

1. Napisati program koji učitava četiri realna broja a, b, c, d preko kojih su zadati kompleksni brojevi $x=a+ib$ i $y=c+id$. Program treba da nađe zbir $x+y$ i razliku $x-y$ kompleksnih brojeva x i y . Zbir i razlika se štampaju u odvojenim redovima, a u svakom redu se prvo navodi realni pa onda imaginarni dio. Broj decimala za štampu rezultata ograničiti na 2.

2. Napisati program koji nalazi i štampa sve parove prijateljskih brojeva po Armstrongu u opsegu od 1 do 1500. Dva prirodna broja a i b su prijateljski po Armstrongu ako je broj a jednak sumi kubova cifara broja b , i obratno, ako je b jednak sumi kubova cifara broja a . Na primjer, brojevi 136 i 244 čine prijateljski Armstrongov par jer važi:

$$\begin{aligned}136 &= 8 + 64 + 64 = 2^3 + 4^3 + 4^3 \\244 &= 1 + 27 + 216 = 1^3 + 3^3 + 6^3\end{aligned}$$

Voditi računa o eliminaciji duplikata: ako je odštampan par (136, 244) onda ne treba štampati par (244, 136).

3. Goldbahova hipoteza kaže da se svaki parni broj veći od 2 može predstaviti (reprezentovati) kao zbir dva prostota broja. Napisati program koji za svaki parni broj n iz opsega od 10 do 100 nalazi proste brojeve p i q takve da je $n=p+q$ i štampa dobijene rezultate. Primjeri:

$$\begin{aligned}10 &= 3 + 7 \\12 &= 5 + 7 \\&\dots \\50 &= 3 + 47 \\&\dots \\98 &= 19 + 79 \\100 &= 3 + 97\end{aligned}$$

Za svaki broj štampati tačno jednu Goldbahovu reprezentaciju (nije dozvoljeno štampanje duplikata). Za brojeve za koje postoji više opcija dozvoljeno je štampati bilo koju od njih.

4. Napisati program koji učitava 6 realnih brojeva $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$ koji zadaju dva vektora u 3D prostoru: $u=(x_1, y_1, z_1)$ i $v=(x_2, y_2, z_2)$. Program treba da izračuna i odštampa skalarni proizvod $u \cdot v$. Broj decimala za štampu rezultata ograničiti na 2.

5. Kvadrat u xy-ravni se zadaje pomoću 3 broja, a to su x i y koordinate njegovog centra, kao i dužina njegove stranice. Unosi se 6 realnih brojeva $x_1, y_1, a_1, x_2, y_2, a_2$ preko kojih su zadata dva kvadrata u xy-ravni. Napisati program koji provjerava da li se ta dva kvadrata sijeku, i štampa odgovarajuću poruku.

6. Napisati program koji nalazi i štampa sve proste brojeve iz opsega od 1 do 600 koji se mogu predstaviti u obliku $p=n^2+1$ za neki prirodan broj n . Na primjer, broj 37 je prost i može se predstaviti kao $37=1+36=1+6^2$.

7. Papir formata A4 ima dimenzije $21\text{cm} \times 30\text{cm}$. Napisati program koji učitava cijeli broj k , a zatim štampa koliko se maksimalno kvadrata dimenzija $k \times k$ cm može izrezati iz jednog A4 papira. Na primjer, ako je dato $k = 7$, izlaz je 12.

8. Napisati program koji učitava prirodan broj n , a zatim štampa n stepenica kao u sljedećim primjerima:

U_la_z	I_zl_az
2	$\begin{array}{c} +-+ \\ \quad \\ +-+-+ \\ \quad \quad \\ +-+-+ \end{array}$
3	$\begin{array}{c} +-+ \\ \quad \\ +-+-+ \\ \quad \quad \\ +-+-++ \\ \quad \quad \quad \\ +-+-++ \end{array}$