

# LEKCIJA II: ČETIRI ZAKONA GEOMETRIJSKE OPTIKE

Dr Slavoljub Mijović

University of Montenegro

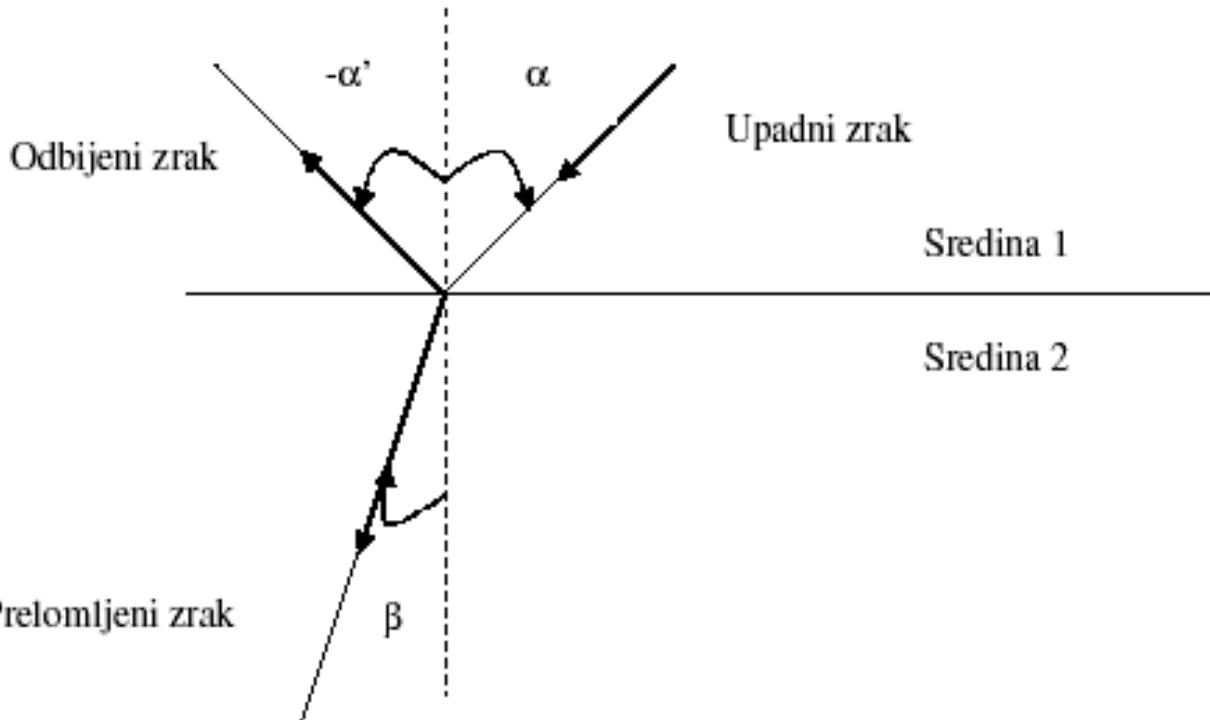
Faculty of Natural Sciences and  
Mathematics, Podgorica, MONTENEGRO

E-mail: [slavom@rc.pmf.cg.ac.yu](mailto:slavom@rc.pmf.cg.ac.yu)

# ZAKONI GEOMETRIJSKE OPTIKE

## (MODEL SVELOSTI-ZRACI)

1. zakon pravolinjskog prostiranja;  
(primer: oštra senka predmeta)
  
2. zakon nezavisnosti prostiranja;  
(primer: kada se ukrštaju dva zraka)
  
3. zakon odbijanja (refleksije);
  
4. zakon prelamanja (refrakcije).



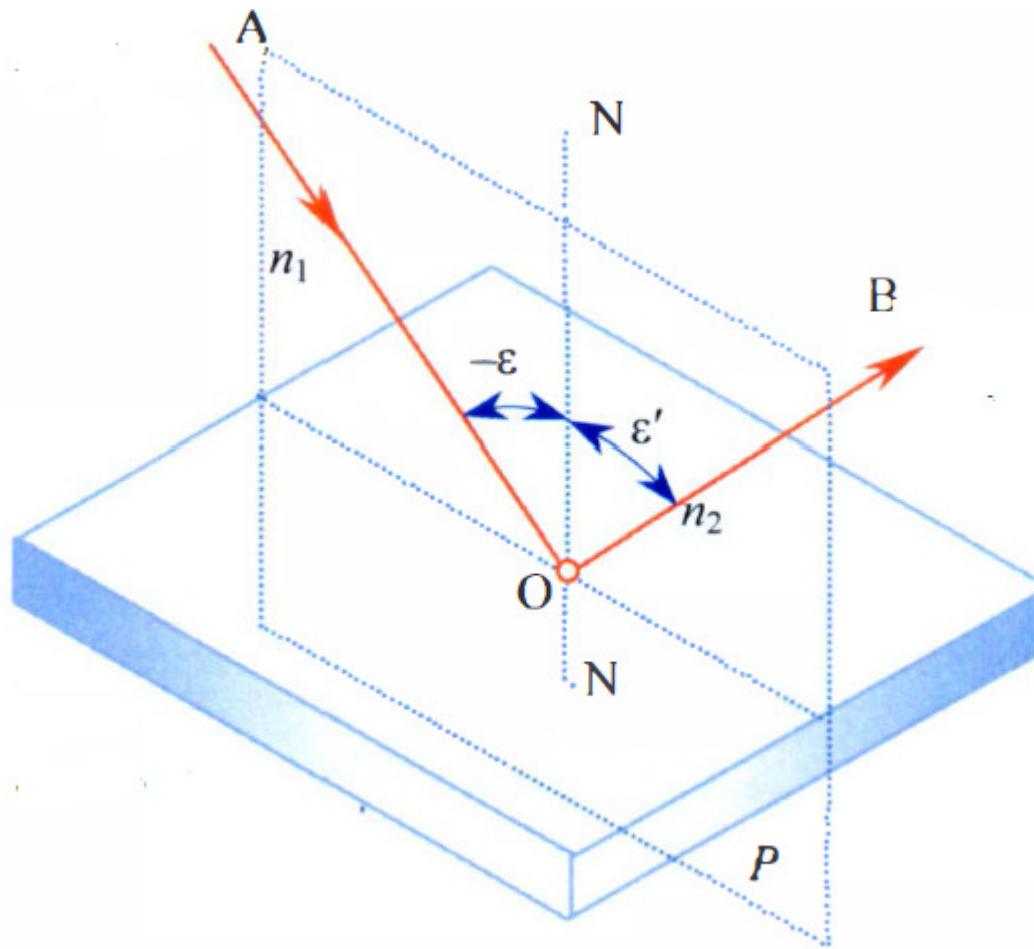
3. Reflektovani zrak leži u jednoj ravni sa upadnim zrakom i normalom, postavljenom u tački upada. Odbojni ugao je jednak upadnom uglu.

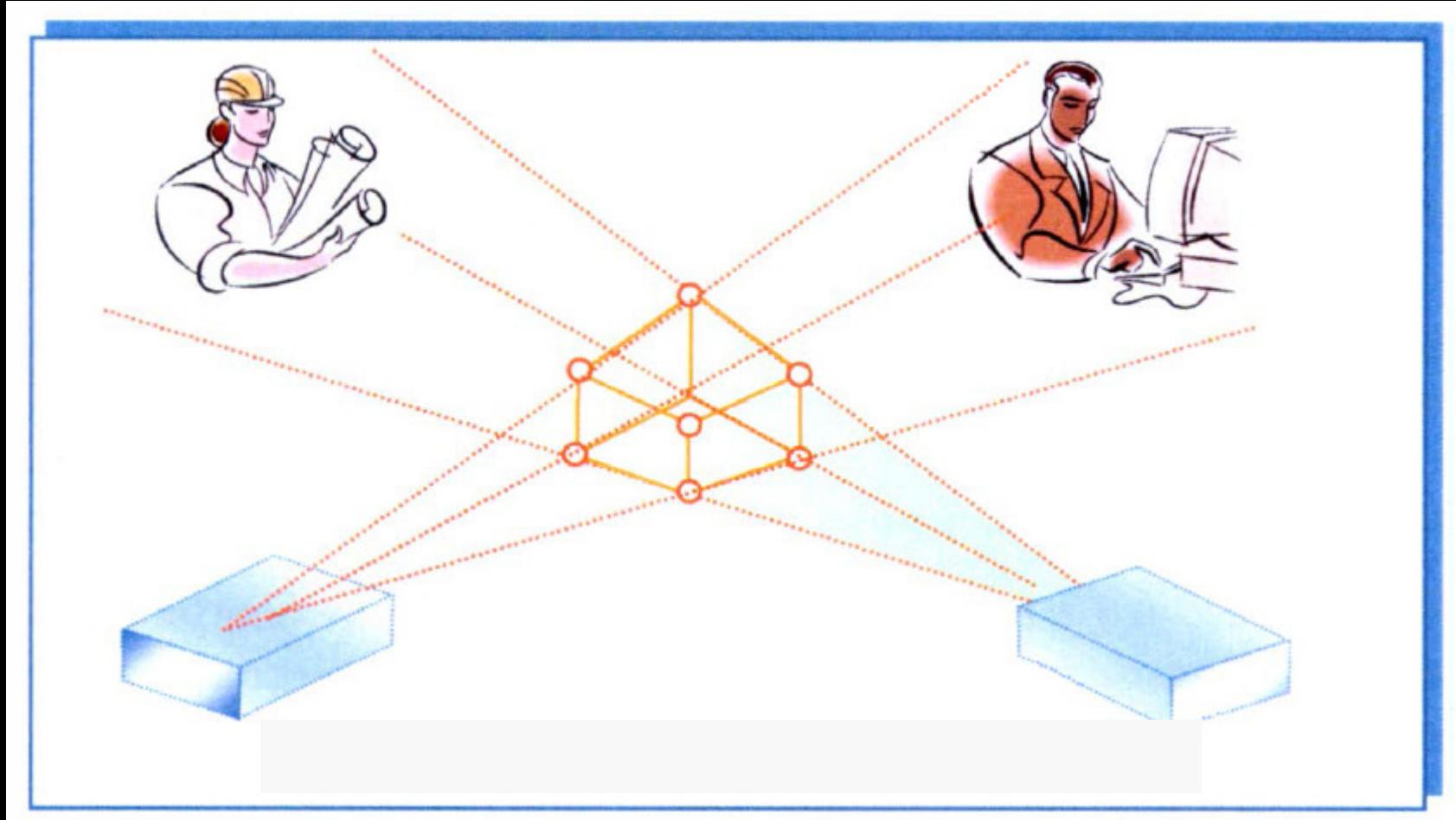
$$\alpha = -\alpha'$$

4. Prelomljeni zrak leži u jednoj ravni sa upadnim zrakom i normalom, postavljenom u tački upada. Odnos sinusa upadnog ugla i sinusa ugla prelamanja je konstanta za date sredine:

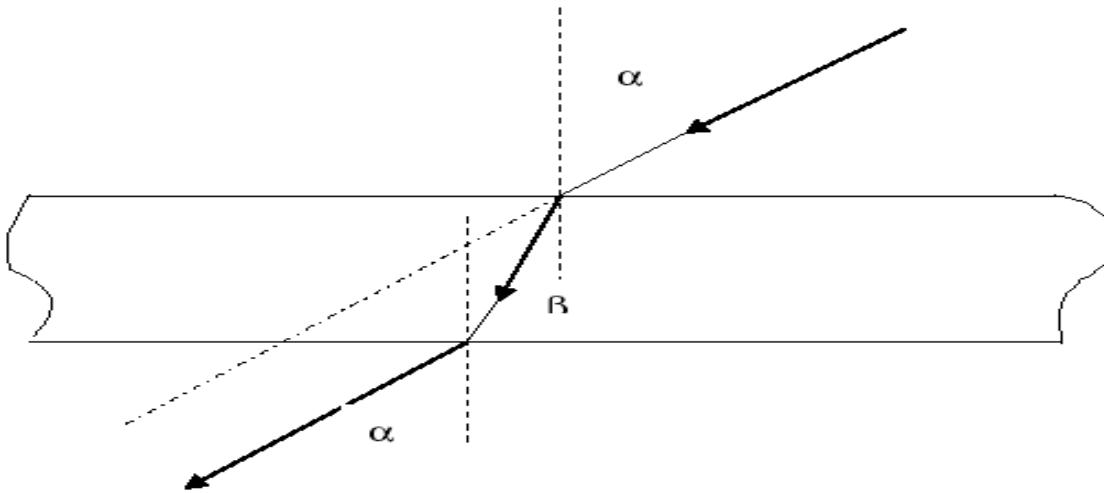
$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = n_{12}.$$

Veličina  $n_{12}$  – se naziva **relativni indeks prelamanja** druge sredine u odnosu na prvu.





**Primer: Plan-paralelna pločica**



$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = n_{12}$$

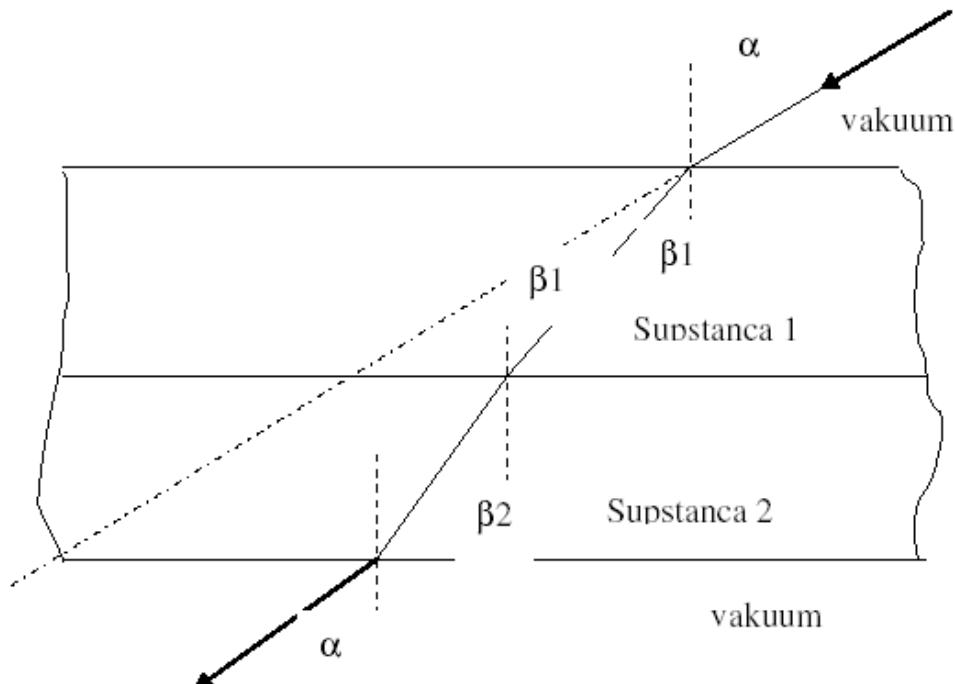
$$\frac{\sin \beta}{\sin \alpha} = n_{21} \quad \Rightarrow n_{21} = 1/n_{12}$$

**Zakon obrnutosti (ili uzajamnosti) svetlosnih zraka:** Ako se zraku, koji je pretrpeo nekoliko odbijanja i prelamanja, pošalje u susret drugi zrak, taj drugi zrak će ići po istom putu kao i prvi (direktni) zrak ali u suprotnom smeru.

Indeks prelamanja supstance u odnosu na vakuum se zove **apsolutni indeks prelamanja** ili prosto **indeks prelamanja**.

Supstanca koja ima veći indeks prelamanja se naziva **optički gušća supstanca**.

## Veza između relativnog indeksa prelamanja dve supstance $n_{12}$ i njihovih absolutnih indeksa $n_1$ i $n_2$



Posmatrajmo prolazeње zraka kroz dve sastavljene plan-paralelne pločice, napravljenih od različitih supstanci, postavljenih u vakuum.

$$\begin{aligned}\sin \alpha &= n_1 \sin \beta_1 & \sin \beta_1 &= n_{12} \sin \beta_2 & \sin \beta_2 &= 1/n_2 \sin \alpha \\ \Rightarrow n_1 / n_2 n_{12} &= 1\end{aligned}$$

$$n_{12} = \frac{n_2}{n_1}$$

# Istorijski razvoj predstava o prirodi svetlosti

Krajem XVII veka skoro istovremeno su se javile dve, reklo bi se, uzajamno isključive teorije svetlosti.

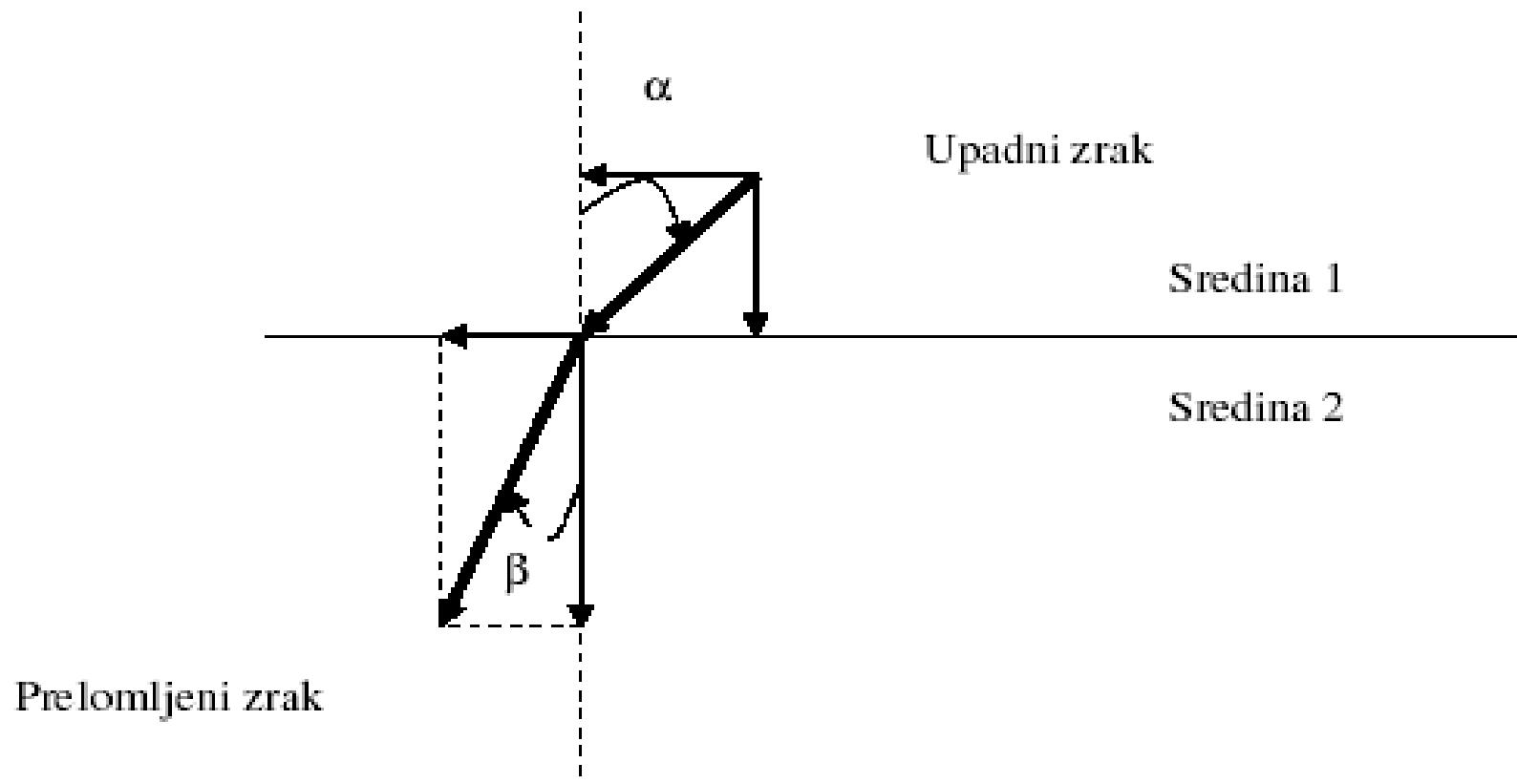
Njutn je predložio **emisionu teoriju (korpuskularnu)** saglasno kojoj svetlost predstavlja fluks svetlosnih čestica (korpuskula) koje lete od svetlećeg tela po pravolinijskim putanjama.

Hajgens je lansirao **talasnu teoriju** koja razmatra svetlost kao elastični talas koji se prostire u eteru-supstanci koja ispunjava čitavi svemir.

Početkom XVIII veka Frenel je uspeo na osnovu talasnih predstava o svetlosti da objasni sve, u to vreme poznate, optičke pojave.

# Indeks prelamanja prema Njutnovoj teoriji

Njutn je smatrao da je prelamanje svetlosti izazvano dejstvom sile na svetlosne korpuskule na granici dve sredine i time menjajući normalnu komponentu brzine korpuskule (vidi sliku).



$$\sin \alpha = \frac{v_{1H}}{v_1}; \quad \sin \beta = \frac{v_{2H}}{v_2}.$$

# Nastavak

Pošto su parcijalne (tangencijalne) komponente brzina iste (ne menjaju se  $v_{1H} = v_{2H}$ ), dobija se

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{v_2}{v_1}$$

Upoređujući ovaj izraz sa zakonom prelamanja svetlosti dobijamo  $n_{12} = \frac{v_2}{v_1}$ .

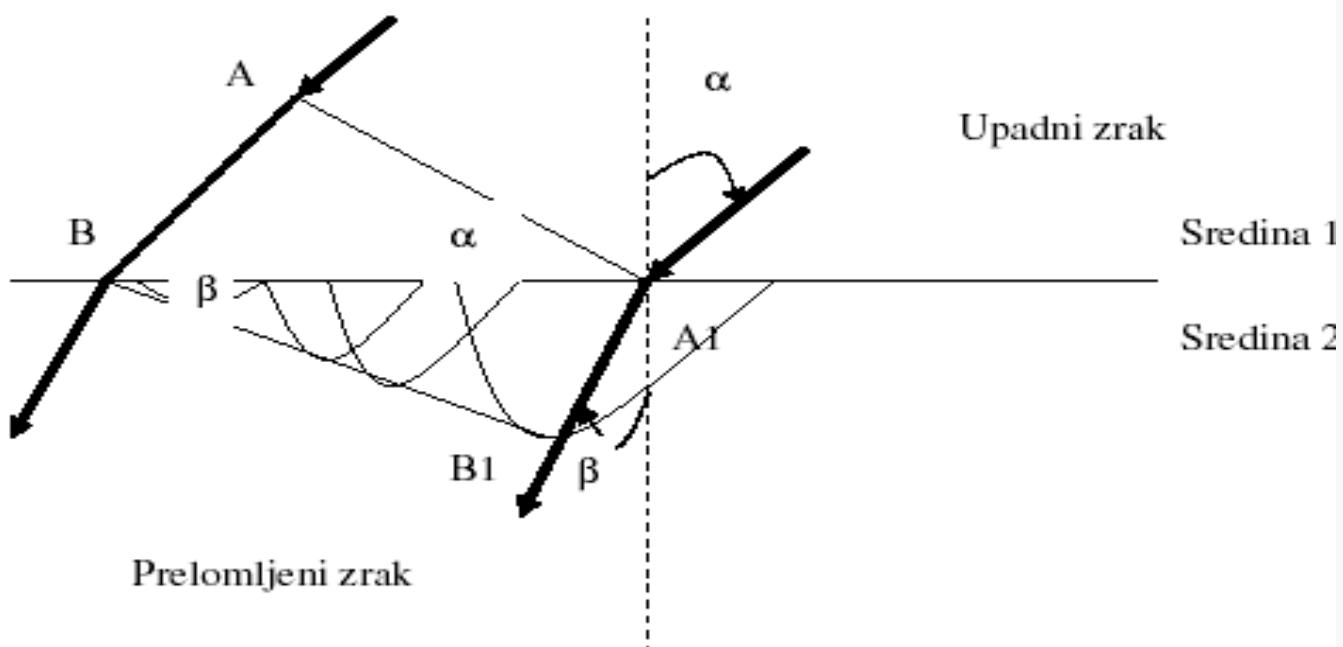
Ako je prelamanje na granici vakuum-supstanca, tada je  $n_{12}$  – jednak absolutnom indeksu prelamanja  $n_2$ , druge supstance a brzina  $v_1$ , jednaka brzini svetlosti u vakuumu  $c$ . Znači u opštem slučaju imamo da je indeks prelamanja neke supstance  $n$  jednak

$$n = \frac{v}{c}$$

# Indeks prelamanja prema talasnoj teoriji

Talasna teorija dovodi do obrnutog odnosa.

**Hajgensov princip:** Svaka tačka do koje dopre svetlosno pobuđenje, postaje centar sekundarnih talasa; površ koja obavija te sekundarne talase ukazuje na položaj fronta stvarnog prostirućeg talasa.



$$AB = v_1 \Delta t \quad A1B1 = v_2 \Delta t \quad \sin \alpha = \frac{v_1 \Delta t}{BA1} \quad \sin \beta = \frac{v_2 \Delta t}{BA1} \quad \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{v_1}{v_2} \quad n_{12} = v_1/v_2 \quad n = c/v$$

# PRINCIP FERMA

U homogenoj sredini svetlostni zraci se rasprostiraju pravolinijski a u nehomogenoj se krive. Put zraka u nehomogenoj sredini se može naći pomoću principa koji je ustanovio francuski matematičar Fermat (Ferma) 1679 g. i on glasi:

*Svetlosni zrak se rasprostire po takvom putu za koji mu je potrebno najmanje vremena.*



Za prolazak po putu  $ds$ , potrebno je vreme  $dt = \frac{ds}{v}$ , gde je  $v$  – brzina u dotoj tački sredine. Ako zamenimo  $v = c/n$  iz Hajgensove, ranije izvedene formule dobijamo da je  $dt = \frac{1}{c} n ds$ . Prema tome, vreme  $\tau$ , potrebno svetlosti da pređe put iz tačke 1 u tačku 2 se računa po formuli

$$\tau = \frac{1}{c} \int_1^2 n ds,$$

Saglasno Fermatovom principu,  $\tau$  mora biti minimalno, a pošto je  $c$  – konstantno, sledi i da veličina

$$L = \int_1^2 n ds,$$

koju nazivamo *optička dužina puta*, takođe mora biti minimalna. U homogenoj sredini, optička dužina puta je jednaka proizvodu geometrijske dužine puta  $s$  i indeksa prelamanja sredine  $n$ :

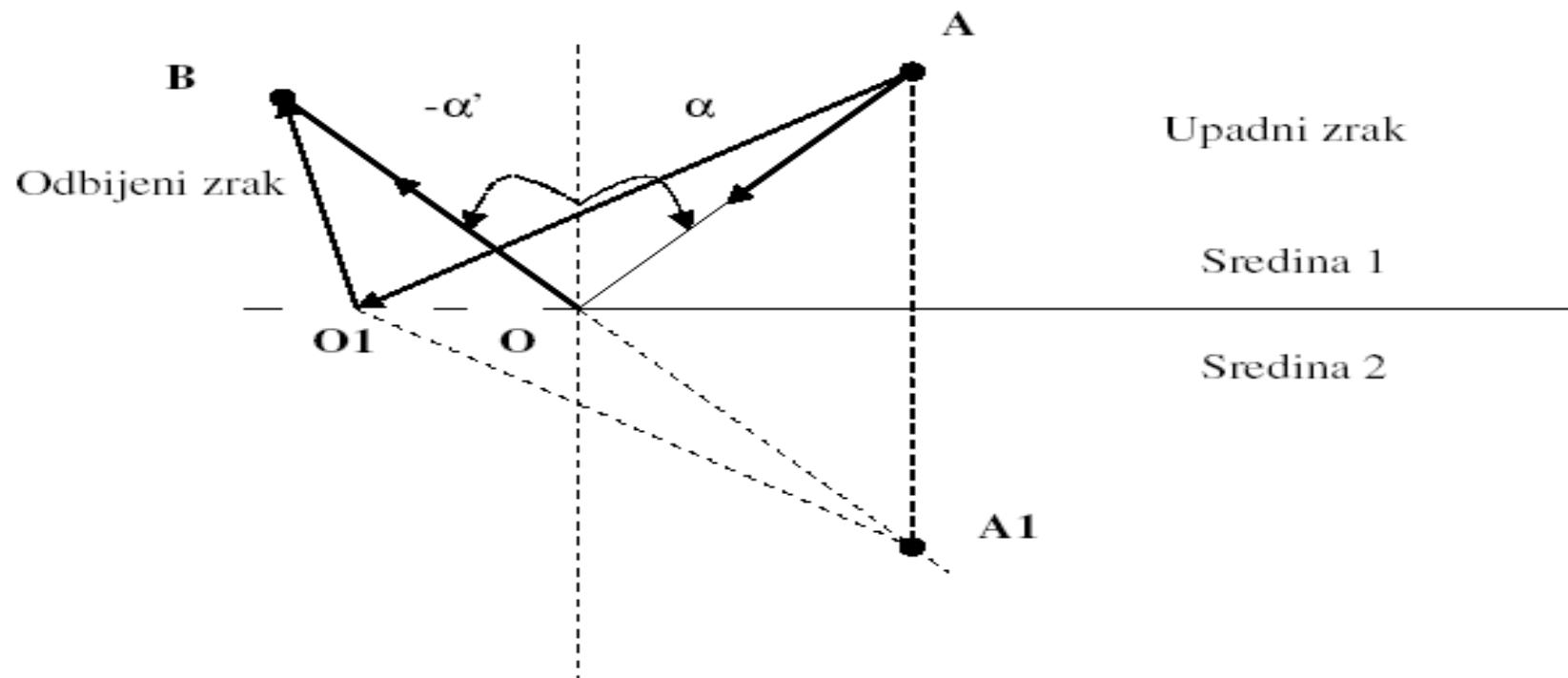
$$L = ns.$$

Fermatov princip možemo sformulisati sada i kao:

*Svetlost se prostire po takvom putu čija je optička dužina minimalna.*

# Primer I

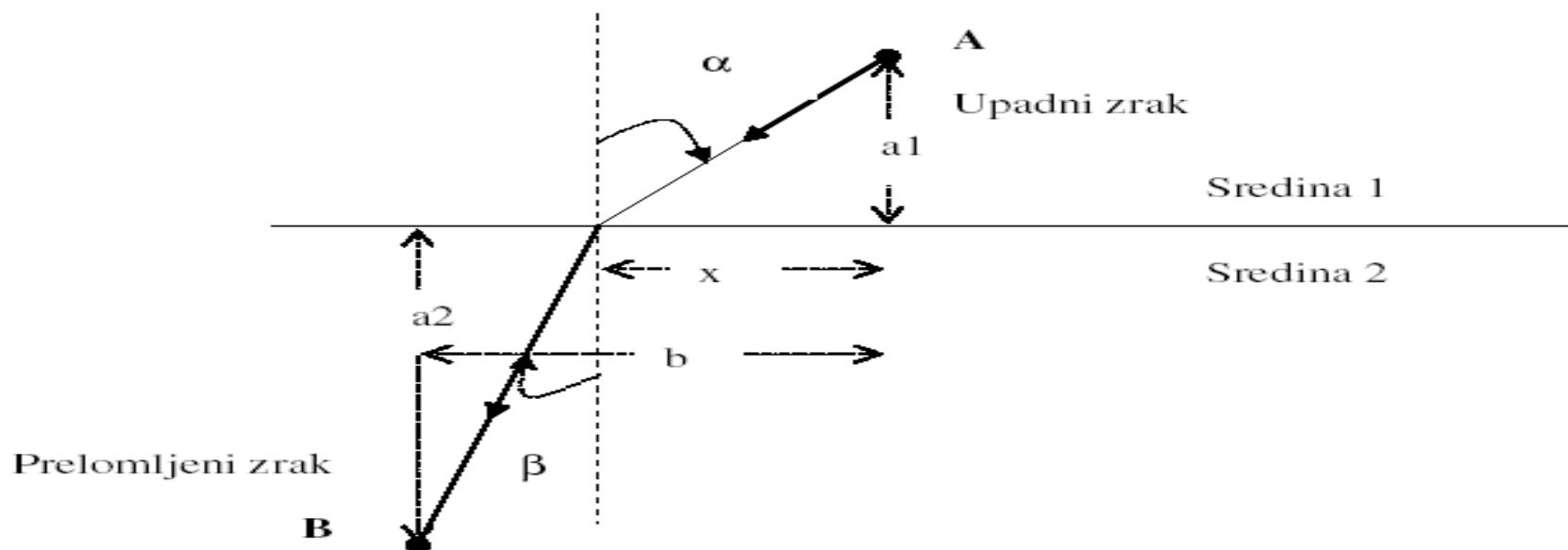
## Primer I: Zakon Refleksije (Odbijanja)



Zakon odbijanja i prelamanja svetlosti proistiće iz Fermatovog principa. Neka svetlost pada iz tačke **A** u tačku **B** odbijajući se od granične površine. Pošto je sredina kroz koju prolazi zrak homogena, iz minimalnosti optičke dužine puta sledi i minimalnost njegovog geometrijskog puta. Geometrijska dužina proizvoljno uzetog puta je **A-O1-B=A1-O1-B** (pomoćna tačka **A1** je ogledalski lik tačke **A**). Iz slike se vidi da najmanji put pravi zrak koji se odbio u tački **O**, za koji je ugao odbijanja jednak upadnom uglu.

# Primer II

## Primer II: Zakon Refrakcije (Prelamanja)



Nadimo tačku u kojoj se mora prelomiti zrak koji se prostire od tačke **A** do tačke **B**, optička dužina puta bila minimalna.

Za proizvoljan zrak optička dužina puta je jednaka:

$$L = n_1 s_1 + n_2 s_2 = n_1 \sqrt{a_1^2 + x^2} + n_2 \sqrt{a_2^2 + (b-x)^2}.$$

Da bi našli minimum, prodiferencirajemo gornji izraz po  $x$  i izjednačiti sa nulom:

$$\frac{dL}{dx} = \frac{n_1 x}{\sqrt{a_1^2 + x^2}} - \frac{n_2 (b-x)}{\sqrt{a_2^2 + (b-x)^2}} = n_1 \frac{x}{s_1} - n_2 \frac{b-x}{s_2} = 0.$$

Konačno, zamenjujući množioce uz  $n_1$  i  $n_2$  dobijamo zakon prelamanja

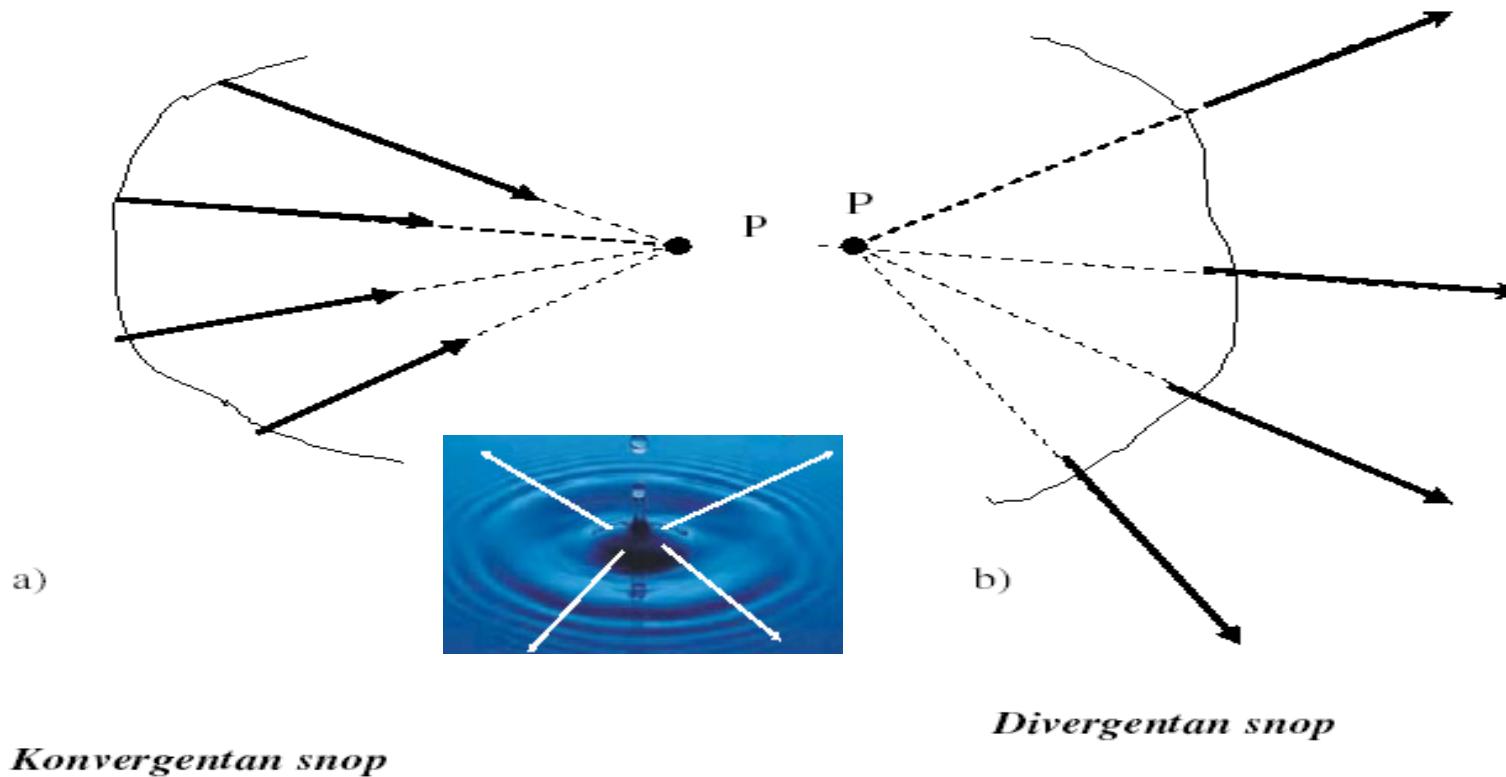
$$n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \beta.$$

# UOPŠTENA FORMULACIJA GEOMETRIJSKE OPTIKE

## Osnovni pojmovi i definicije

Mnoge optičke pojave i rad optičkih uređaja se mogu razmatrati polazeći od predstave o **svetlosnim zracima**.

U izotropnoj sredini pod zracima se podrazumeva linije, normalne ka talasnoj površi. Duž tih linija se prostire svetlosna energija. U homogenoj sredini oni su pravolinijski. Ukupnost zraka čine **snop**. Ako se zraci pri svom produžavanju sekut u jednoj tački, snop se tada naziva **homocentričnim**. Homocentričnom snopu zraka odgovara sferna talasana površ.

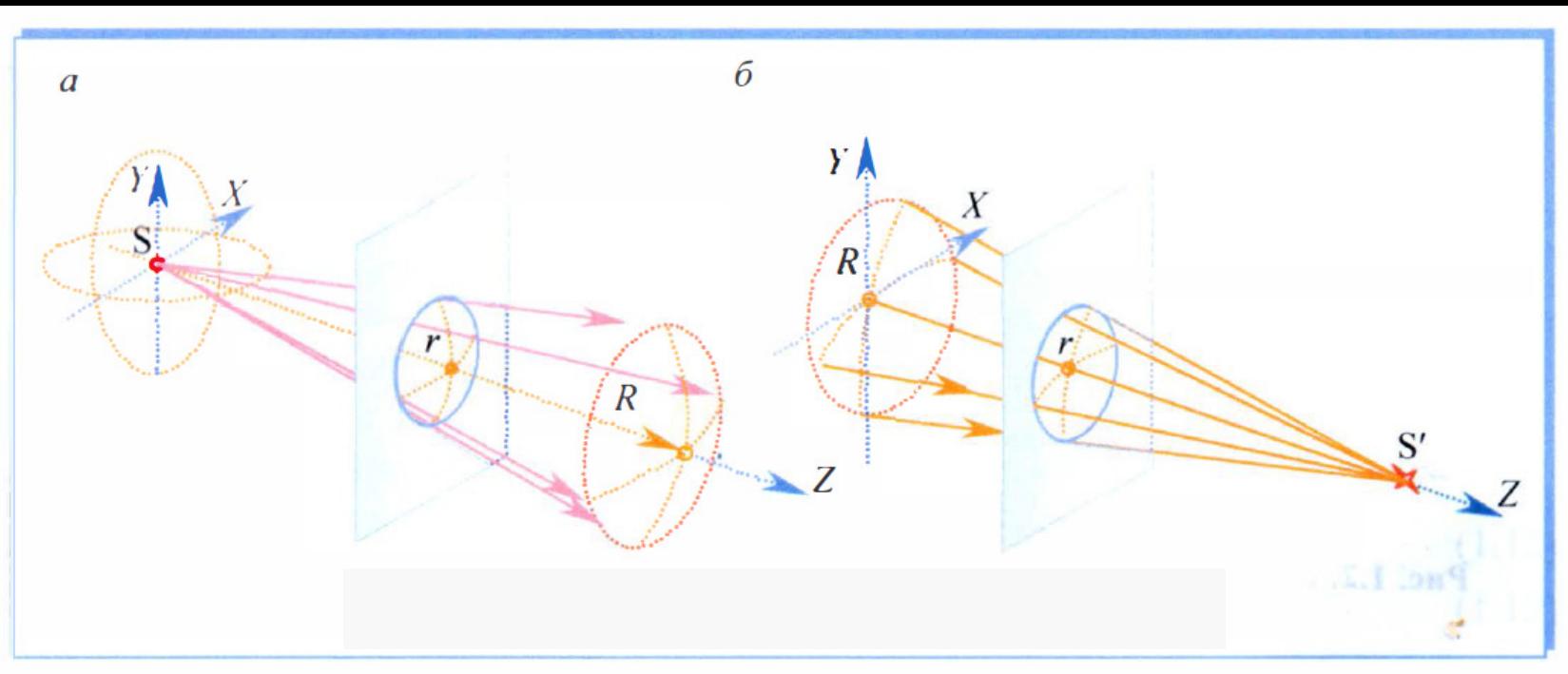


**Konvergentan snop**

**Divergentan snop**

**Slika 1**

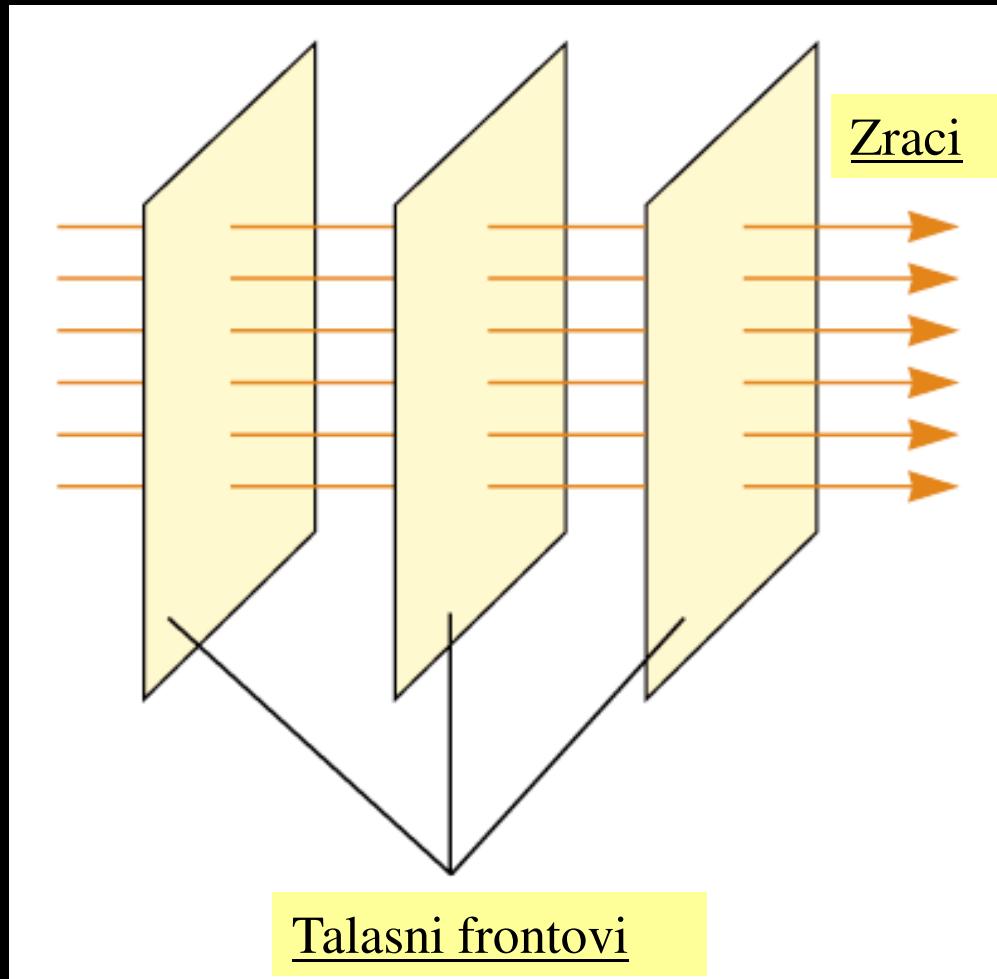
Specijalan slučaj je snop paralelnih zraka i njemu odgovara ravanski svetlosni talas. Ako talasna površ ima dvostruku ili višestruku krivinu, tada se produžetci zraka sekut u više tačaka i takav snop se naziva **astigmatskim**.



a) Divergentni (rasipajući) snop

b) konvergentni (skupljujući) snop

# Zraci i talasni frontovi kod ravanskog talasa

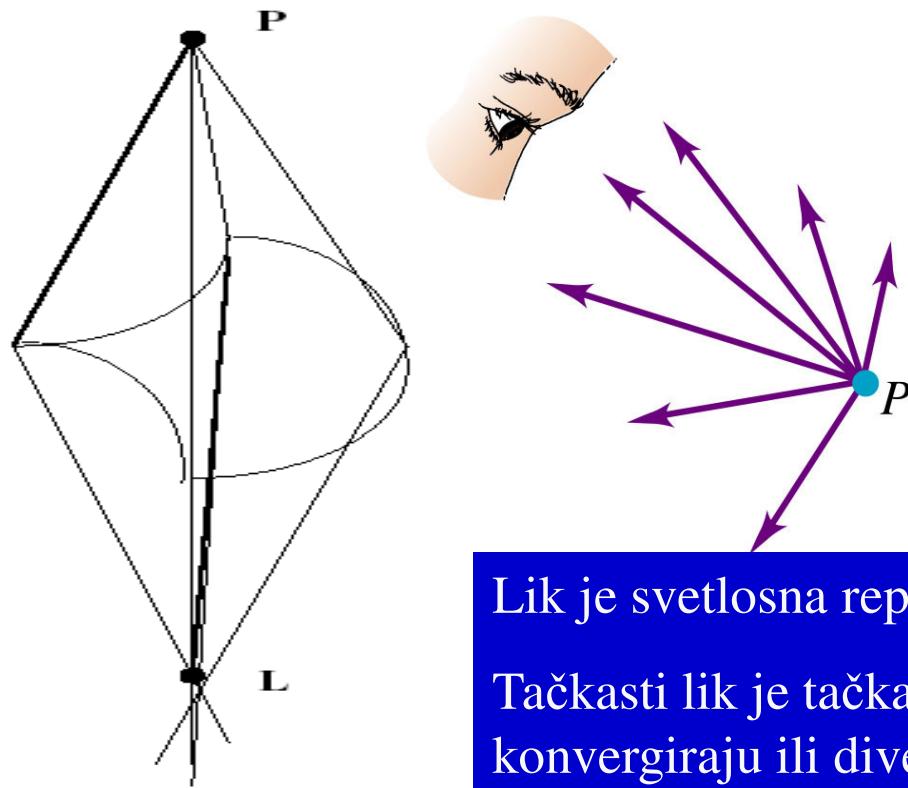


# Nastavak

Svaki optički sistem ostvaruje transformaciju svetlosnih snopova. Ako sistem ne narušava homocentričnost snopova to zraci koji su izašli iz tačke  $P$  se presecaju u tački  $L$ . (vidi sliku 2) Tačka  $L$  predstavlja *optički lik* tačke  $P$ . Ako je lik bilo koje tačke predmeta preslikava u vidu tačke, lik se naziva *tačkastim* ili *stigmatičnim*.

Lik se naziva **realan (stvaran)**, ako ga dobijemo stvarnim presecanjem zraka (slika 1a)) a **imaginaran (nestvaran)** ako ga dobijemo presecanjem produžetaka tih zraka. (slika 1b).

Zbog inverznosti (obrnutosti) svetlosnih zraka predmet (tačka  $P$ ) i lik (tačka  $L$ ) mogu zameniti mesta, tj., predmet koji postavimo na mesto lika će imati lik na ranijem mestu predmeta. Zbog tog razloga se tačke  $P$  i  $L$  nazivaju **konjugovane ili kuplovane tačke**. Optički sistem koji daje stigmatski lik koji odgovara predmetu se naziva **idealnim**. Pomoću takvog sistema se **neprekidnost tačaka predmeta** preslikava u **neprekidnost tačaka lika**.



Slika 2

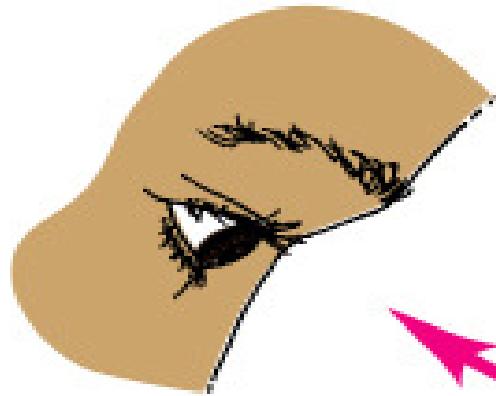
- Predmet je bilo šta odakle se svetlost odašilje

- **Tačasti predmet:** nema fizičkih dimenzija

- **Trodimenijsni predmet:** ima dužinu, širinu i visinu.

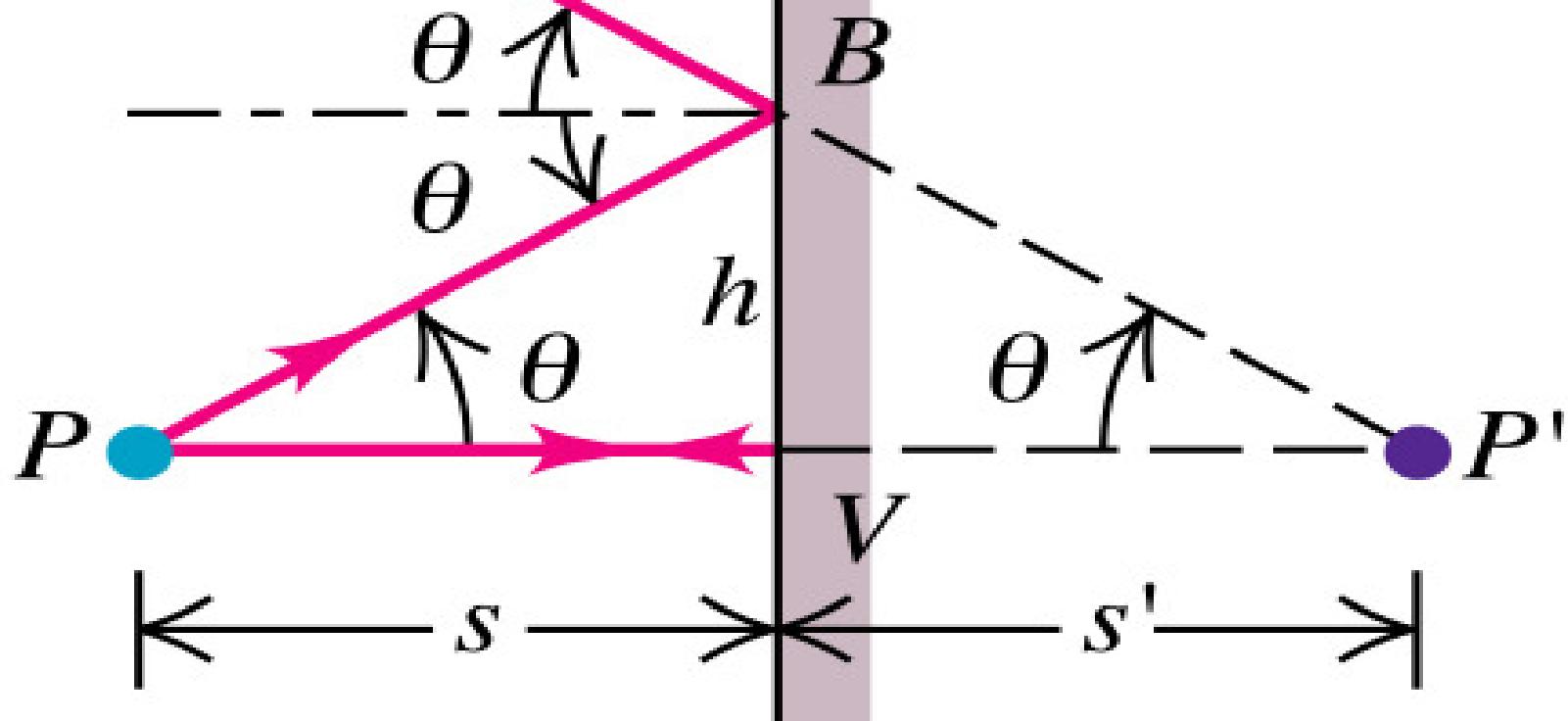
Lik je svetlosna reprezentacija realnosti

Tačkasti lik je tačka gde svetlosni zraci konvergiraju ili divergiraju

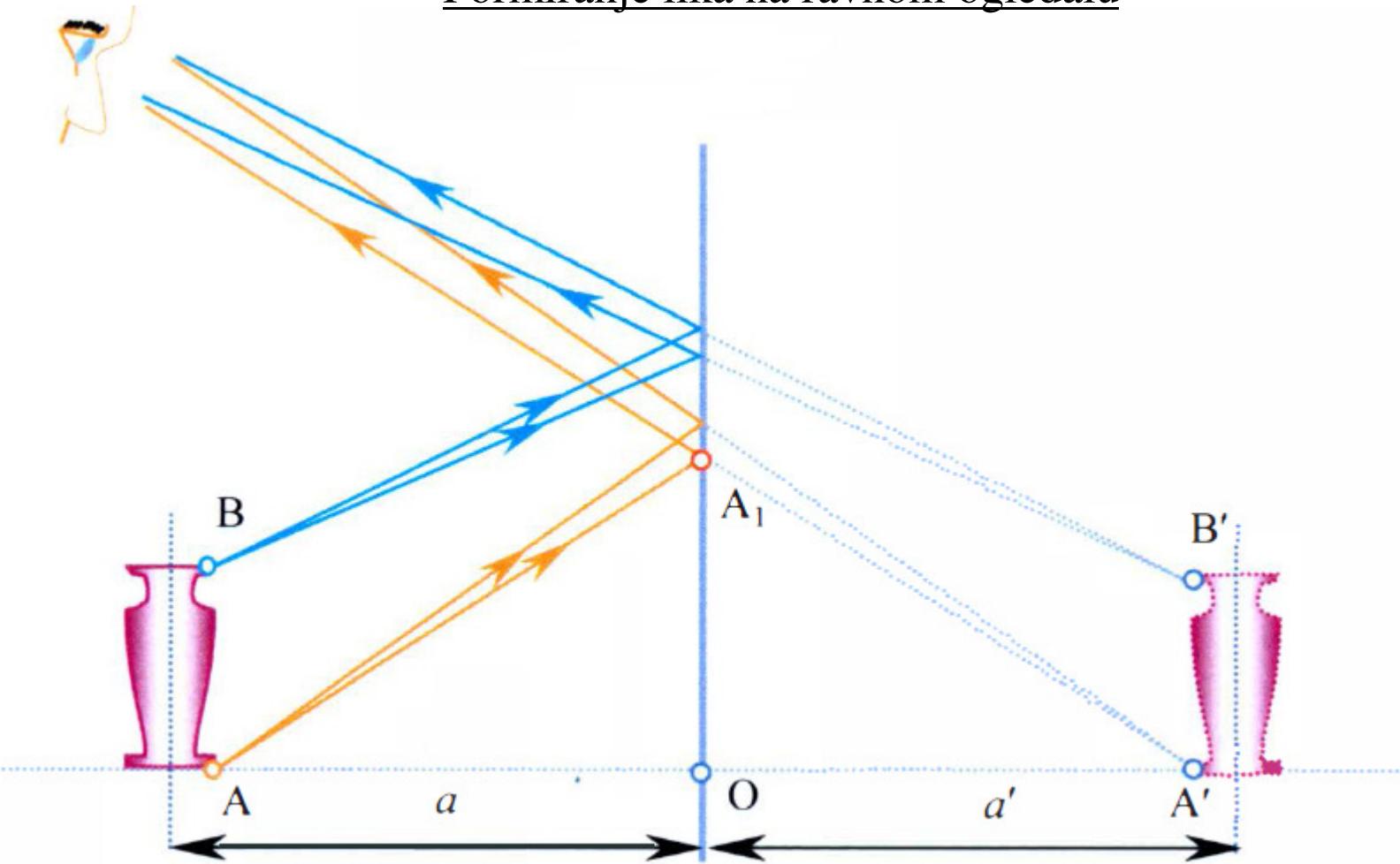


Refleksija od ravnog  
ogledala.

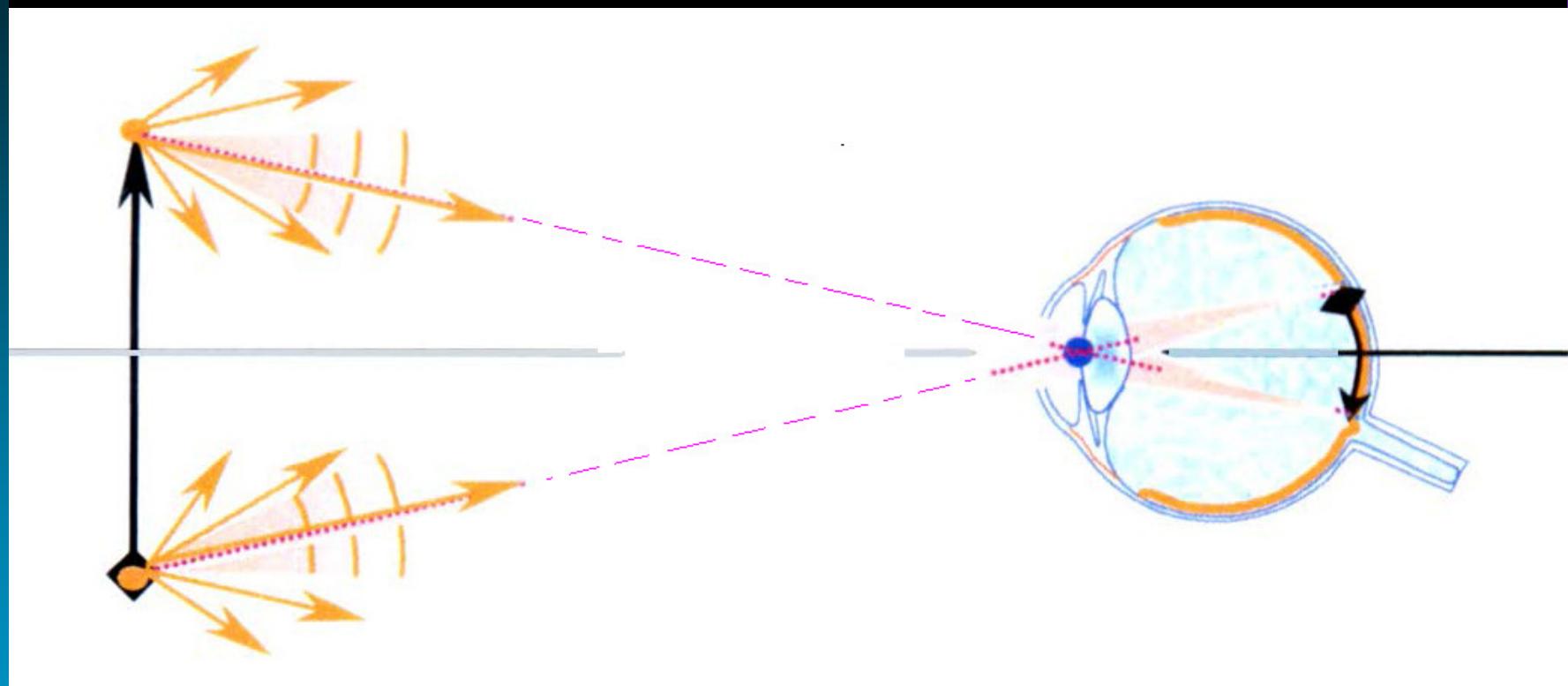
P' je *virtualni lik*.



## Formiranje lika na ravnom ogledalu

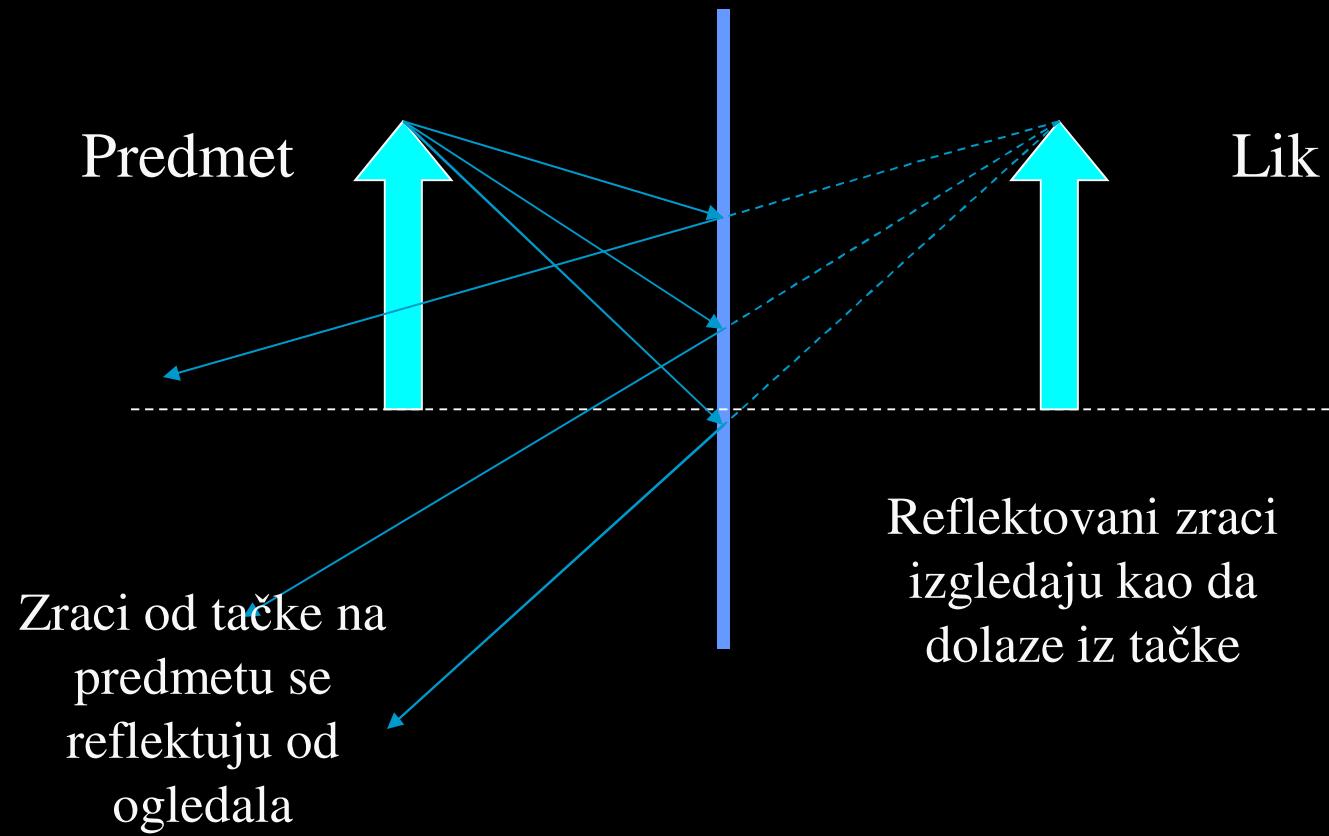


# OKO i rasejana svetlost



Formirani lik je Izvrnut!

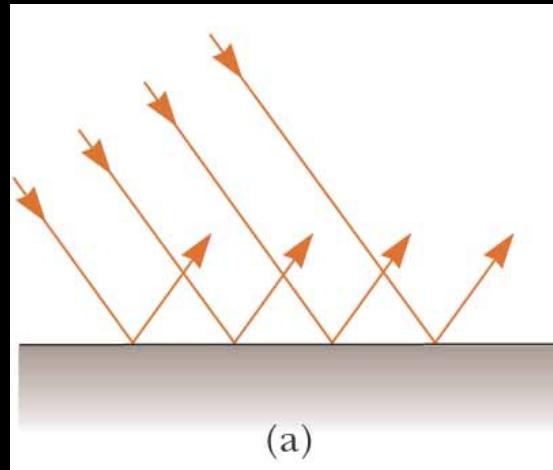
# Predmeti i likovi



# Reflection



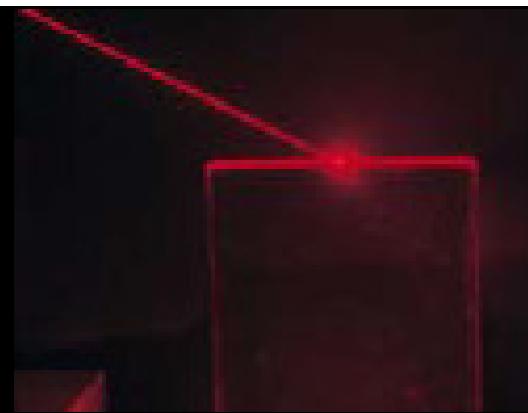
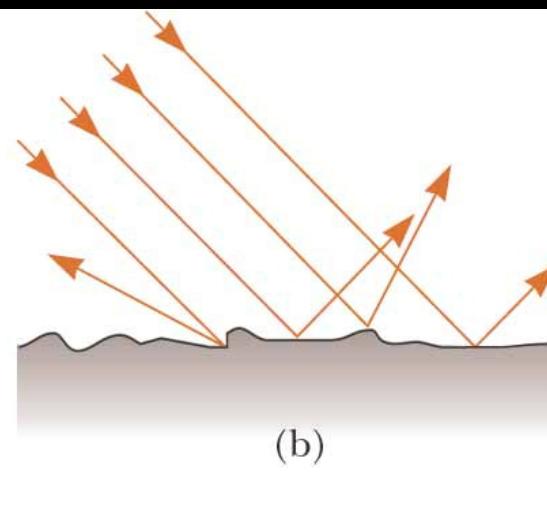
## Refleksija od polirane površine (ogledalo)



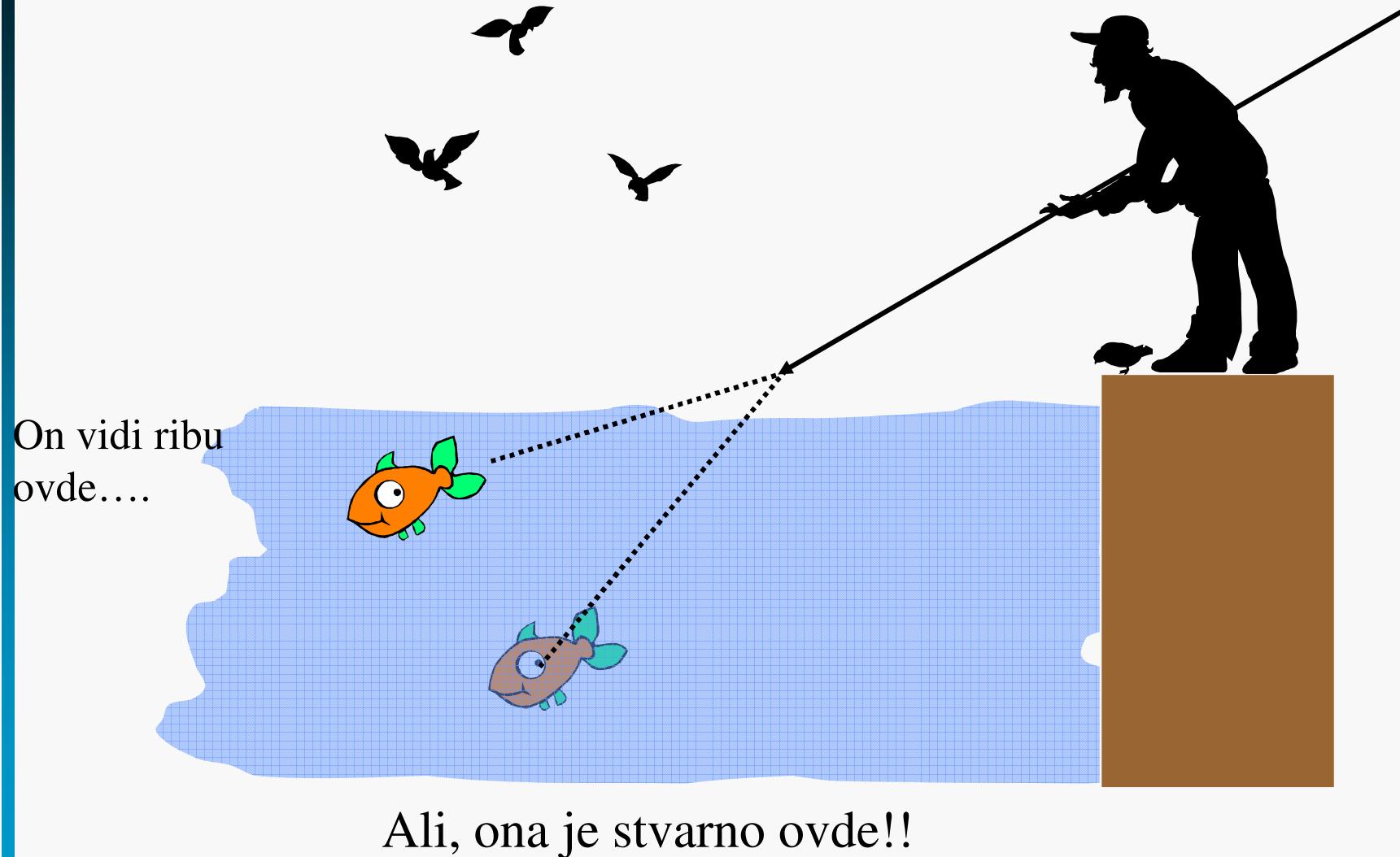
©2004 Thomson - Brooks/Cole



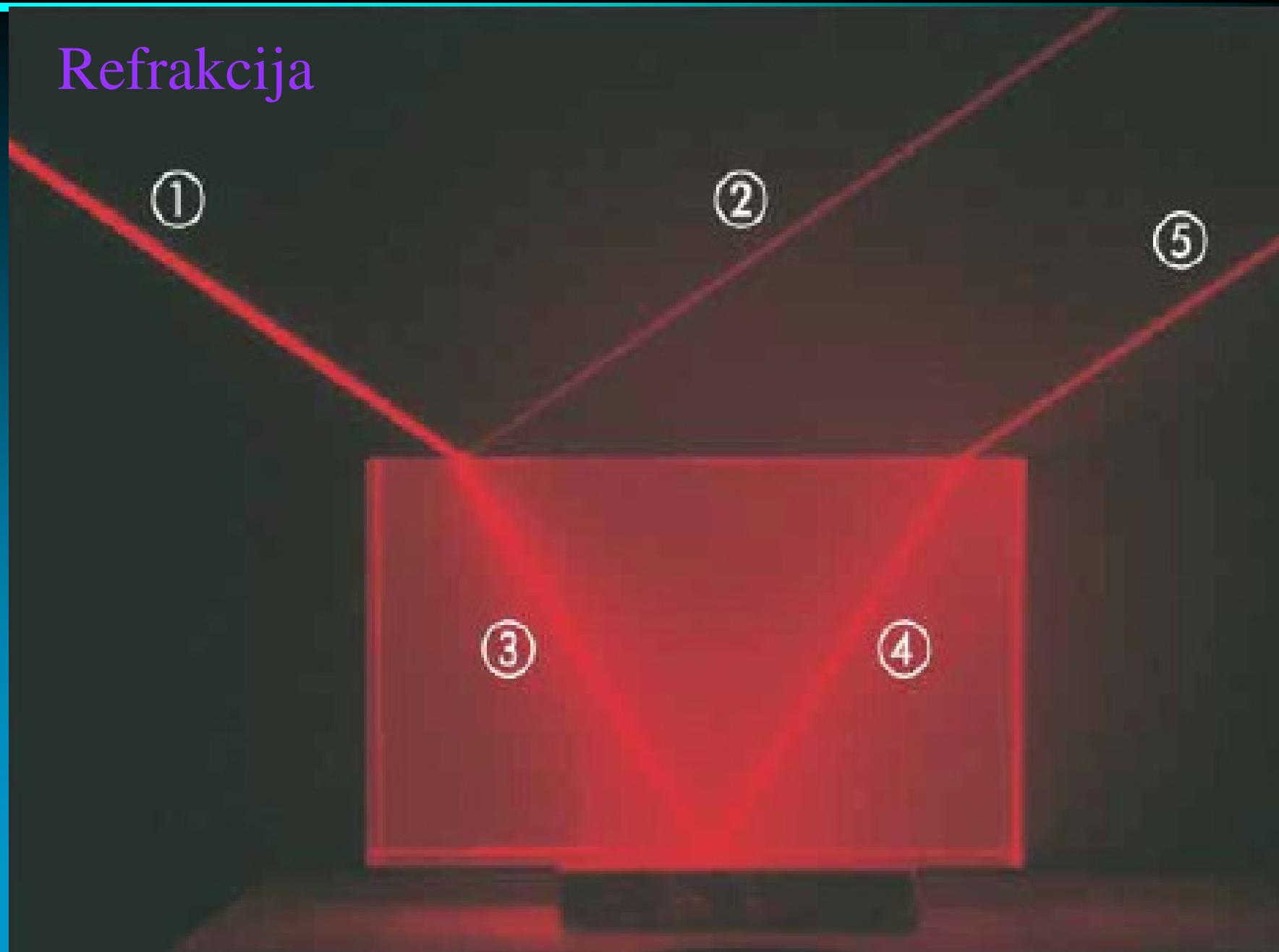
## Difuziona refleksija



# Refrakcija



# Refrakcija



# Svetlost *unutra* neke sredine

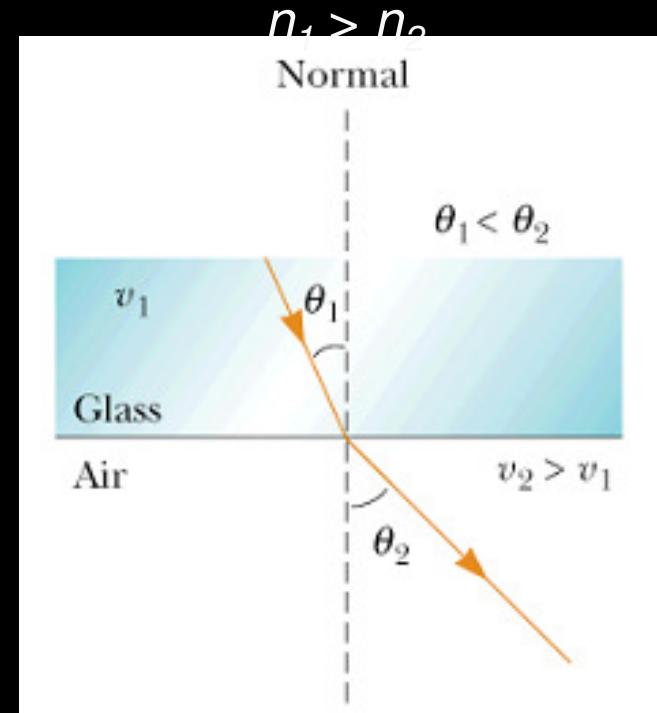
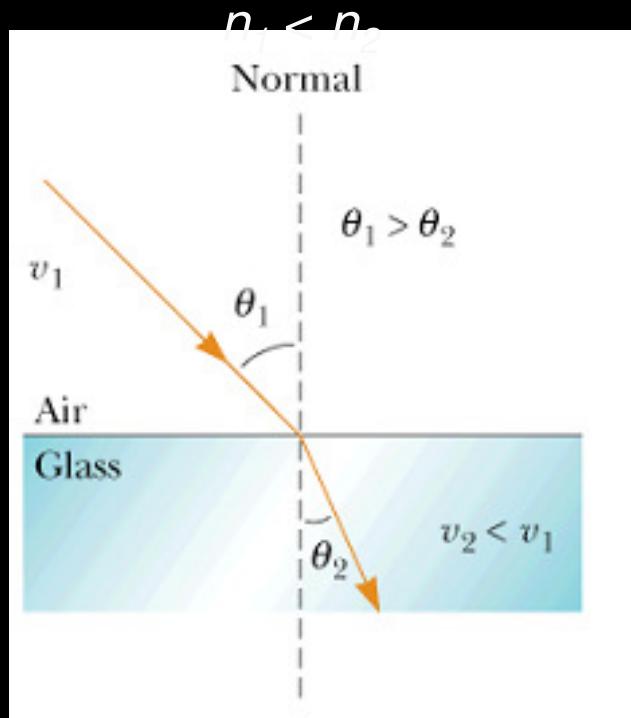
- Svetlost interaguje sa česticama u materijalu
- To usporava prostiranje svetlosti
- Brzina prostiranja svetlosti u materijalu je manja od  $c$
- $n$  je indeks prelamanja i uvek je veći od 1

$$v = \frac{c}{n}$$

Materijal	$n$
Vazduh	1.000
Voda	1.333
Staklo	1.6
Dijamant	2.419

# Refrakcija

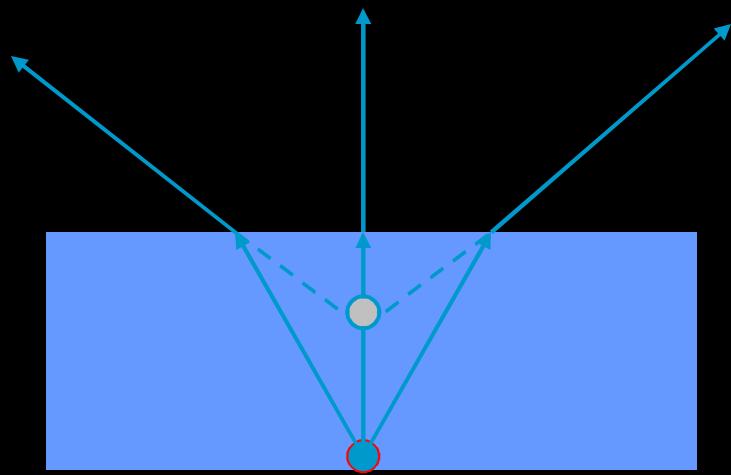
$$n_1 \sin\theta_1 = n_2 \sin\theta_2$$



Od manjem ka većem indeksu, svetlost se prelama ka normali.

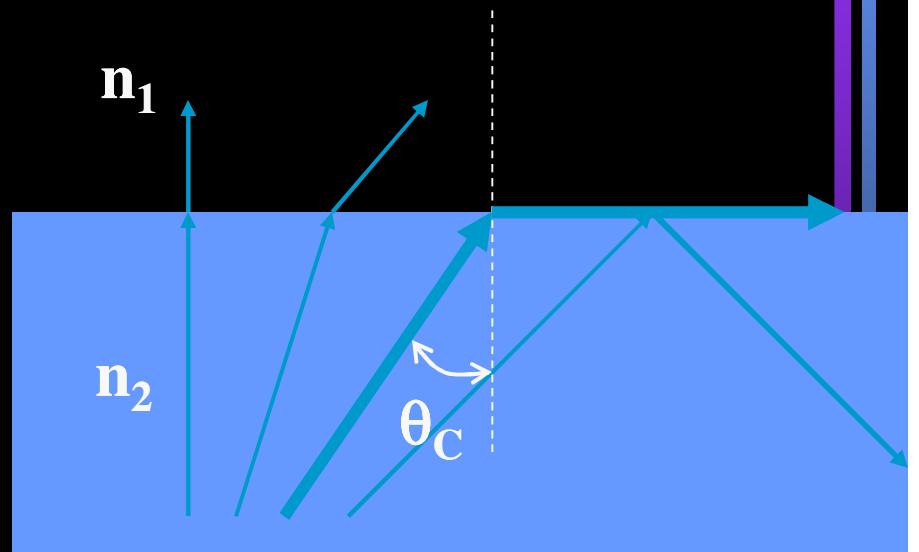
Od većeg ka manjem indeksu, svetlost se prelama od normale.

## Dva prosta efekta



*Predmet u vodi izgleda kao  
da je na manjoj dubini*

## Totalna unutrašnja refleksija

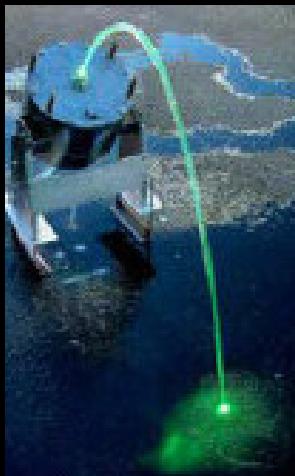
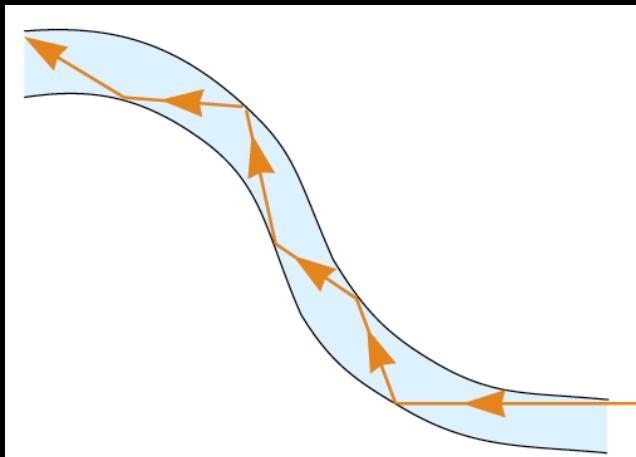


$$\sin \theta_c = \frac{n_1}{n_2}$$

# Fiber Optika

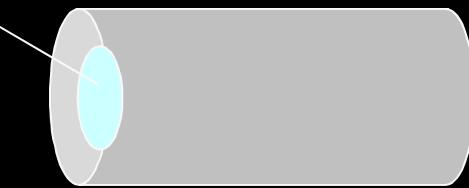
Totalna unutrašnja refleksija

Primena: Optičko vlakno

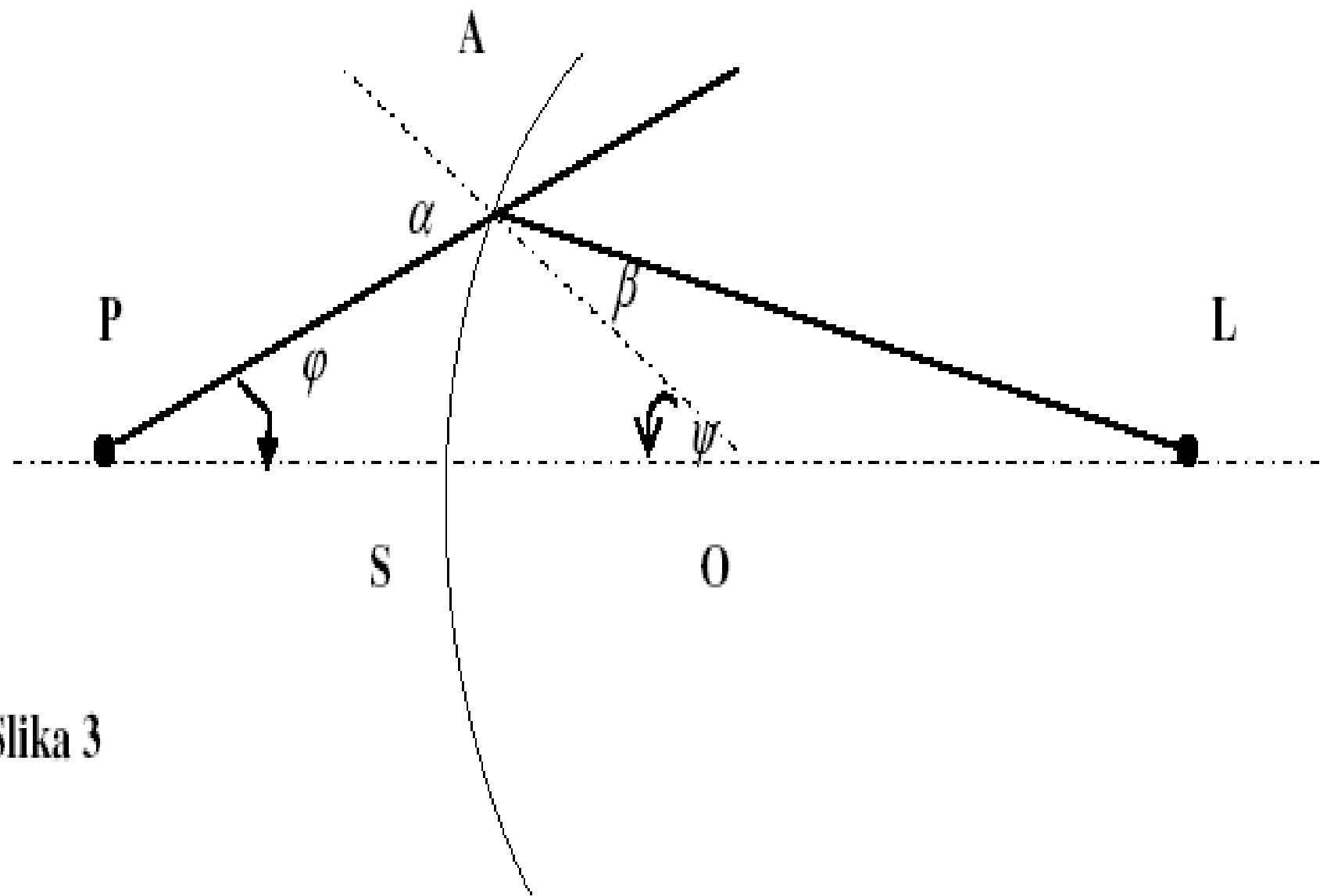


kanal

Optički kabal



# Prelamanje i odbijanje na sfernim površima



Slika 3

# Nastavak

Prepostavimo da se dve sredine indeksa prelamanja  $n_1$  i  $n_2$  razdvajaju sfernom površinom **slika 3.** Ako je ugao  $\varphi$  je toliko mali da je praktično **PA=PS i LA=LS** Takav uzak snop ćemo nazivati **elementarnim** ili **paraksijalni (priosnim)**.

$$\Delta \quad PAO \quad \frac{PO}{PA} = \frac{\sin \alpha}{\sin \psi}$$

$$\text{odakle sledi } \frac{PO}{PA} \cdot \frac{AL}{OL} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{n_2}{n_1}. \quad (1)$$

$$\Delta \quad AOL \quad \frac{AL}{OL} = \frac{\sin \psi}{\sin \beta}$$

Dalje, sve dužine ćemo računati od S (*vrh prelamajuće površi*), smatrajući ih pozitivnim vrednostima ako su **desno** d tačke S (u pravcu prostiranja zraka) i negativne - **ulevo**.

Na taj način  $PA \approx PS = -p$ ,  $LA \approx LS = l$ ,  $AO = SO = R$ .

Tada iz formule (1) dobijamo:

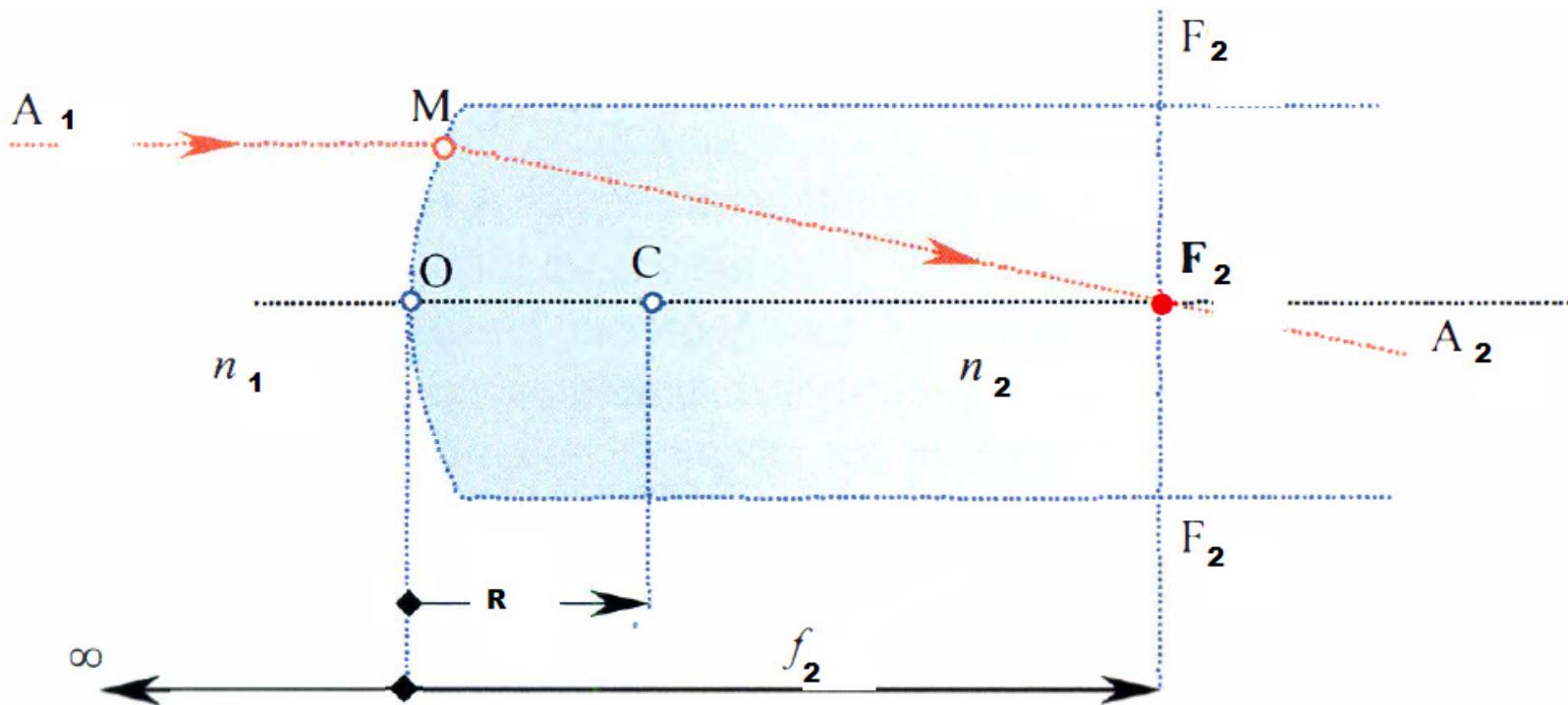
$$\frac{-p + R}{-p} \cdot \frac{l}{l - R} = \frac{n_2}{n_1}, \text{ ili}$$

$$-n_1 pl + n_1 lR = -n_2 pl + n_2 pR \text{ tj., deljenjem obe strane sa } plR$$

$$n_1 \left( \frac{1}{p} - \frac{1}{R} \right) = n_2 \left( \frac{1}{l} - \frac{1}{R} \right) = Q. \quad (\text{Abbe-ova invarijanta nultog reda})$$

$$\boxed{\frac{n_1}{p} - \frac{n_2}{l} = \frac{n_1 - n_2}{R}}$$

# Žiže (Fokusi)



# Žiže (fokusi) sfernih površina

$$\frac{n_1}{p} - \frac{n_2}{l} = \frac{n_1 - n_2}{R}$$

$$\frac{n_1}{a_1} - \frac{n_2}{a_2} = \frac{n_1 - n_2}{R}$$



$$a_1 \rightarrow \infty \Rightarrow a_2 = \frac{n_2 R}{n_2 - n_1} = f_2 \quad \underline{\text{Zadnje žično rastojanje}}$$

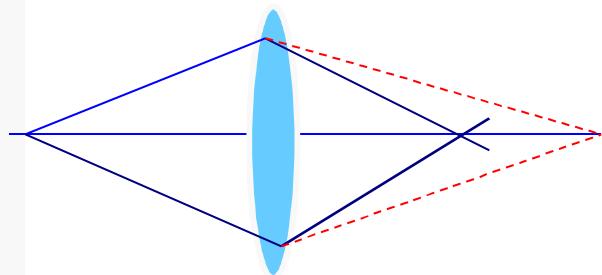
$$a_2 \rightarrow \infty \Rightarrow a_1 = -\frac{n_1 R}{n_2 - n_1} = f_1 \quad \underline{\text{Prednje žično rastojanje}}$$

$$f_2 / f_1 = -n_2 / n_1$$

$$\text{U slučaju refleksije } n_2 = -n_1 \Rightarrow \frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} = \frac{2}{R} = \frac{1}{f}$$

# Opšta formula sočiva

$$\frac{n_1}{a_1} - \frac{n}{a} = \frac{n_1 - n}{R_1}$$



$$\frac{n}{a} - \frac{n_2}{a_2} = \frac{n - n_2}{R_2}$$

Pošto je  $n_1 = n_2$  imamo

$$\frac{n}{a} - \frac{n_1}{a_2} = \frac{n - n_1}{R_2}$$

sabirajući prvu i treću jednačinu

$$n_1 \left( \frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} \right) = (n - n_1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

Ili uvodeći relativni indeks prelamanja  $n_r = n/n_1$

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = (n_r - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

Žižna rastojanja tankog sočiva

$$a_1 \rightarrow \infty \Rightarrow a_2 = \frac{1}{(n_r - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)} = f_2 \quad a_2 \rightarrow \infty \Rightarrow$$

$$a_1 = -\frac{1}{(n_r - 1) \left( \frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)} = f_1$$

$$f_1 = -f_2$$

# Vrsta tankih sočiva

Uvodeći žično rastojanje  $f$  jednačina sočiva dobija vid

$$\frac{1}{a_2} - \frac{1}{a_1} = \frac{1}{f}$$

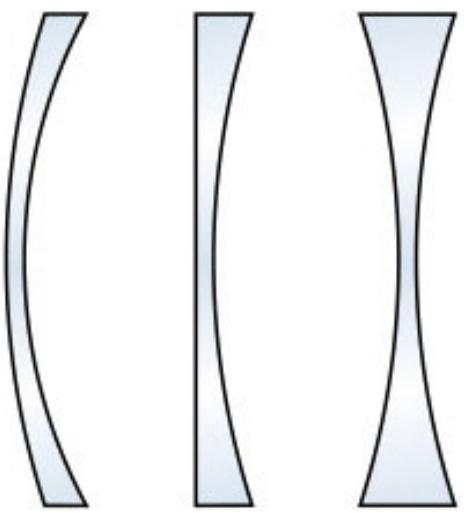
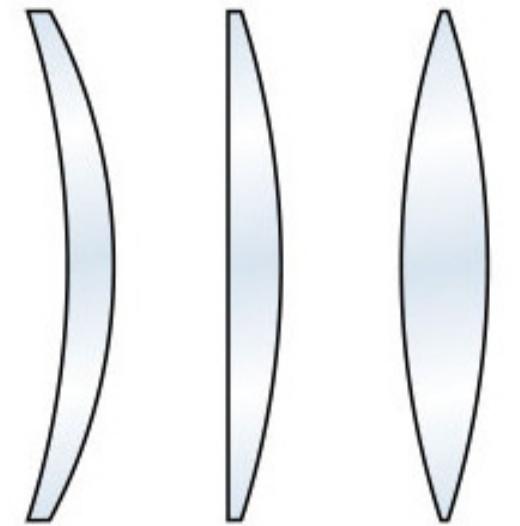
Nekada se u računu uzimaju absolutne veličine za  $a_1, a_2, R_1, R_2$  i  $f$ . Tada formula sočiva postaje

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_1} = \pm \frac{1}{f}$$

Gde je

$$f = \frac{1}{(n_r - 1) \left( \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right)}$$

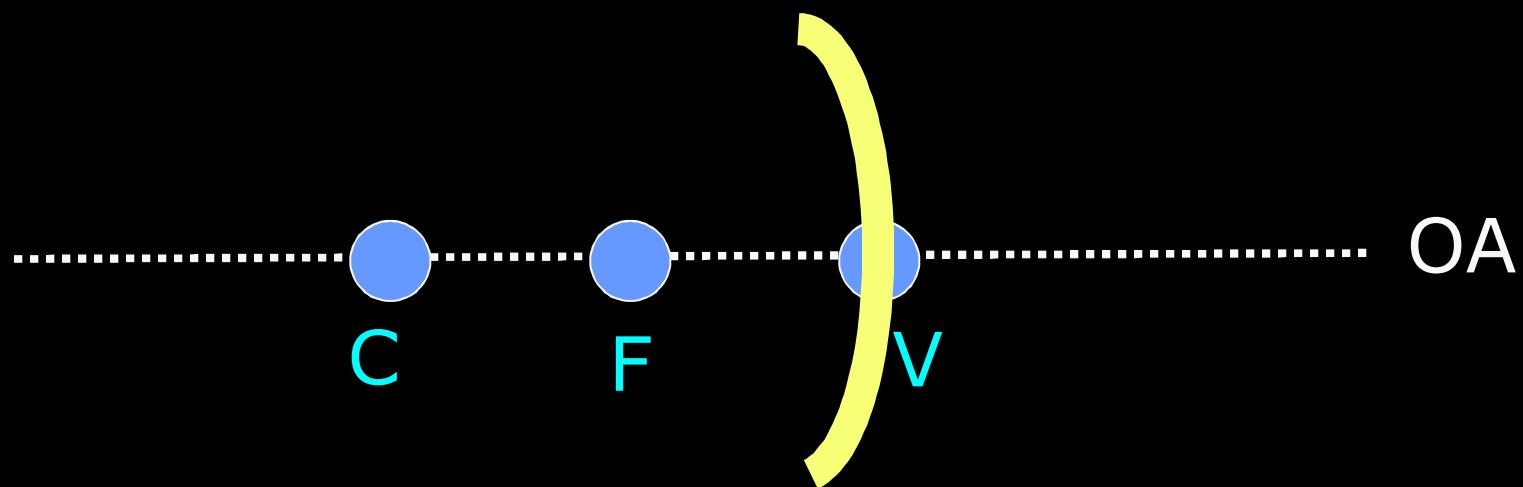
Pri čemu znak + uzimamo za sabirno sočivo a znak - za rasipno



**Konvergirajuća** sočiva  
(pozitivna sočiva)

**Divergirajuća** sočiva  
(negativna sočiva)

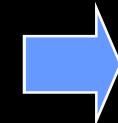
## Ključne tačke za formiranje lika nekog objekta



$C$  = Radijus krivine ,  
 $F$  = Žiža (Fokus) ,  $V$  = Vrh (Teme)  
OA = Optička osa

...žična daljina za različita ogledala

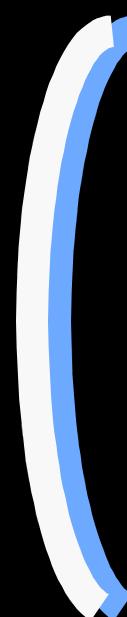
$f = \infty$



$f > 0$

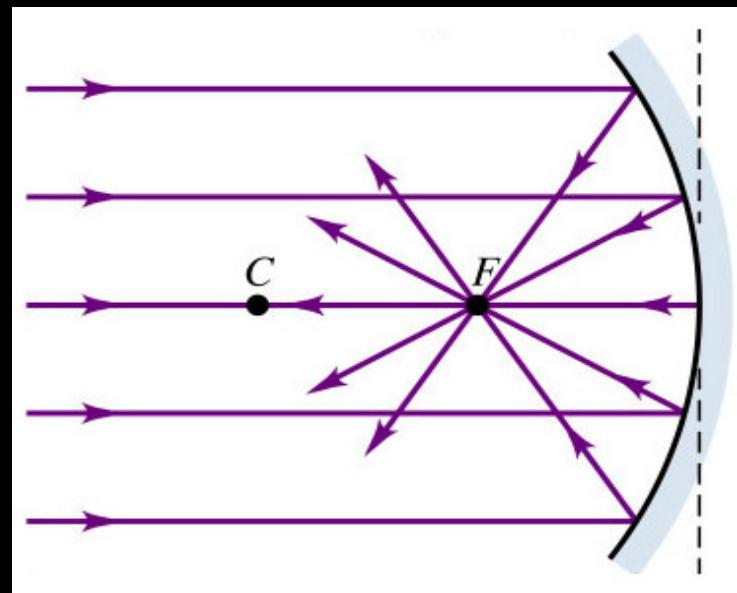


$f < 0$

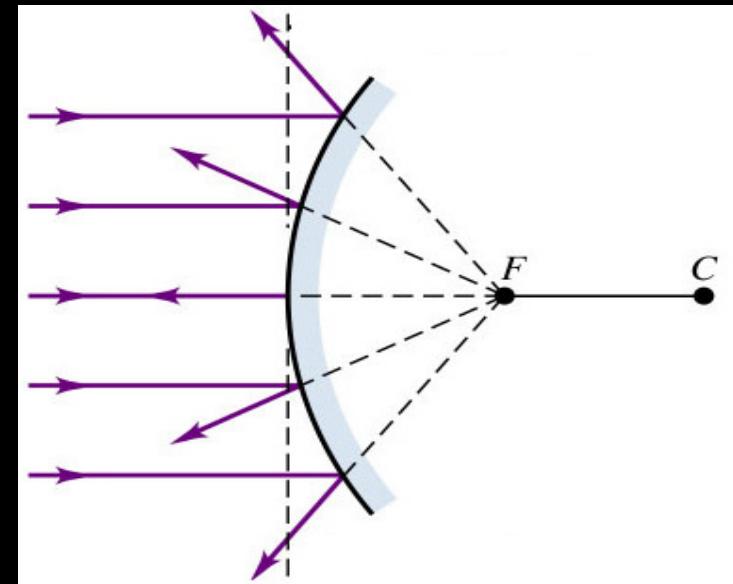


ravno      konkavno      konveksno

# Sferna ogledala se klasificuju kao...

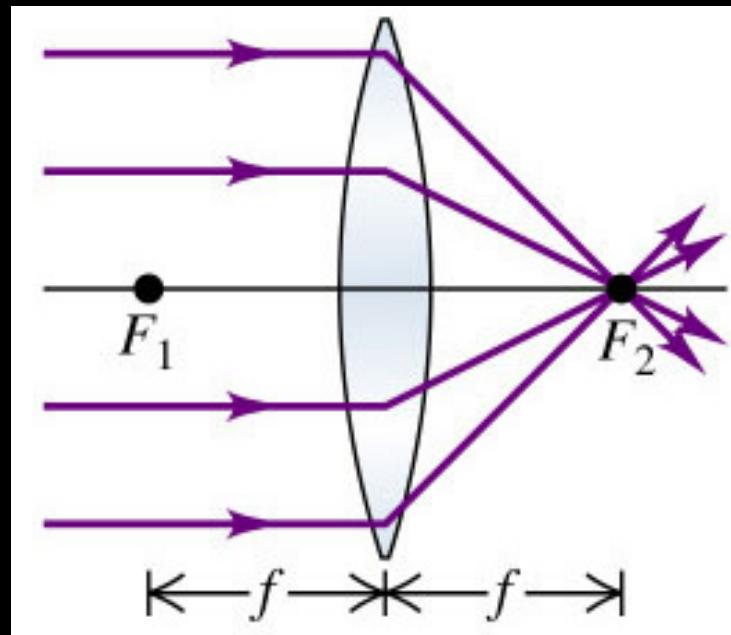


**konkavna**  
(konvergirajuća)



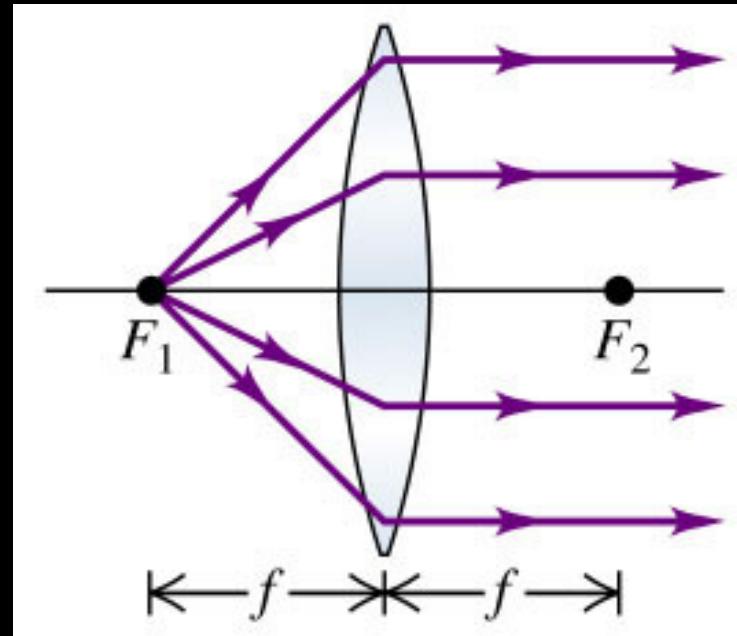
**konveksna**  
(divergirajuća)

Lik koji se formira konvergirajućim sočivom ...



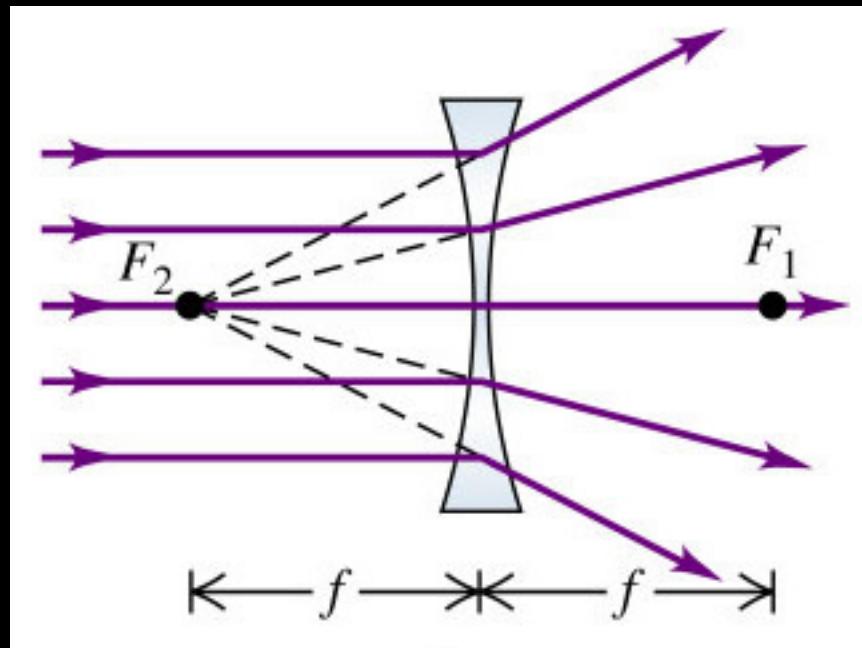
*...za predmet u beskonačnosti  
je u žiji*

Lik koji se formira konvergirajućim sočivom ...



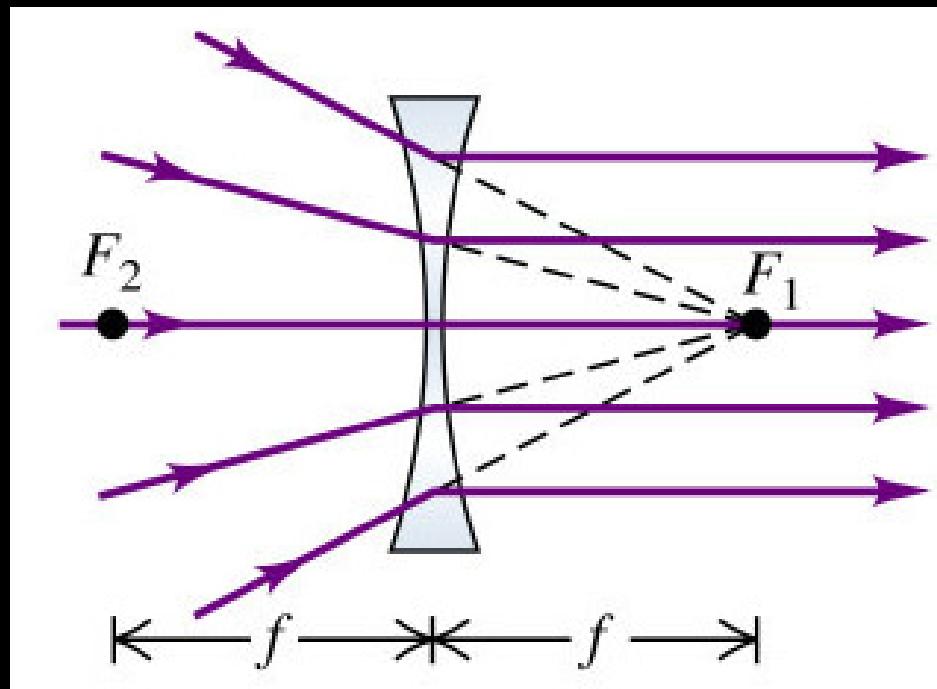
*...za tačku predmeta u žiji je u beskonačnosti*

Lik koji se formira za divergirajuće sočivo ...



*...za predmet u beskonačnosti je  
na prednjoj žiži*

Lik koji se formira za divergirajuće sočivo ...



...za tačku **predmeta u zadnjoj žiži ije u beskonačnosti**

# Glavni zraci

- Koristiti **najmanje dva od njih za dobijanje lika**
  - “centralni” zrak: nema devijacije kroz centar
  - “temeni” zrak: na temenu su jednaki upadni i odbijeni uglovi u odnosu na optičku osu
  - “paralelni” zrak: ide paralelno optičkoj osi a onda ka/od žižne tačke
  - “žižni” zrak: iz žiže a onda paralelno optičkoj osi

# Ključna ideja :

Presek od najmanje dva reflektovana/refraktovana glavna zraka određuju lokaciju lika .

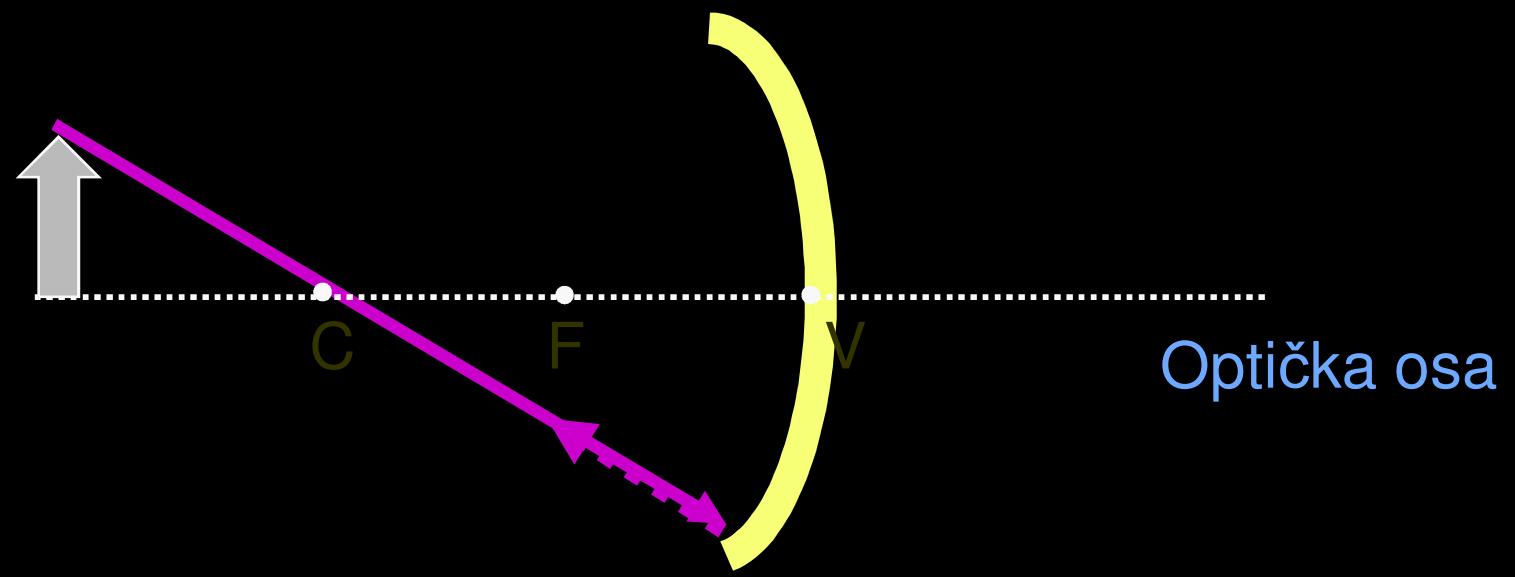
46

# Zraci-za ogledala

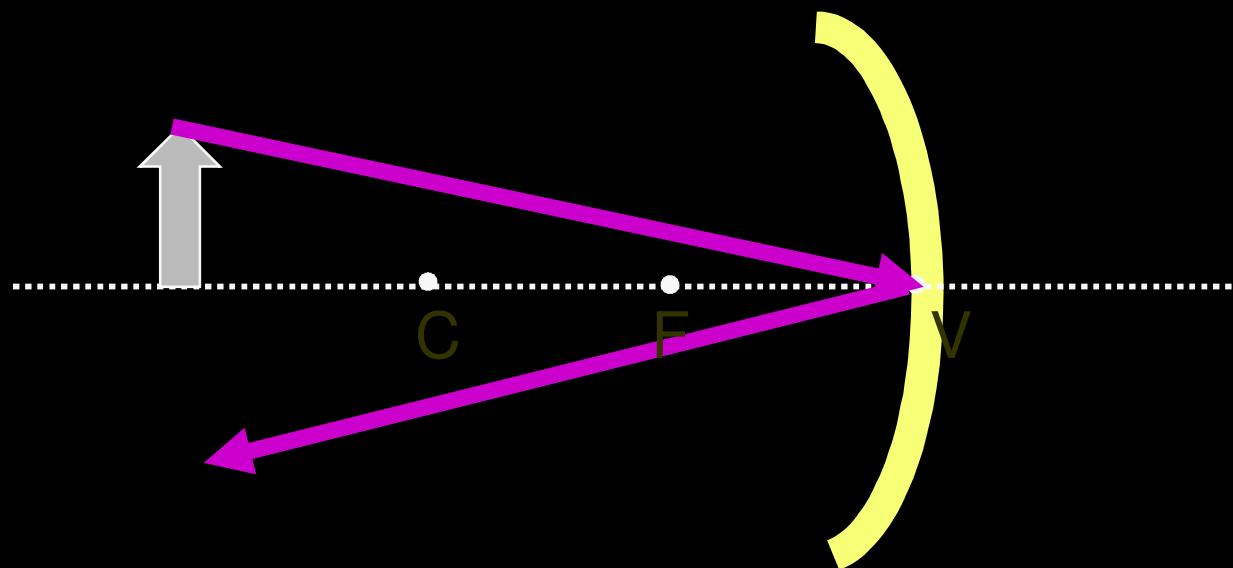
# *Primeri sfernih ogledala*



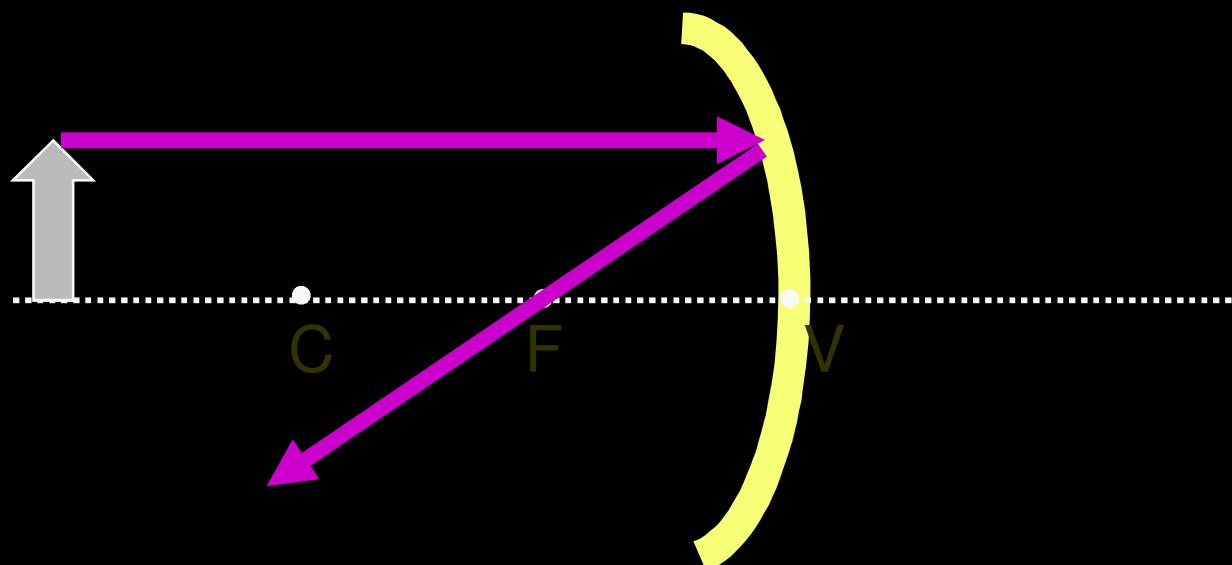
**Radijalni zrak:** Svaki upadni zrak koji prolazi kroz centar krivine odbija se istim putem.



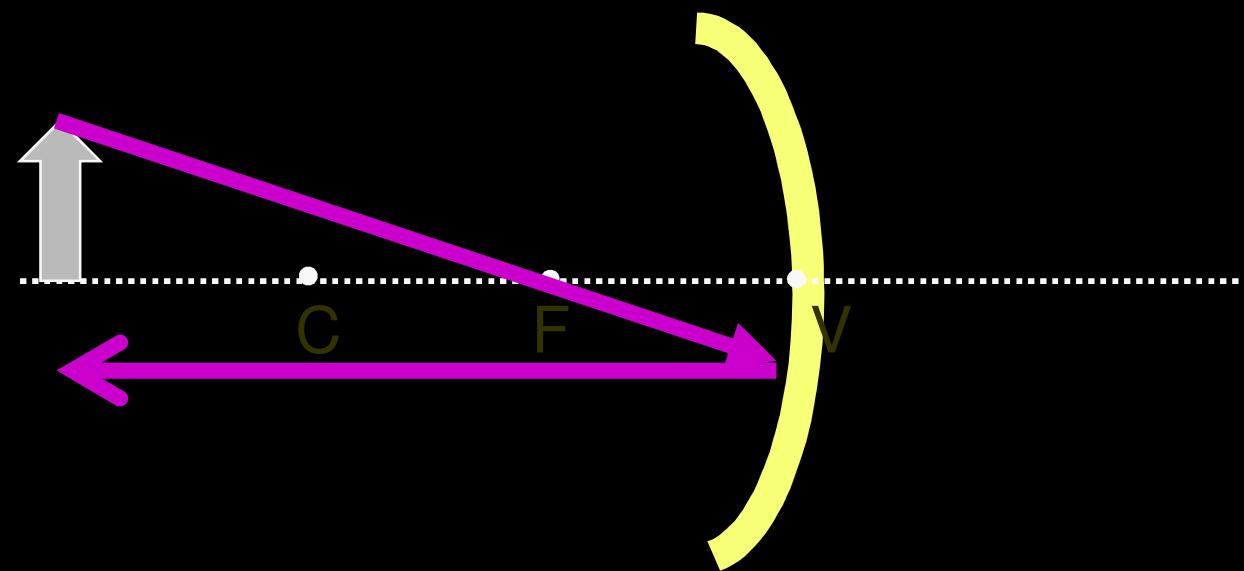
**Temeni zrak:** Bilo koji zrak koji upada na centar ogledala se reflektuje simetrično u odnosu na optičku osu.



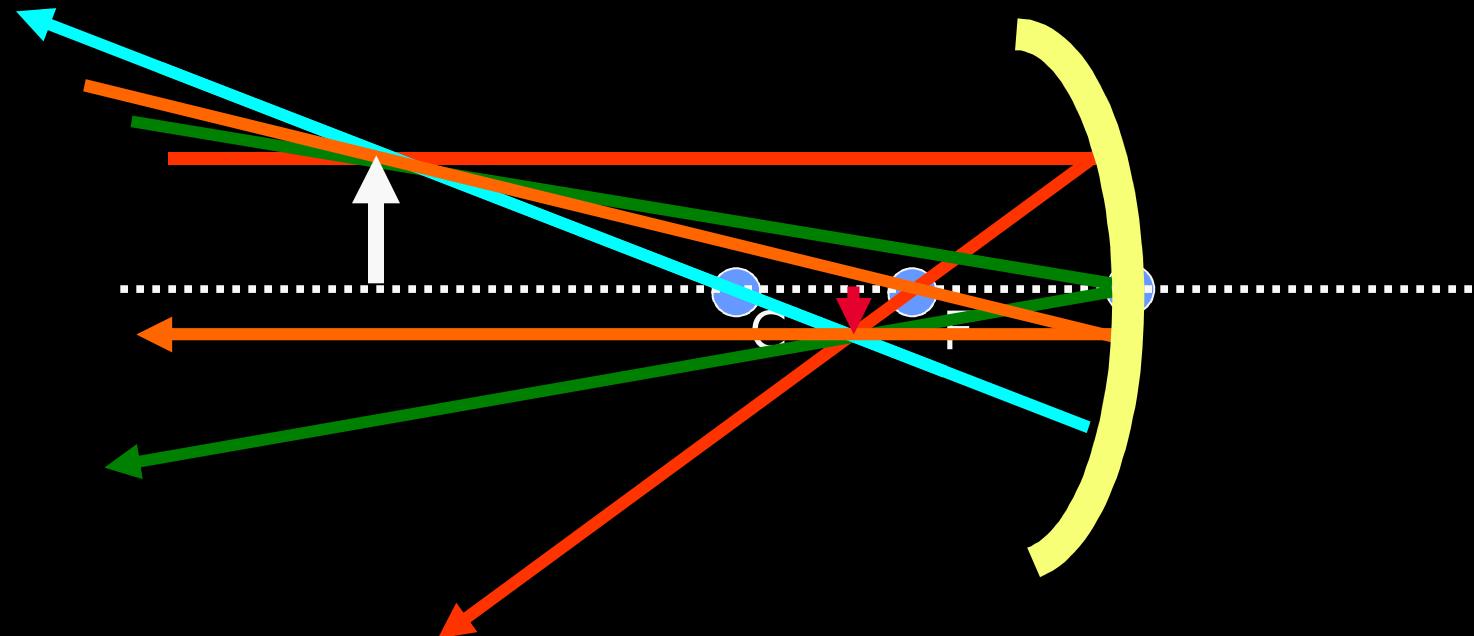
**Paralelni zrak:** Bilo koji zrak koji upada paralelno ogledalskoj optičkoj osflektuje kroz žižnu tačku .



**Žižni zrak:** Bilo koji upadni zrak koji prolazi kroz žižu ogledala se reflektuje paralelno optičkoj osi.

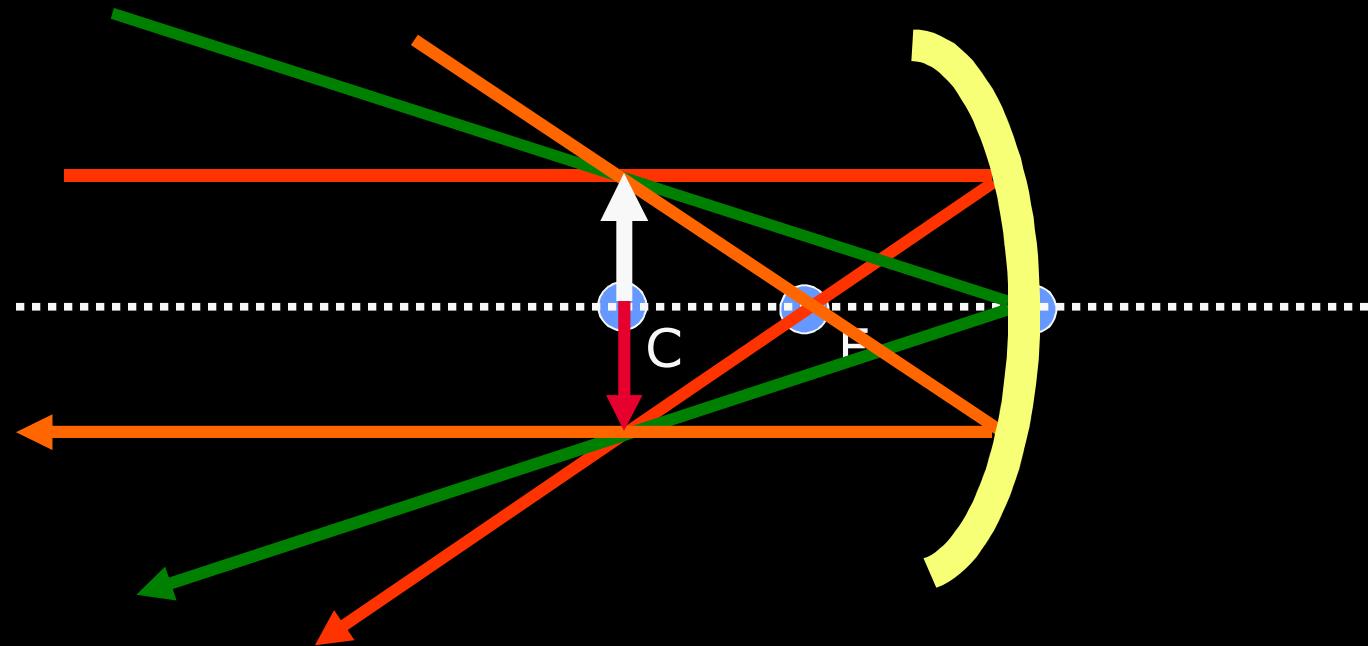


- Locirati i opisati lik predmeta koji se formira na sfernom ogledalu .

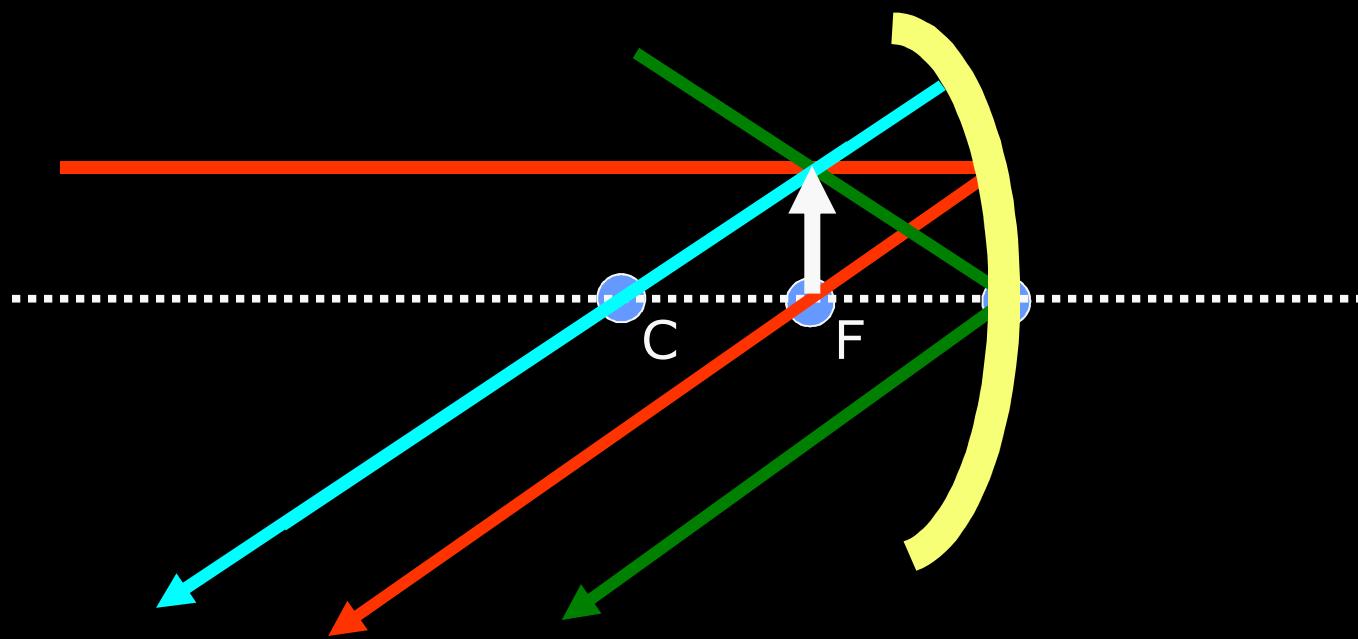


Izvrnut, smanjen, realan

- Locirati i opisati lik predmeta koji se formira sfernim ogledalom.

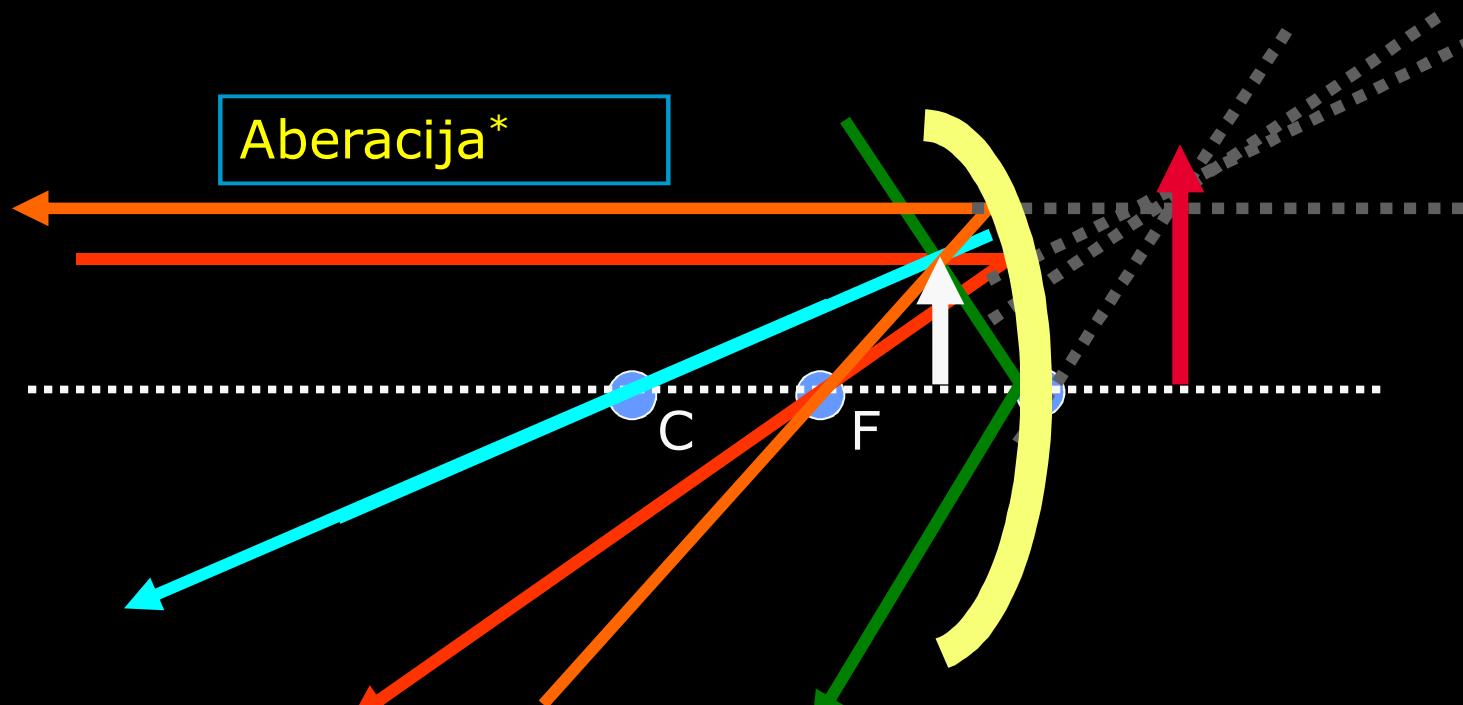


- Locirati i odmeta koji se formira sfernim ogledalom .

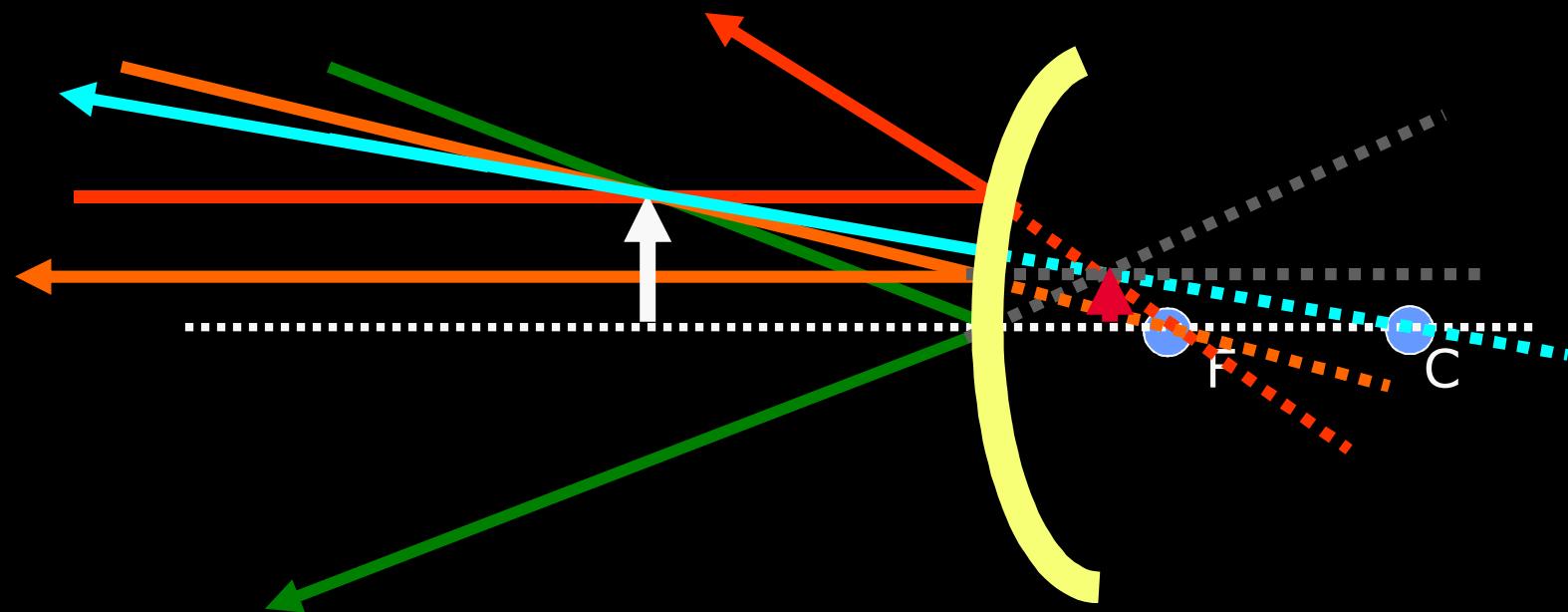


Nema lika; (lik je u beskonačnosti)

- Locirati i opisati lik predmeta koji se formira sfernim ogledalom.

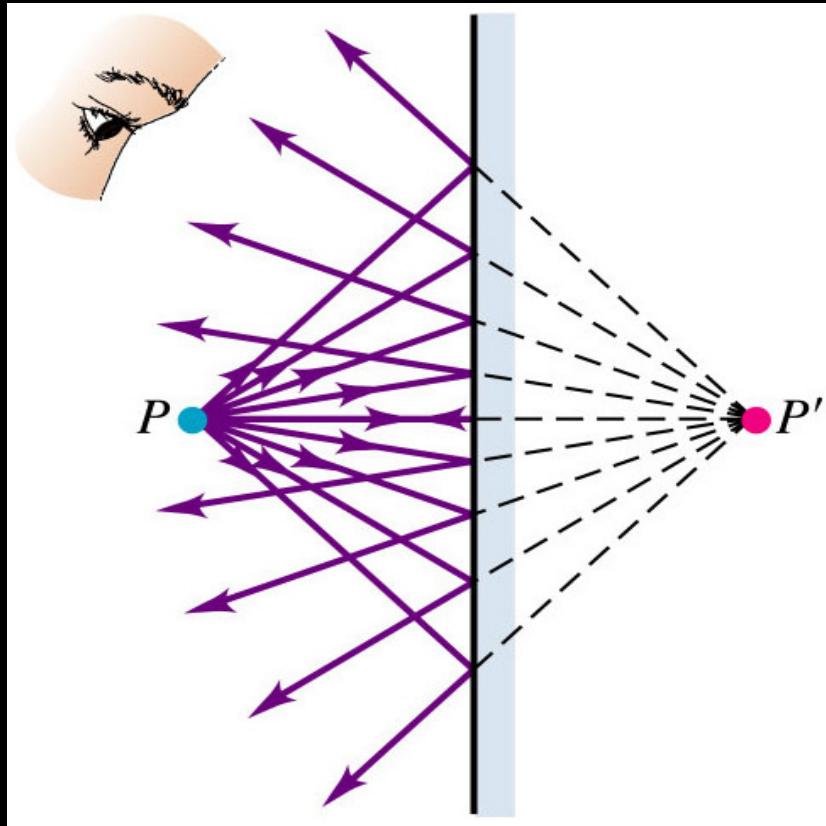


- Locirati i opisati lik predmeta koji se formira sfernim ogledalom .



Uspravan, umanjen, nestvaran

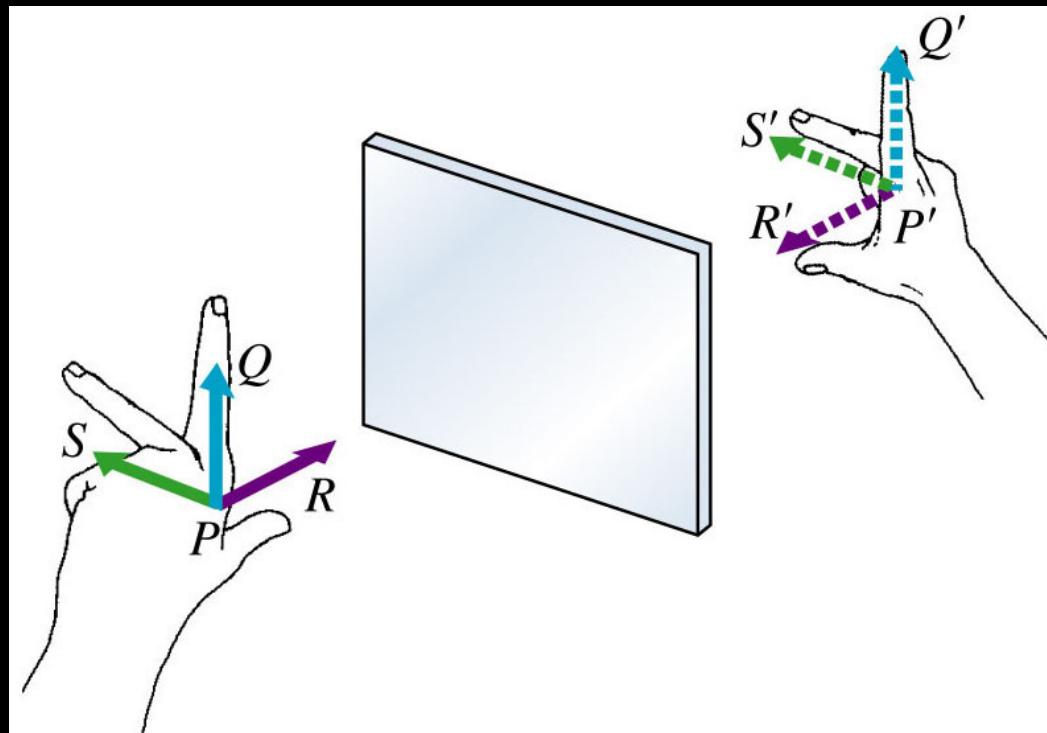
# Ravno Ogledalo



Rastojanje do  
predmeta

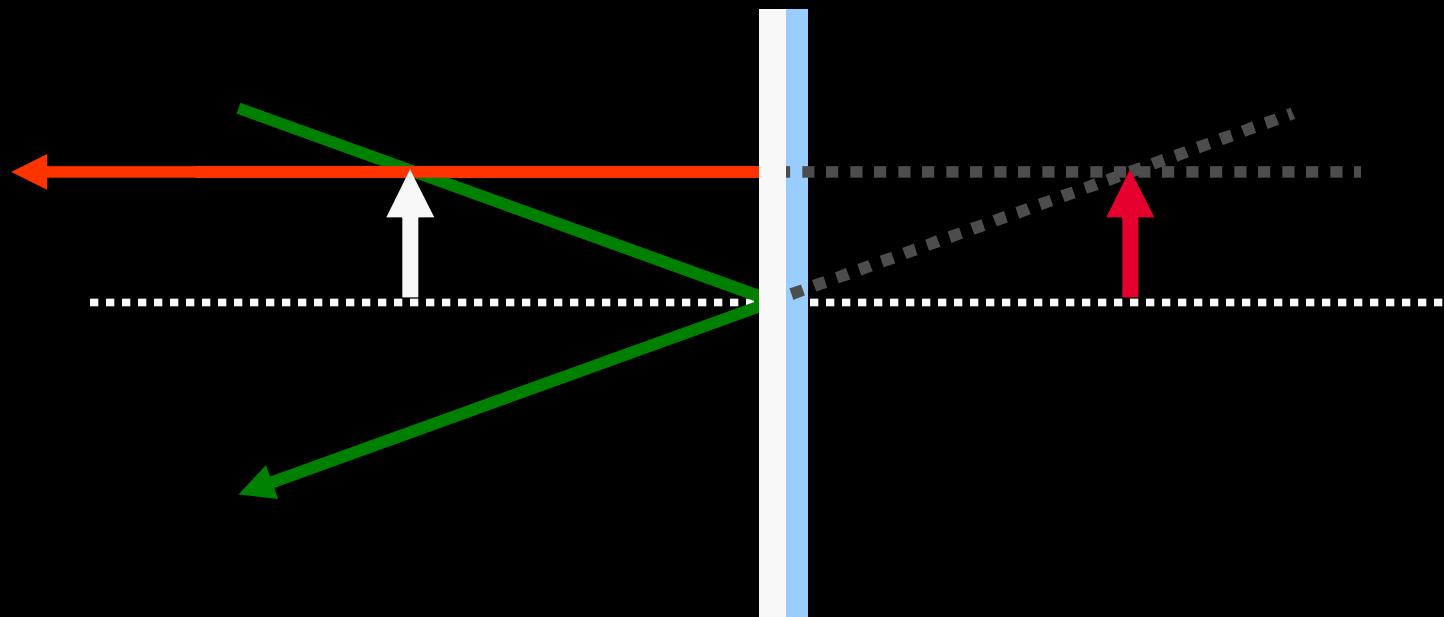
Rastojanje do lika

# Trodimenzioni predmet



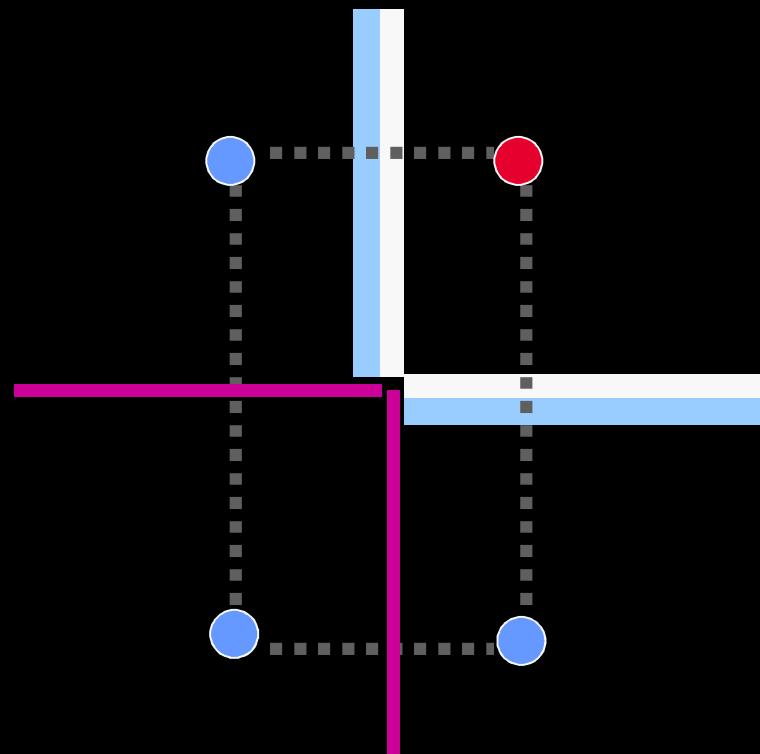
- **Ogledalska obrnuta simetrija  
levi sistem/desni sistem**

- Lociraj i opiši lik predmeta koji se formirao ravnim ogledalom.



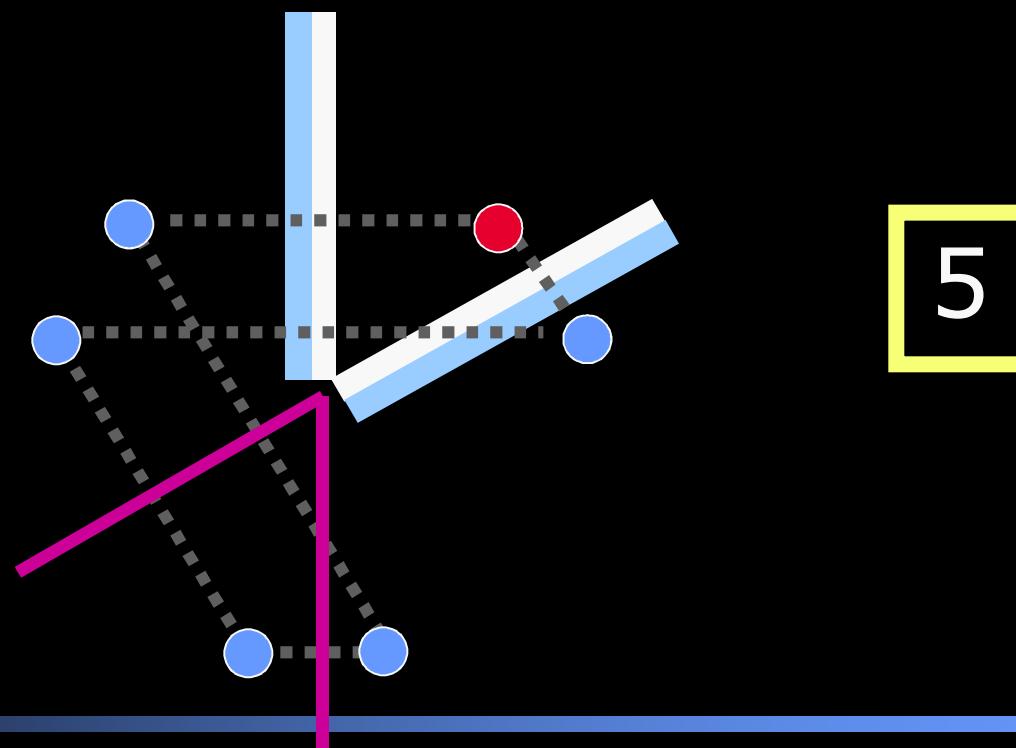
Uspravan, iste veličine, nestvaran

- Nađi broj likova koji se formira sa dva ogledala koji su perpendikularni jedan u odnosu na drugi.

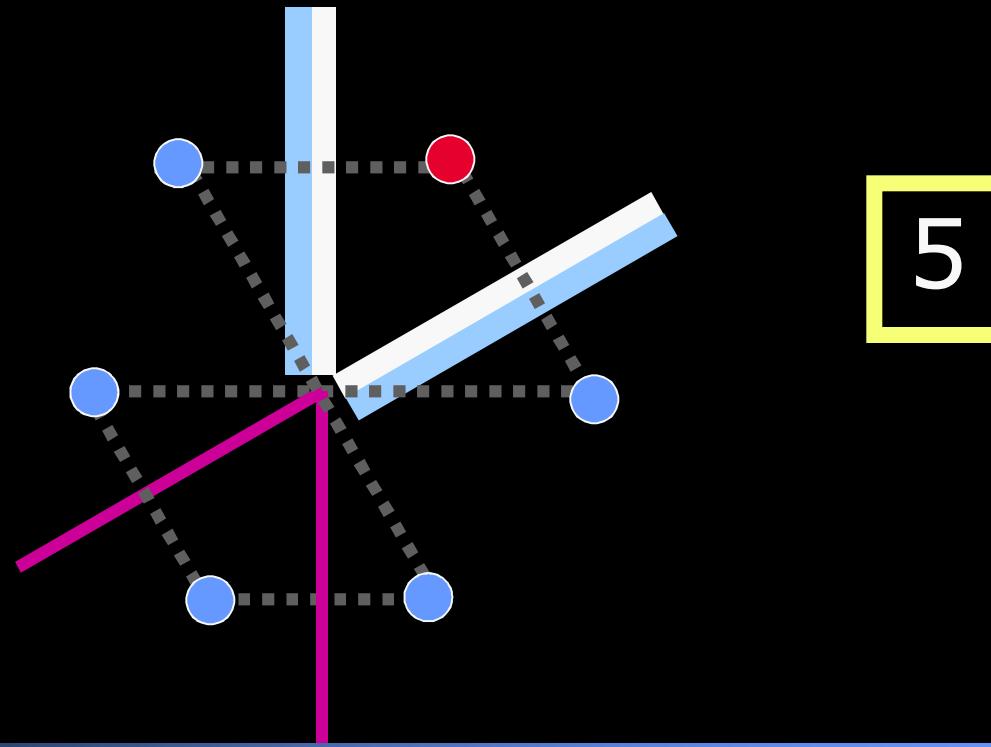


3

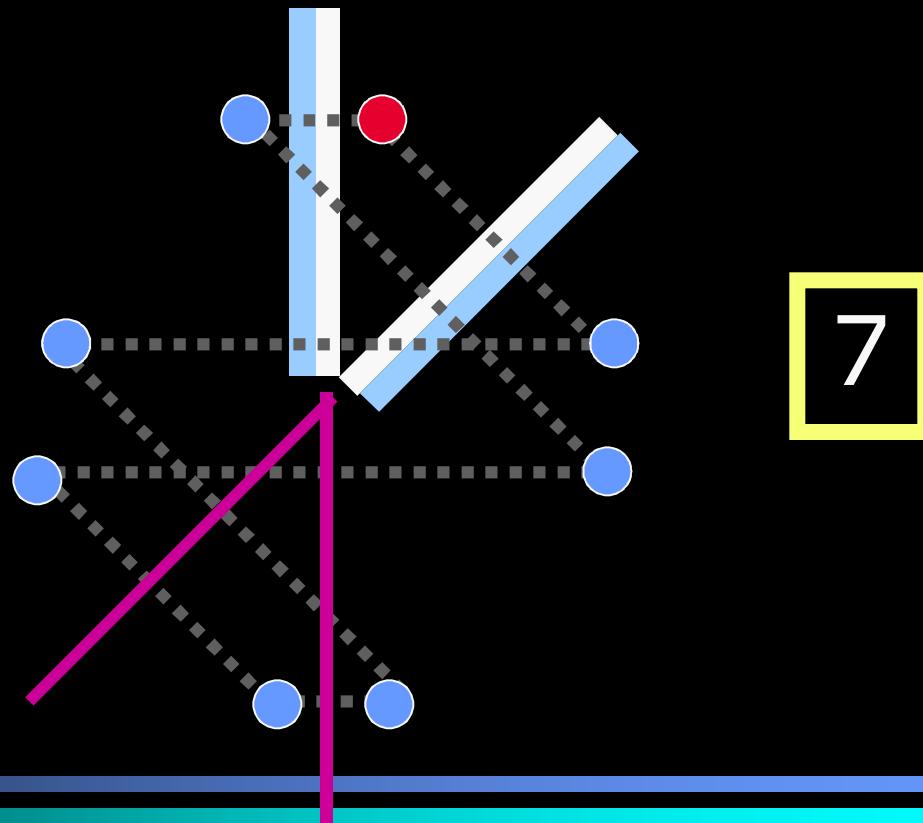
- Nađi broj likova koje formiraju sa dva igledala koji jedan u odnosu na drugi zaklapaju ugao od **60°**.



- Nadi broj likova koje formiraju dva ogledala koji zaklapaju međusobni ugao od **60°**.



- Nadi broj likova koje formiraju dva ogledala koji međusobno grade ugao od **45<sup>o</sup>**.



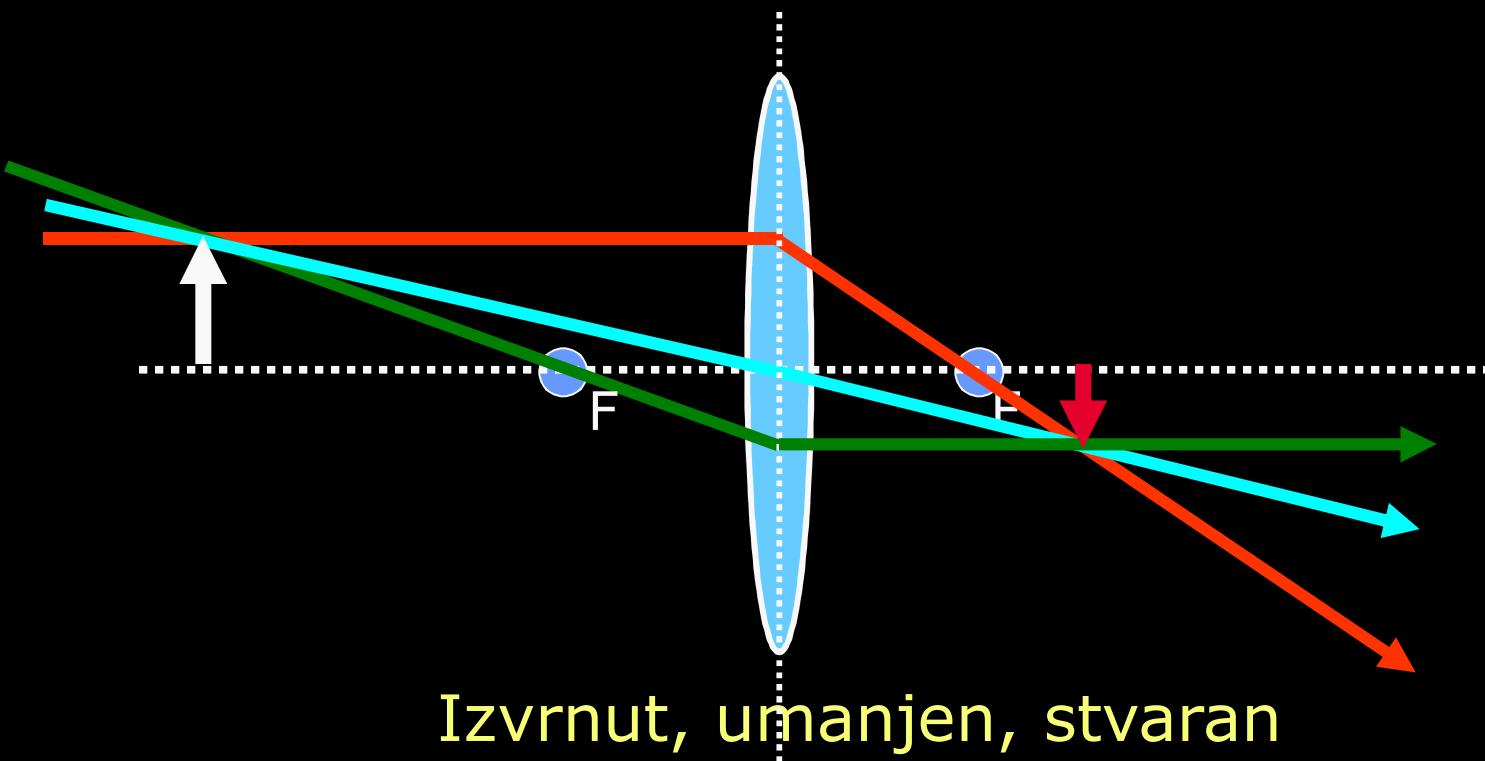
Broj likova koje formiraju dva ravna ogledala

$$N = \frac{360}{\alpha^\circ} - 1$$

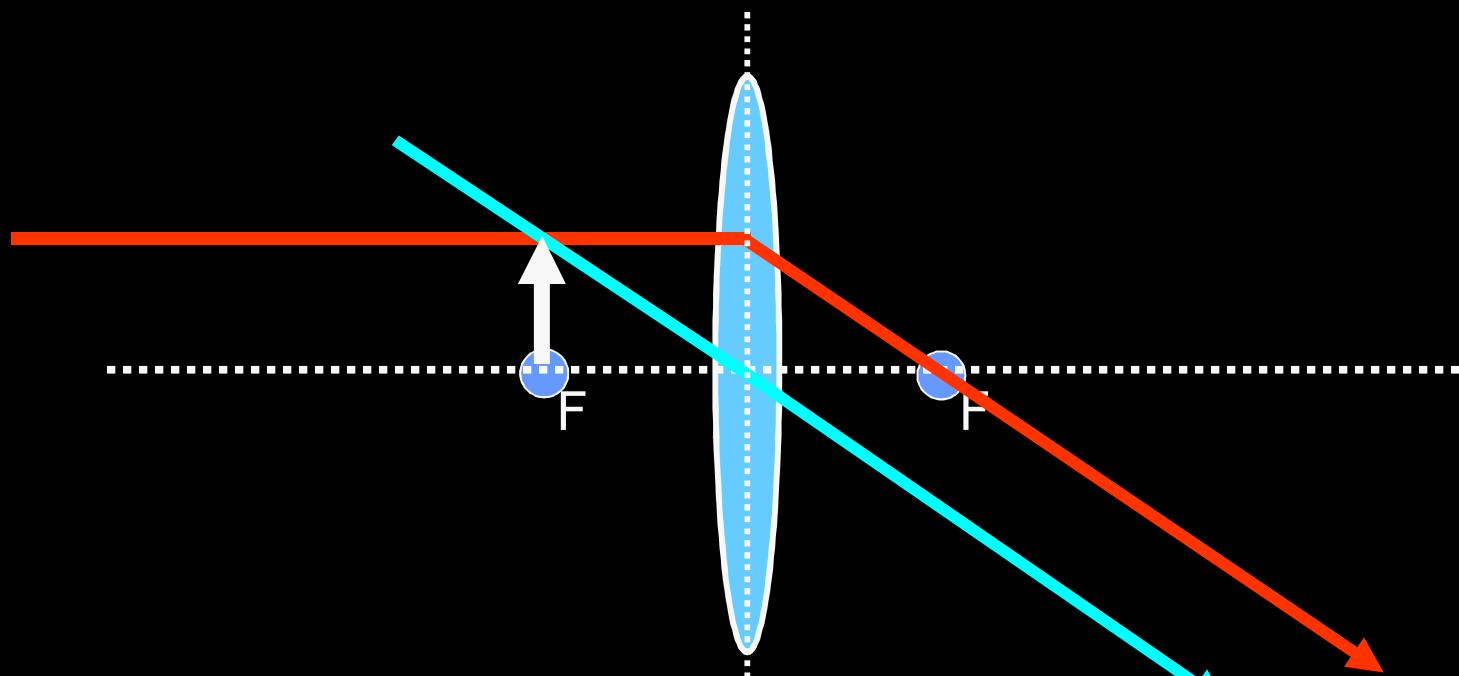
Ovo se može koristiti samo onda  
kada je odnos u gornjoj  
jednačini ceo broj !!!

# Zraci-tanka sočiva

- Naći lik predmeta koji se formirao tankim sočivom.

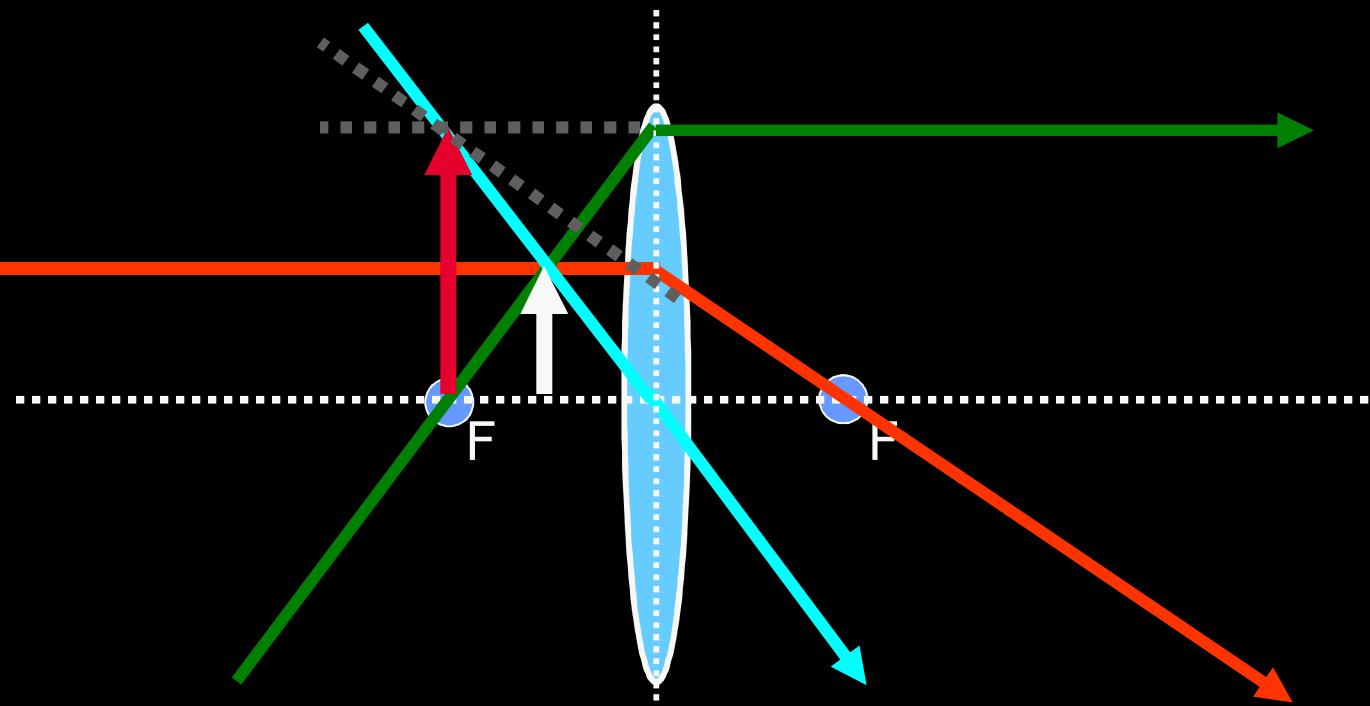


- Naći lik predmeta koji se formirao tankim sočivom i opisati ga.



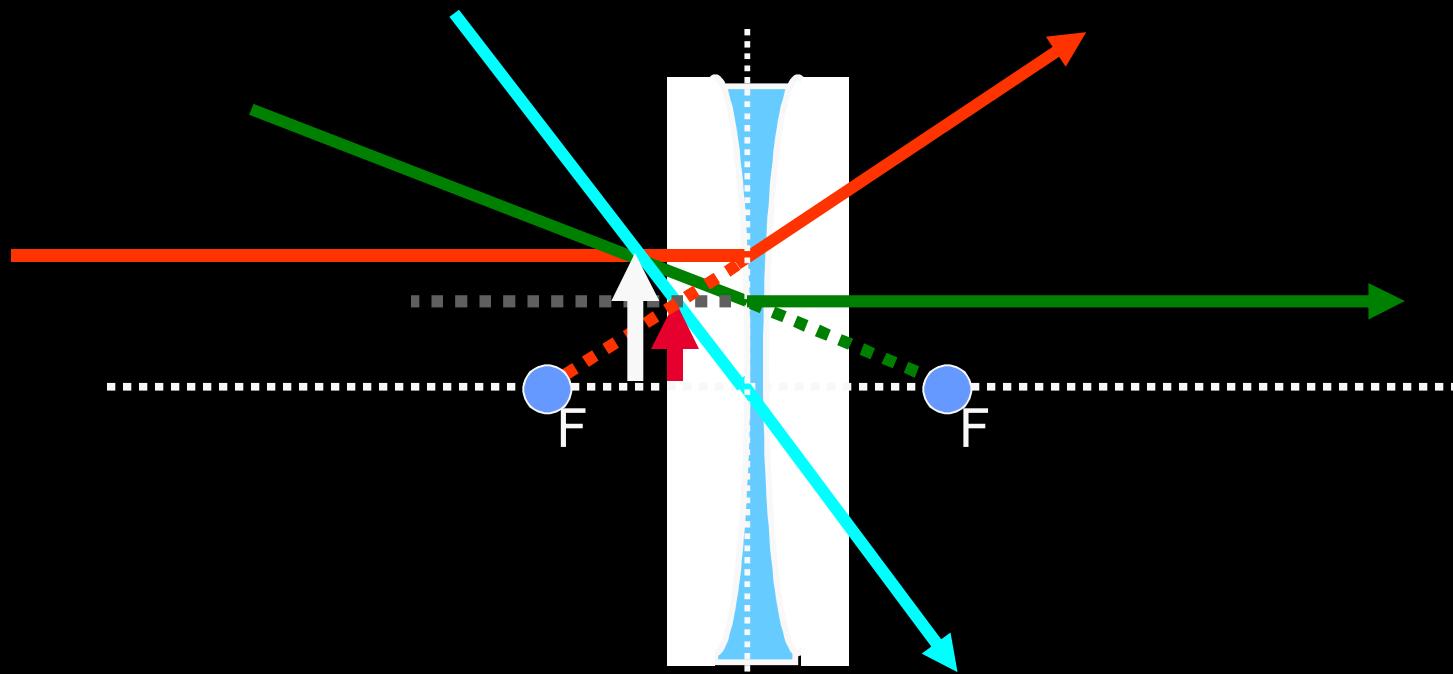
Nema lika; (lik je u beskonačnosti)

- Naći lik predmeta koji se formirao tankim sočivom i opiši ga.



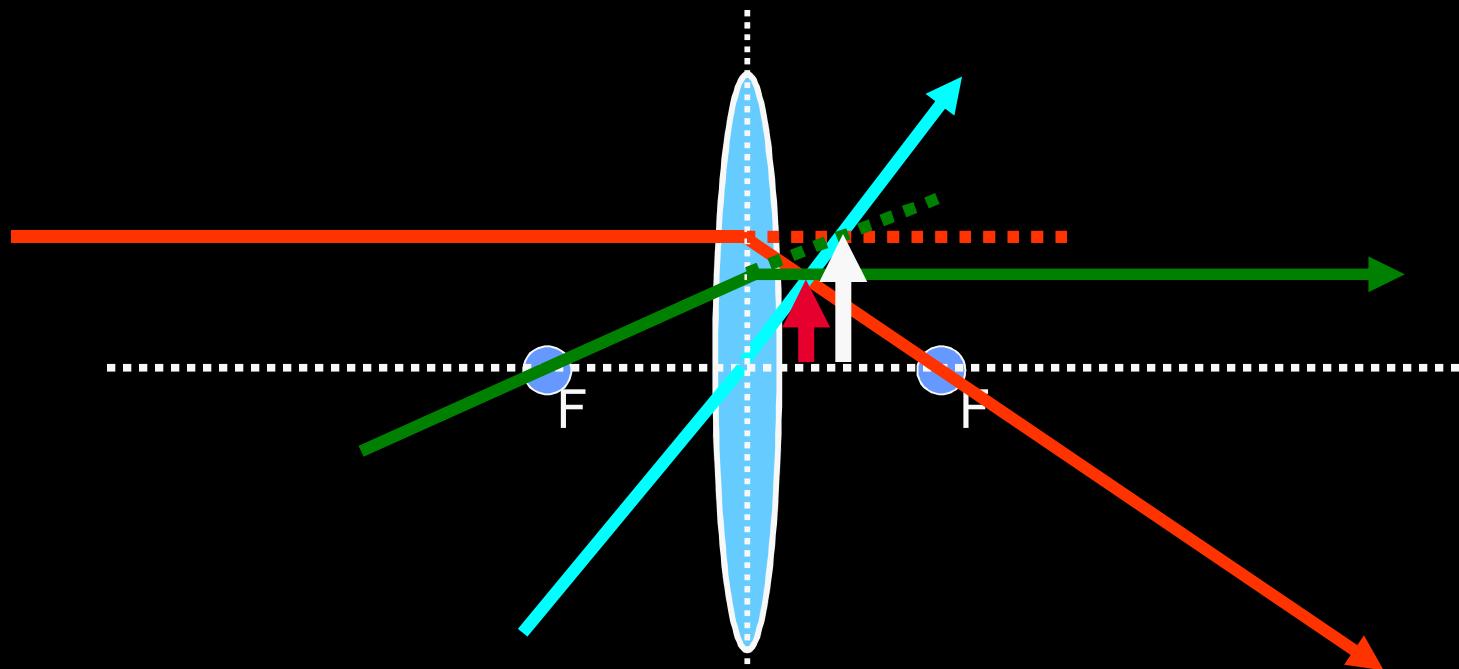
Uspravan, uvećan, nestvaran

- Naći lik predmeta koji se formirao tankim sočivom i opiši ga.

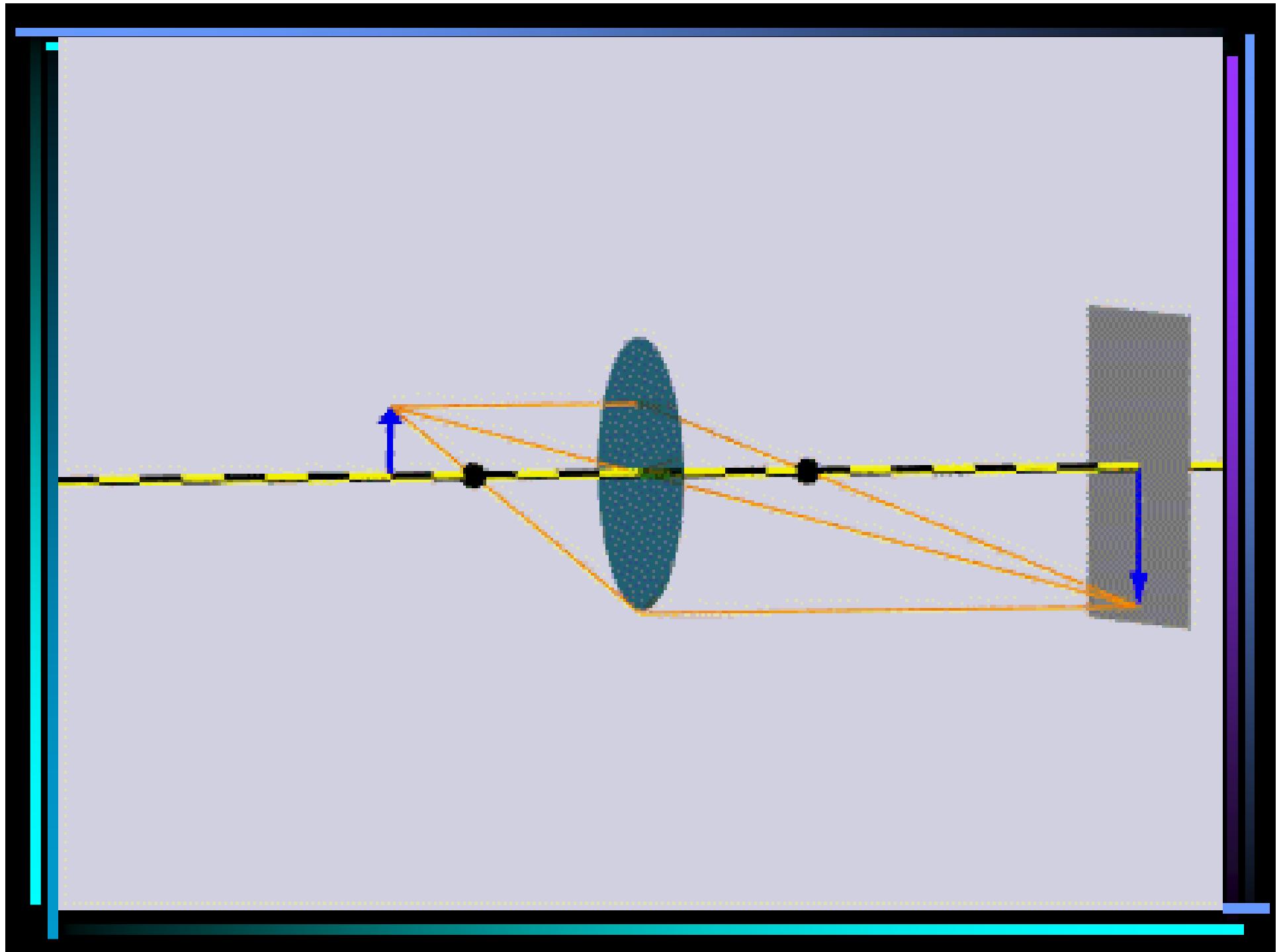


Uspravan, redukovani, Virtuelan

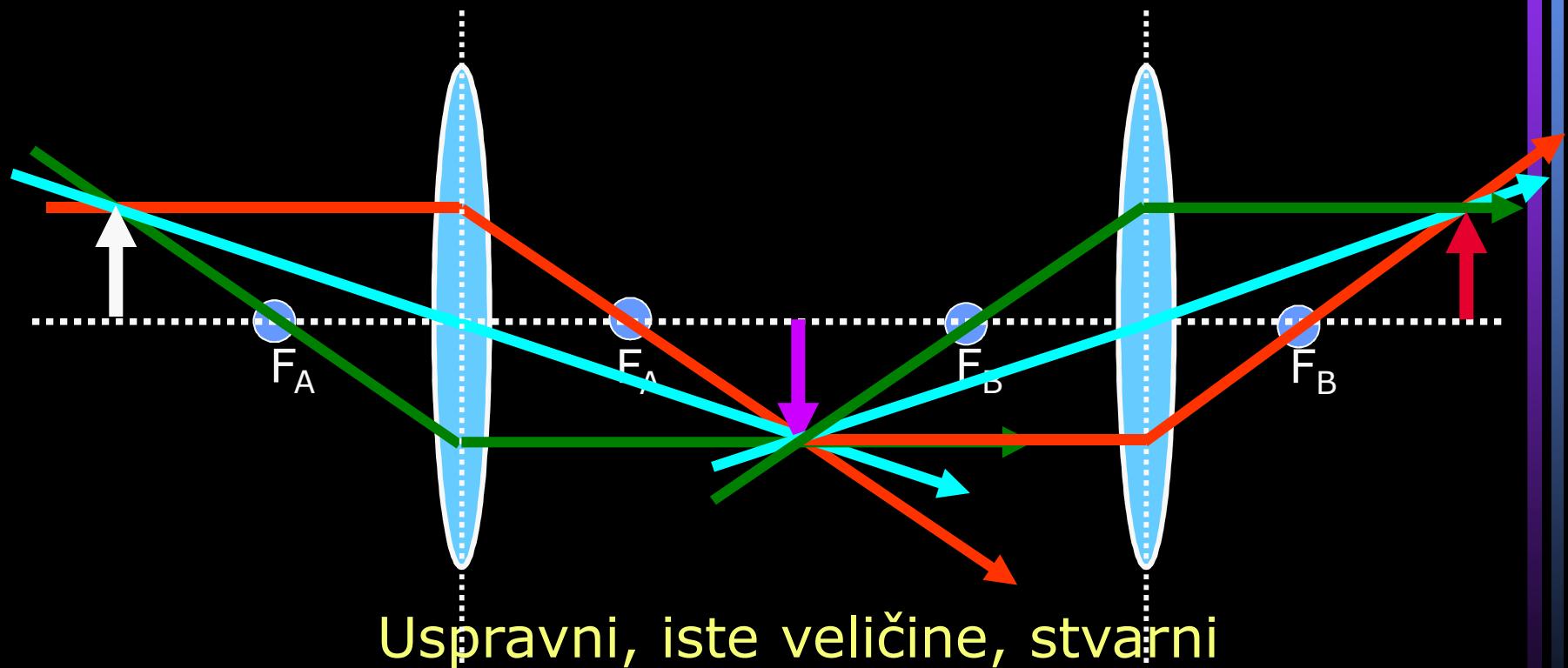
- Naći lik “virtualnog” predmeta koji se formirao tankim sočivom i opiši ga.

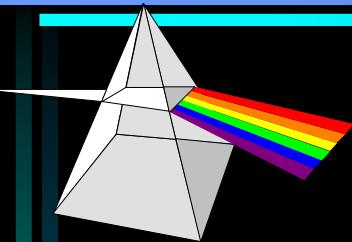


Uspravan, umanjen, realan



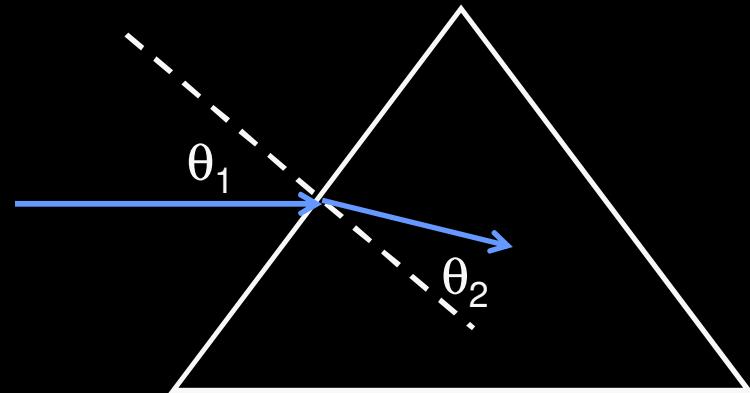
- Naći finalni lik predmeta koga formiraju dva tanka sočiva i opisati ga. Markeri su postavljeni na 1 cm.



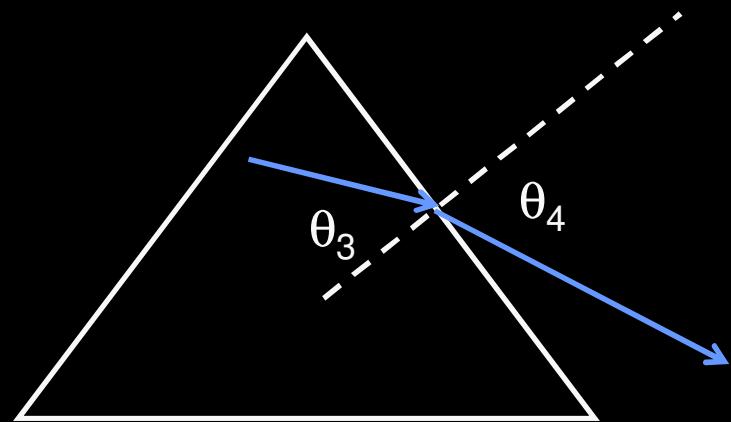


## Prisma

### Upadni



### Izlazni



Za granicu vazduh/staklo mi koristimo  $n(\text{vazduha})=1$ ,  
 $n(\text{stakla})=n$

$$\sin \theta_1 = n \sin \theta_2$$

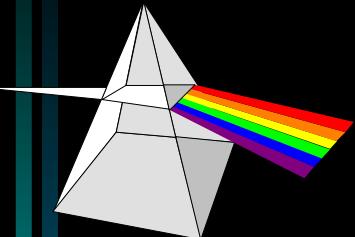
$$\theta_1 > \theta_2$$

Svetlost se prelama nadole

$$n \sin \theta_3 = \sin \theta_4$$

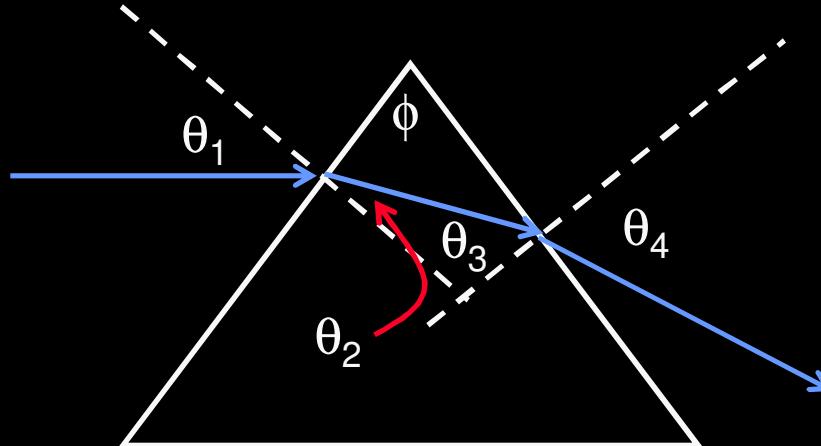
$$\theta_3 < \theta_4$$

Svetlost se prelama nadole



# Prisma

## Ukupno skretanje



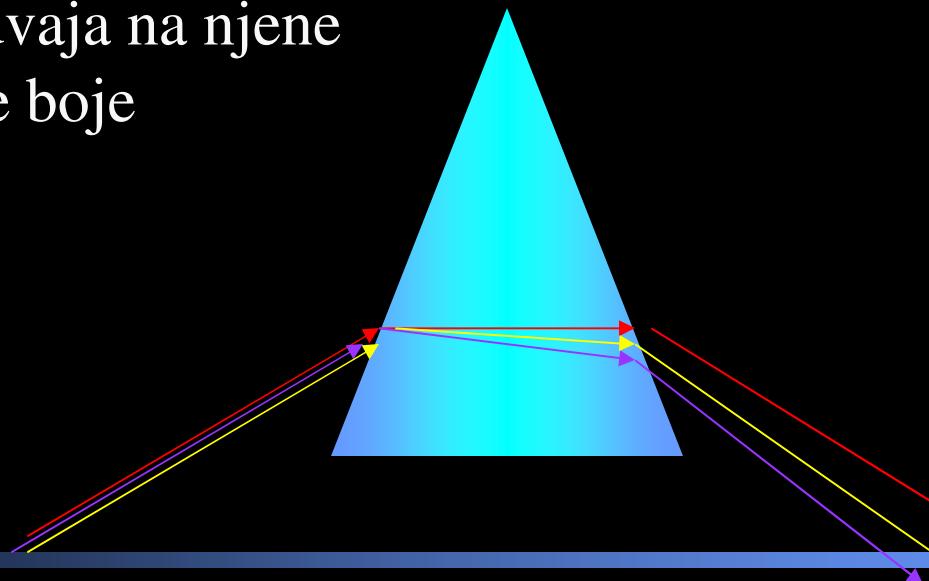
- Ukupno skretanje nadole zavisi od indeksa prelamanja n (i od ugla prizme,  $\phi$ ).
- Različite boje će različito skretati !

# Disperzija

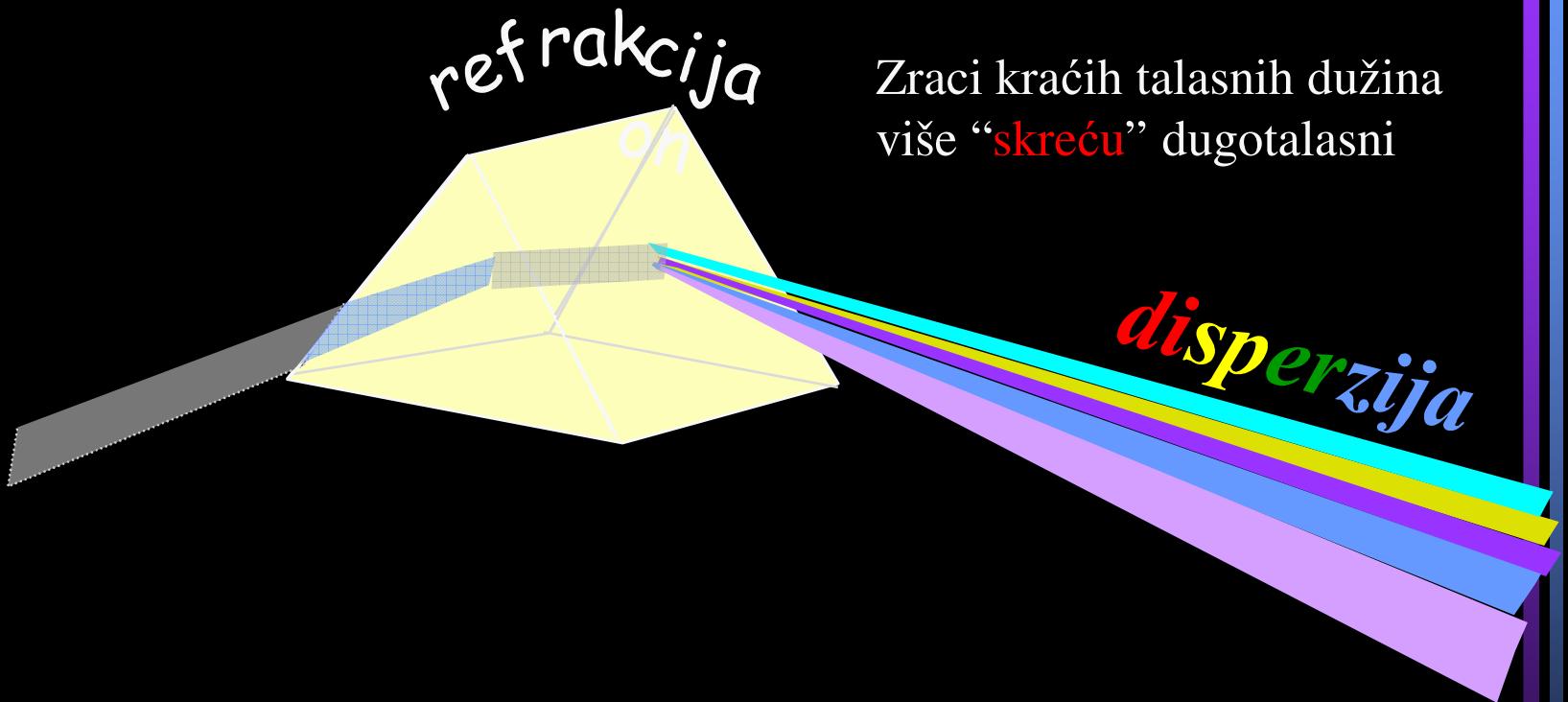
- Skretanje nadole može zavisiti od talasne dužine svetlosti
- Za većinu materijala kraće talasne dužine (plava) više skreću nego dugotalasne komponente (crvena)
- Bela svetlost (miks svih boja) se razdvaja na njene komponentne boje

$$v = \frac{c}{n}$$

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$$



# Refrakcija & Dispersija

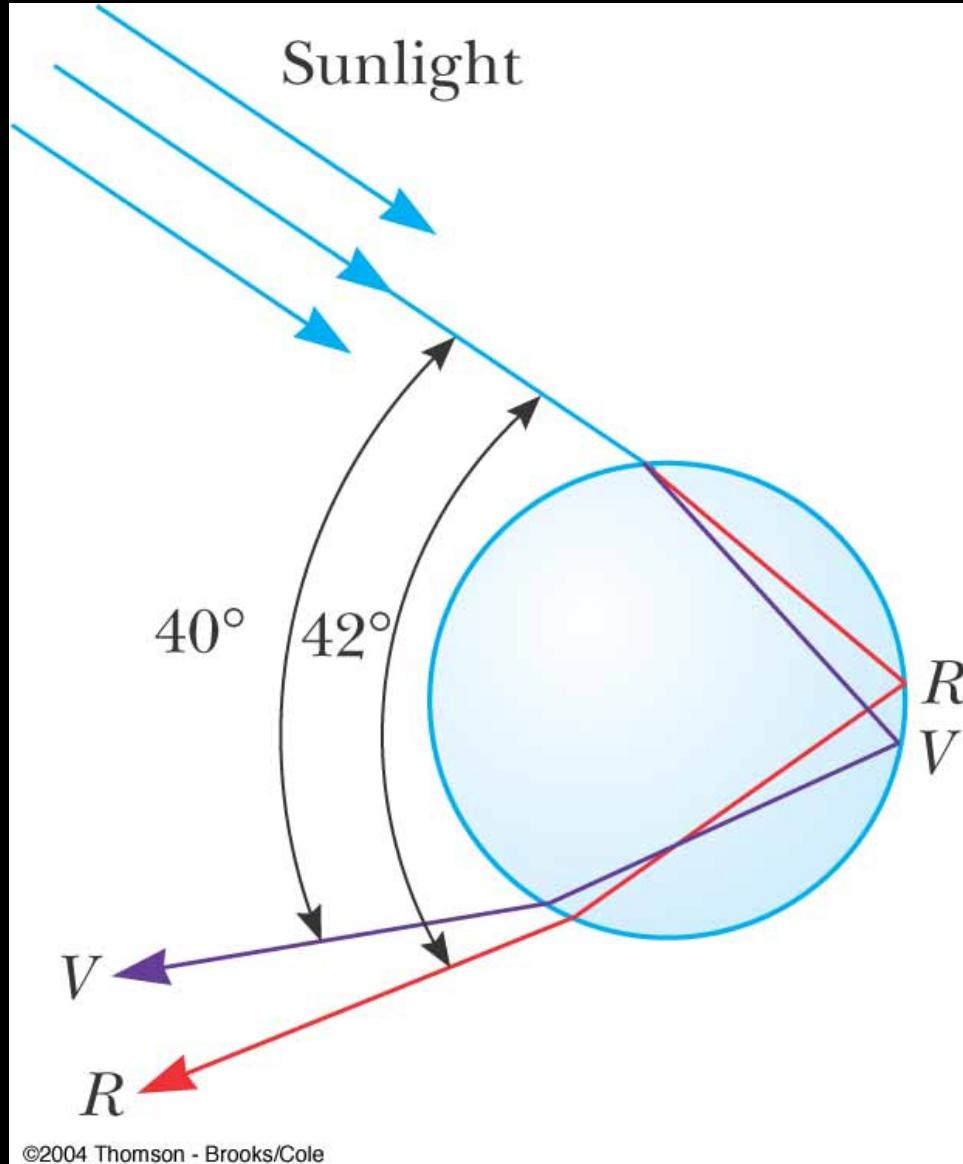


Zraci kraćih talasnih dužina  
više “skreću” dugotalasni

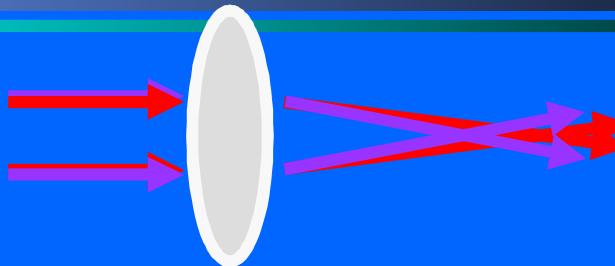
**Slično ovome!**

**Koja je razlika  
između ove dve  
duge?**





# Aberacije



Aberacije su distorzije koje se javljaju u likovima, zbog nesavršenosti sočiva. Neke se mogu otkloniti neke ne.

To su:

Hromatske aberacije

Sferne aberacije

Astigmatizam

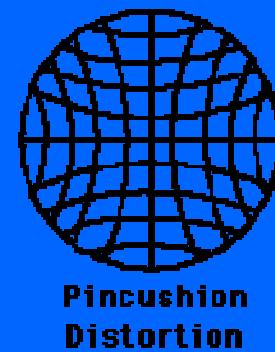
Koma

Krivljena pravih linija

generalna distorzija



Undistorted Image



Pincushion Distortion



Barrel Distortion

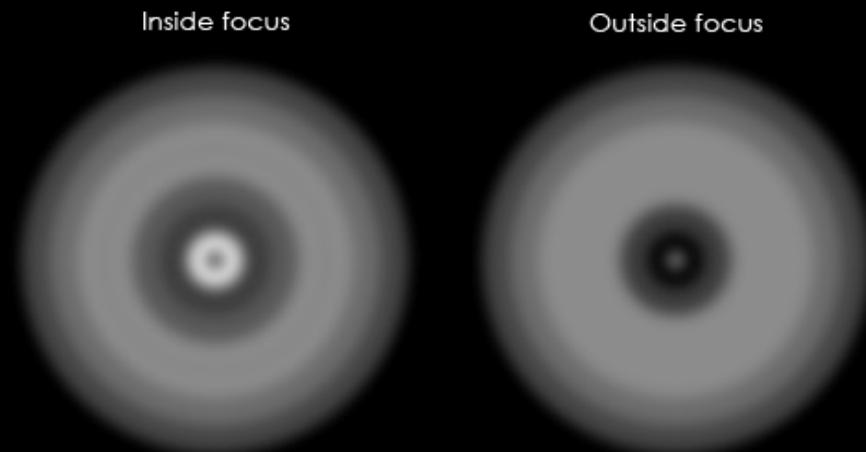
# Aberacije

- **Uzroci**

- Predmet obično nije ravan ali ga mi želimo slikati na ravnom fotografском filmu.
- Tačkasti predmet produkuje samo aproksimativno tačkasti lik.
- Refrakcijuće osobine materijala sočiva variraju sa talasnom dužinom

# Sferna Aberacija

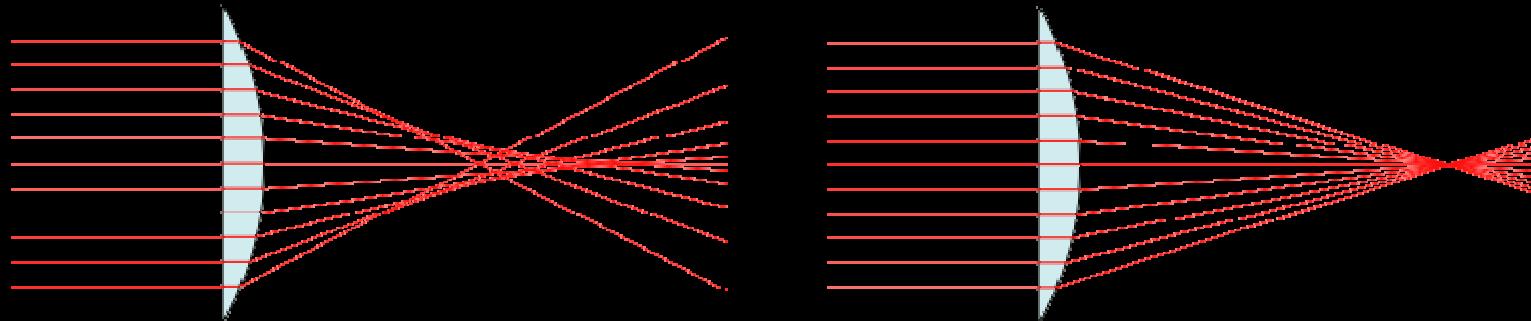
- Pojavljuje se jer sferno ogledalo samo aproksimira idealno fokusirajući oblik paraboloida



# Sferna aberacija

## Rešenje

- 1) obezbediti da su upadni zraci što bliži i da su praktično paralelni optičkoj osi sočiva
- 2) koristiti samo centralni deo sočiva



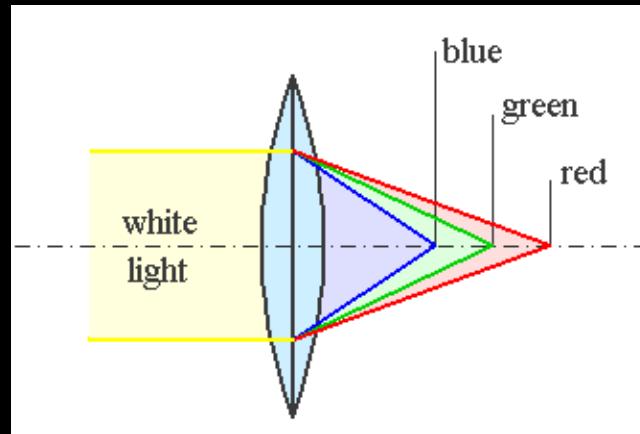
# Hromatska aberacija

- se pojavljuje jer indeks prelamanja varira sa talasnom dužinom (disperzija)

# Hromatska aberacija

## Rešenje:

Koriste se kompozitna sočiva napravljena od različitog materijala, čiji različiti indeksi prelamanja omogućavaju da se nekoliko boja fokusiraju u istu tačku



# Korekcija aberacija na Hubble teleskopu



**Pre - i posle** – servisiranja Hubble-ovog teleskopa slika M100 Spiral Galaxy