označava koliko eura nedostaje da bi se ostvarilo podizanje novca.

22. (Pascal/C/C++/Java) Cijeli broj x je super ako je zbir svaka 2 dvocifrena broja dobijena od uzastopnih cifara broja |x| neparan (npr. za x=-12305, zbrojovi su: 12+23, 23+30 i 30+05). U metod/funkciju koja ima jedan argument tipa niz cijelih brojeva i koja vraća indeks najvećeg super broja u nizu a. Ako ima više najvećih super brojeva u nizu, vratiti najveći indeks. Ako u nizu nema super brojeva, vratiti -1.

Za zadatke 23-25, posmatrajmo sljedeću bazu podataka.

Šema relacione BP:
Student(BrInd, Mlb, Ime, Starost, SifSmer)
Predmet(SifPred, NazivPred, BrojCasova)
Prijava(BrInd, Sifred, DatumPol, Ocena)
Smer(SifSmer, NazivSmera, SN)
Nastavnik(SN, ImeNast, Zvanje, SifPred)

Prijava

| BrInd | SifPred | DatumPol | Ocena |
|--------|---------|----------|-------|
| 152/97 | P1 | 18.3.97 | 9 |
| 223/96 | P2 | 21.4.96 | 8 |
| 021/94 | P1 | ? | 10 |
| 003/94 | P3 | 30.5.97 | 6 |
| 021/94 | P3 | 1.7.97 | 10 |

Smer

| SifSmer | NazivSmera | SN |
|---------|----------------------|-----|
| 01 | Informacioni sistemi | nn1 |
| 02 | Menadžment | nn2 |

| Relaciona BP | | | | |
|--------------|----------------|-------|---------|---------|
| Student | | | | |
| BrInd | Mlb | Ime | Starost | SifSmer |
| 152/97 | 16309723331981 | Ana | 19 | 01 |
| 223/96 | ? | Mirko | 21 | 01 |
| 021/94 | 11145276418976 | Zoran | 20 | ? |
| 429/97 | 01387976418976 | Zora | ? | 02 |
| 003/94 | 23456786418976 | Miloš | 22 | 01 |

Nastavnik

| SN | ImeNast | Zvanje | SifPred |
|-----|---------|-----------|---------|
| nn1 | Pavle | Red. Prof | P1 |
| Nn2 | Zdravko | Docent | P2 |
| Nn3 | Mira | Asistent | P1 |
| nn4 | Zoran | ? | ? |

Predmet

| SifPred | NazivPred | BrojČasova |
|---------|---------------|------------|
| P1 | Baze podataka | 6 |
| P2 | Matematika | 4 |
| p3 | Ekonomija | ? |

23. Šta će biti rezultat sljedećih SQL upita:

- a) SELECT Ime FROM Student WHERE Starost > 20
- b) SELECT NazivSmera FROM Smer, Student WHERE Starost > 20 and Smer.SifSmer = Student.SifSmer

24. Napisati SQL upit koji vraća imena nastavnika koji predaju predmet P1

25. Napisati SQL upit koji vraća imena i starost svih studenta koji su položili ispit Matematika

26. Tabela prikazuje prvu iteraciju algoritma Bubble sort. Parovi elemenata koji se upoređuju su uokvireni. Popuniti odgovarajuću tabelu za drugu iteraciju.

| | |
|----------------------|-----------------------------|
| 14, 33, 27, 35, 10 | Početni niz |
| 14, 33, 27, 35, 10 | 33 > 14, nema zamjene |
| 14, [33, 27], 35, 10 | 27 < 33, zamjena mjesta |
| 14, 27, [33, 35], 10 | 35 > 33, nema zamjene. |
| 14, 27, 33, [35, 10] | 10 < 35, zamjena mjesta |
| 14, 27, 33, 10, 35 | Niz na kraju prve iteracije |

27. Za koju će vrijednost argumenta n sljedeći metod/funkcija vratiti najveću vrijednost?

```
int test(int n){
    int i=2, r=n;
    for (i = 2; i <= n; i++){
        if (n % i == 0)
            r = r/i*(i-1);
        while (n % i == 0){
            n /= i;
        }
    }
    return r;
}
```

- a) n=54 b) n=55 c) n=56 d) n=57

28. Logičko kolo ima tri ulazna bita x_0 , x_1 i x_2 , gdje je x_0 bit najmanje težine. Izlaz ovog kola je 1 ako je ulaz binarni zapis jednog od brojeva 1, 4, 5 ili 6; inače, izlaz je 0. Koji od sljedećih izraza predstavlja izlaz datog kola?

- (A) $\overline{x_2} + \overline{x_1} + \overline{x_0}$
- (B) $\overline{x_2}x_0 + x_2\overline{x_1}$
- (C) $\overline{x_1}x_0 + x_2\overline{x_0}$
- (D) $\overline{x_2}x_1x_0 + x_2\overline{x_1}$
- (E) $x_2 + \overline{x_1}x_0$

29. Prodavnica X isporučuje 5 računara, od kojih je 1 sa operativnim sistemom A, dok su ostali sa sistemom B; prodavnica Y isporučuje 4 računara od kojih su 2 sa sistemom A i 2 sa sistemom B. Slučajno je izabran jedan računar od 9 isporučenih i pokazalo se da ima sistem A. Kolika je verovatnoća da je isporučen iz prodavnice Y?

30. Data je sljedeća funkcija:

```
f(k) {  
    x = 2;  
    for i = 1 to k  
        x = x * x;  
    return x;  
}
```

Ako su n i k prirodni brojevi, tada je najmanji broj k takav da je $f(k) > n$ približno jednak:

- (A) $\log_2(\log_2 n)$
- (B) $\log_2 n$
- (C) n
- (D) $n \log_2 n$
- (E) 2^n

31. Posmatrajmo skup koji čine svi neusmjereni grafovi sa 10 čvorova i 6 grana. Označimo redom sa M i m , najveći i najmanji broj povezanih komponenti u datom skupu grafova. Grafovi nemaju self-loops (nijedna grana ne spaja čvor sa samim sobom) i između svaka dva čvora postoji najviše jedna grana. Koje je od sljedećih tvrđenja tačno?

- (A) $M = 10$, $m = 10$
- (B) $M = 10$, $m = 1$
- (C) $M = 7$, $m = 4$
- (D) $M = 6$, $m = 4$
- (E) $M = 6$, $m = 3$

32. Koji od sljedećih html elemenata prikazuje naslov najvećim fontom?

- a) h6
- b) head
- c) h1
- d) heading

33. Primjenom dinamičkog programiranja riješiti zadatak nalaženja najvećeg rastućeg podniza u nizu cijelih brojeva a .

34. Istraživač je pripremio upitnik sa 6 pitanja, sa mogućim odgovorima "Yes", "Maybe" i "No." Sda ga zanima koliko ima različitih kombinacija odgovora, pa je zamolio Anu da napiše program. Ana je odlučila da čuva odgovore u nizu dužine 6, tako da za odgovor "Yes" čuva 2, za "Maybe" čuva 1 i za odgovor "No" čuva 0. Ana sada treba da sačuva samo različite kombinacije ogovara. Koliko će nizova trebati Ani?

35. Koliko nenegativnih cjelobrojnih rješenja ima jednačina $x_1+x_2+x_3+x_4=n$, gdje je n prirdan broj?

36. Prikazati drvo koje se dobija primjenom BFS (Breadth First Search) iz čvora Frankfurt:

