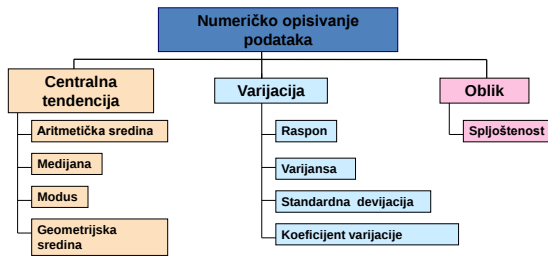


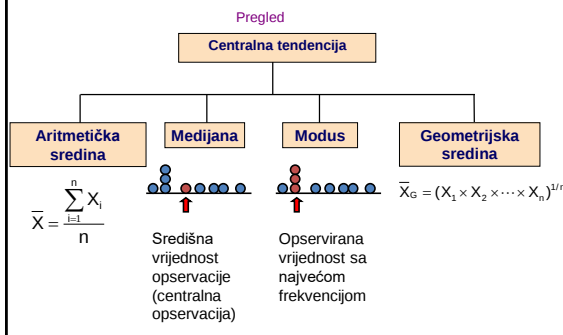
Deskriptivne mjere



Mjere centralne tendencije

- Centralna tendencija – tendencija koja se ispoljava kao koncentrisanje podataka oko određenih numeričkih vrijednosti u statističkoj seriji
- Mjere lokacije (modus i medijana)
- Izračunate mjere centralne tendencije (aritmetička i geometrijska sredina)

Mjere centralne tendencije



Izračunate srednje vrijednosti

ARITMETIČKA SREDINA

4

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Jedan od najvažnijih pokazatelja numeričkih karakteristika serija je srednja vrijednost.

To je vrijednost obilježja koja, pod datim mjerilima, reprezentuje čitav skup i omogućava upoređenje između različitih skupova.

Srednje vrijednosti se koriste za sažimanje strukture skupa i za karakterisanje njegove dinamike.

5

Aritmetička sredina

- Aritmetička sredina (sredina) je najčešće korišćena mjera centralne tendencije

– Za uzorak veličine n aritmetička sredina je:

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{n} = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{n}$$

Veličina uzorka

Vrijednosti varijable

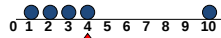
Aritmetička sredina

(nastavak)

- Sredina = suma vrijednosti podijeljena brojem tih vrijednosti (opservacija)
- Zavisí od ekstremnih vrijednosti (outliers-a)



$$\frac{1+2+3+4+5}{5} = \frac{15}{5} = 3$$



Sredina = 4

$$\frac{1+2+3+4+10}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

Basic Business Statistics,
10e © 2006 Prentice-Hall,
Inc.

Chap 3-7

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Izračunate srednje vrijednosti:

- ☐ Aritmetička sredina
- ☐ Geometrijska sredina
- ☐ Harmonijska sredina
- ☐ Kvadratna sredina

8

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Pozicione srednje vrijednosti:

- ☐ Modus
- ☐ Medijana

9

Aritmetička sredina – negrupisani podaci

Aritmetička sredina dobija se kada se zbir svih vrijednosti obilježja podijeli njihovim brojem.

Ako je posmatrano obilježje X , a njegove vrijednosti $X_1, X_2, \dots, X_n$, njihov broj N , aritmetička sredina skupa, koju označavamo (iks bar) :

10

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

$$\bar{X} = \frac{X_1 + X_2 + \dots + X_n}{N}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i}{N}$$

11

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

U statističkim istraživanjima najčešće se susrećemo sa većim brojem vrijednosti podataka i njihovim različitim frekvencijama, to jest sa grupisanim podacima u vidu rasporeda frekvencija.

U tom slučaju moramo uzeti u obzir i i razlike u frekvencijama, pri izračunavanju aritmetičke sredine.

Označimo različite vrijednosti obilježja sa $X_1, X_2, \dots, X_n$, a njihove odgovarajuće frekvencije sa $f_1, f_2, \dots, f_n$, pa će aritmetička sredina skupa biti:

12

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

$$\bar{X} = \frac{X_1 f_1 + X_2 f_2 + \dots + X_n f_n}{f_1 + f_2 + \dots + f_n} = \frac{\sum_{i=1}^n X_i f_i}{\sum_{i=1}^n f_i}$$

13

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Ponderisana} \\ \text{aritmetička} \\ \text{sredina} \end{array} \right\} = \bar{X} = \frac{\sum fX}{\sum f}$$

$$N = f_1 + f_2 + \dots + f_n = \sum_{i=1}^n f_i$$

14

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^k f_i X_i}{n}$$

$$n = f_1 + f_2 + \dots + f_k = \sum_{i=1}^k f_i$$

15

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Aritmetička vrijednost grupisanih podataka poznata je pod nazivom ponderisana aritmetička sredina, jer se sve vrijednosti obilježja u skupu ili uzorku uzimaju onoliko puta koliko se one javlju, to jest ponderišu se njihovim frekvencijama.

16

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Aritmetičku sredinu možemo izračunati i preko relativnih frekvencija gdje je $N = \sum f_i$ odnosno:

$$\bar{X} = \sum_{i=1}^n \frac{f_i}{N} \times X_i = \sum_{i=1}^n p_i X_i = E(X)$$

$$\bar{X} = E(X)$$

17

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Ako su p_i empirijske vjerovatnoće da će slučajno promjenljiva X , tj. slučajno izvučeni elementi iz skupa, uzeti vrijednost obilježja X , tada je **aritmetička sredina jednaka očekivanoj vrijednosti prekidne slučajno promjenljive X** to jest

$$\bar{X} = E(X)$$

18

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Kada je u pitanju neprekidna slučajna varijabla, tada se umjesto Σ koristi znak integrala $\int$, pa je aritmetička sredina količnik od integrala (sa granicama $-\infty$, $+\infty$) umnožaka elementarnih vjerovatnoća $f(X)$ sa vrijednostima X_i i integrala elementarnih vjerovatnoća

$$\bar{X} = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} Xf(X)dX}{\int_{-\infty}^{+\infty} f(X)dX} = \frac{\int_{-\infty}^{+\infty} Xf(X)dX}{1}$$

19

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

Osobine aritmetičke sredine:

1. Aritmetička sredina veća je od najmanje i manja od najveće vrijednosti posmatranog obilježja.

$$X_1 < \bar{X} < X_k$$

20

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

2. Aritmetička vrijednost se izjednačava sa vrijednostima obilježja, kada su one međusobno jednake.

$$X_1 = X_2 = \dots = X_k = \bar{X}$$

21

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

3. Zbir odstupanja pojedinih vrijednosti obilježja od aritmetičke sredine jednaka je nuli.

$$\sum_{i=1}^N (X_i - \bar{X}) = 0$$

$$\sum_{i=1}^N f_i (X_i - \bar{X}) = 0$$

22

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

4. Zbir kvadrata odstupanja aritmetičke sredine od pojedinih vrijednosti obilježja manji je od zbira kvadrata odstupanja bilo koje vrijednosti obilježja X_0 od ostalih vrijednosti obilježja.

$$\sum_{i=1}^N (X_i - \bar{X})^2 < \sum_{i=1}^N (X_i - X_0)^2$$

23

Srednje vrijednosti – aritmetička sredina

5. Ako su dva obilježja vezana linearnom funkcijom, tada su njihove aritmetičke sredine vezane tom istom linearnom funkcijom.

$$y = b_0 + b_1 X$$

$$\bar{Y} = b_0 + b_1 \bar{X}$$

24