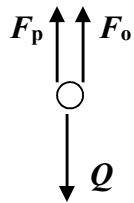


**PRIRODNO – MATEMATIČKI FAKULTET**  
**DRUŠTVO MATEMATIČARA I FIZIČARA CRNE GORE**  
**OLIMPIJADA ZNANJA 2018**

**takmičenje iz FIZIKE  
za IX razred osnovne škole**

1. Pošto se kapljica kreće ravnomjerno, rezultanta svih sila koje djeluju na nju u oba slučaja mora biti jednaka nuli.

U prvom slučaju na kapljicu djeluju težina, sila potiska i sila otpora sredine:



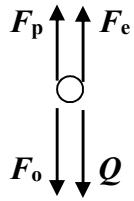
$$Q = F_p + F_o$$

$$mg = \rho_0 V g + arv_1 \quad (1)$$

Ako uvrstimo relaciju za zapreminu sfere, dobijamo:

$$\frac{4}{3}\pi r^3 \rho g = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_0 g + arv_1 \quad (2)$$

U drugom slučaju na kapljicu djeluje još i električna sila:



$$Q + F_o = F_p + F_e$$

$$\frac{4}{3}\pi r^3 \rho g + arv_2 = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho_0 g + qE \quad (3)$$

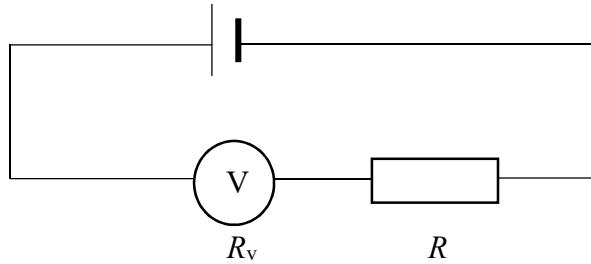
Upoređivanjem relacija (2) i (3) zaključujemo da je:

$$E = \frac{2ar(v_1 + v_2)}{q} \quad (4)$$

Zamjenjujući izraz za  $r$  iz relacije (2) u (4) dobija se konačno:

$$E = \frac{2a(v_1 + v_2)}{q} \sqrt{\frac{3av_1}{4\pi g(\rho - \rho_0)}} = 198 \text{ nN/C}$$

2. Prvo treba nacrtati shemu u kojoj se sa voltmetrom redno vezuje otpornik:



Sa slike se vidi da je napon jednak zbiru padova napona na voltmetru i otporniku:

$$U = U_V + U_R \quad (1)$$

S obzirom na to da voltmetar i otpornik vezani redno kroz njih protiče ista struja:

$$I = \frac{U_V}{R_V} = \frac{U_R}{R} \quad (2)$$

Kombinujući jednačine (1) i (2) dobijamo:

$$U = U_V \left( 1 + \frac{R}{R_V} \right) \quad (3)$$

Pošto je maksimalna vrijednost napona koju može izmjeriti voltmetar  $U_{\max}$ , a opseg mjerena treba povećati 10 puta, iz (3) dobijamo:

$$10 = 1 + \frac{R}{R_V} \quad (4)$$

Iz (4) dobijamo da je  $R = 9R_V$ .

3. Pošto su sile zatezanja pri naznačenom smjeru struja jednake nuli to znači da je Amperova sila uravnotežena sa težinom provodnika:

$$IBl = mg \quad (1)$$

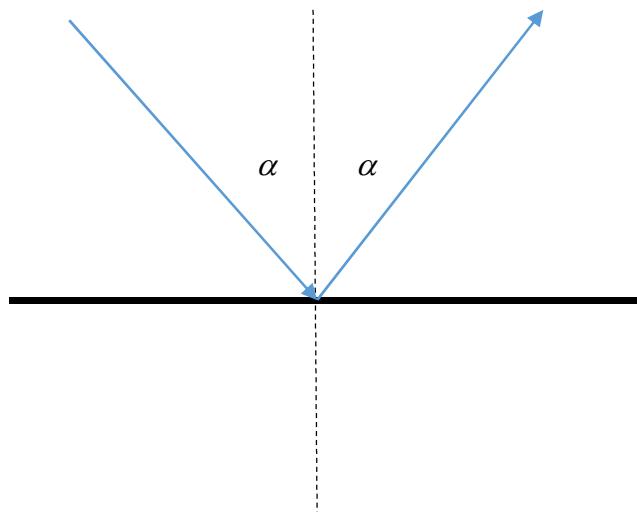
Ako promijenimo smjer vektora  $\mathbf{B}$ , tada će težina provodnika i Amperova sila imati isti smjer. S obzirom na to da su sile zatezanja  $F_z$  u vertikalnim nitima usmjerene naviše, dobijamo:

$$2F_z = mg + IBl \quad (2)$$

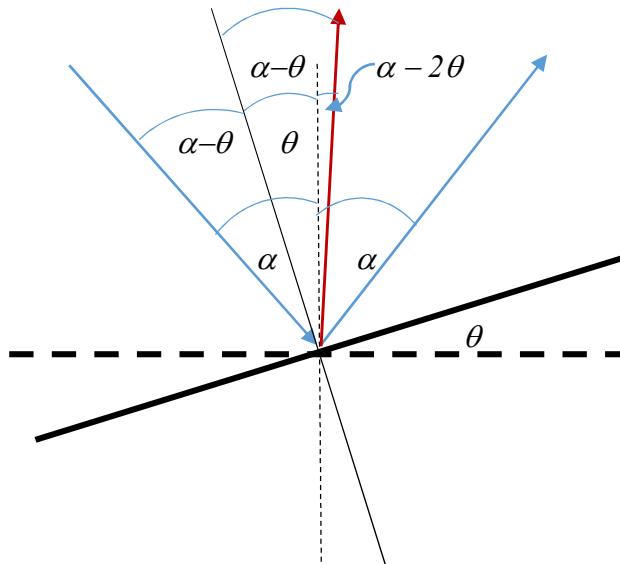
Upoređujući relacije (1) i (2) dobijamo:

$$F_z = IBl$$

4. Ako svjetlost pada na ravnu površinu ravnog ogledala pod upadnim uglom  $\alpha$ , na osnovu zakona odbijanja svjetlosti zrak će se odbiti od površine ogledala pod istim uglom:



Zarotirajmo ogledalo za ugao  $\theta$  oko ose koja je normalna na upadnu ravan:



Debla crna linija pokazuje novi položaj ogledala nakon rotacije, dok tanka crna linija označava novi položaj normale na površinu ogledala. Upadni zrak svjetlosti zadržava isti pravac i smjer, dok odbijeni zrak mijenja svoju orientaciju (crvena strelica).

Na osnovu teoreme o uglovima sa normalnim kracima ugao između dvije normale je  $\theta$ . Na osnovu toga zaključujemo da je ugao koji gradi upadni zrak sa "novom" normalom jednak  $\alpha-\theta$ . Iz zakona odbijanja svjetlosti slijedi da je ugao koji gradi reflektovani zrak (crvena strelica) sa normalom isto  $\alpha-\theta$ . Dakle, reflektovani zrak sa "starom" normalom gradi ugao  $\alpha-\theta-\theta=\alpha-2\theta$ . Sa gornje slike se vidi da je ugao između "novog" i "strog" reflektovanog zraka jednak  $\alpha-(\alpha-2\theta)=2\theta$ , što je trebalo i dokazati.