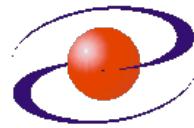




UNIVERZITET CRNE GORE  
ELEKTROTEHNIČKI FAKULTET



<b>STUDIJSKI PROGRAM:</b>	<b>ENERGETIKA I AUTOMATIKA</b>
<b>PREDMET:</b>	<b>SIGNALI I SISTEMI</b>
<b>FOND ČASOVA:</b>	<b>2+1+1</b>

### LABORATORIJSKA VJEŽBA BROJ 3

<b>NAZIV:</b>	<b>DISKRETNA FOURIER-OVA TRANSFORMACIJA</b>
---------------	---

#### CILJEVI VJEŽBE:

- Diskretna Fourier-ova transformacija i inverzna diskretna Fourier-ova transformacija.
- Aliasing. Curenje spektra.

#### POTREBAN PRIBOR:

IME I PREZIME: \_\_\_\_\_.

BROJ INDEKSA: \_\_\_\_\_.

<b>BROJ POENA:</b>	
<b>OVJERAVA:</b>	
<b>DATUM:</b>	

## **1. APARATURA**

Na raspolaganju su sljedeći uređaji i oprema:

- PC

Za izvođenje laboratorijske vježbe potreban je softverski paket MATLAB. U vježbi je predpostavljeno da su studenti sposobni za korišćenje pomenutog softvera. Potrebno je predznanje sa prethodnih vježbi.

## 2. TEORIJSKA OSNOVA LABORATORIJSKE VJEŽBE

### Diskretna Fourier-ova transformacija

Diskretna Fourier-ova transformacija (DFT) signala  $x(n)$  je po definiciji:

$$X(k) = \sum_{n=0}^{N-1} x(n) W_N^{-nk}$$

gde je  $W_N = e^{-j(2\pi/N)}$ . Uvedena je u digitalnu obradu signala iz razloga što je Fourier-ova transformacija diskretnog signala je analogna veličina.

Inverzna DFT se računa na sljedeći način:

$$x(n) = \sum_{k=0}^{N-1} X(k) W_N^{nk}.$$

U MATLAB-u naredbom *fft* se vrši DFT diskretnog signala, dok *ifft* određuje inverznu DFT proslijedenog niza. Raspored frekvencija ovako dobijene DFT je malo neuobičajen, jer prvo imamo  $N/2$  odbiraka koje odgovaraju pozitivnim, pa  $N/2$  odbiraka koje odgovaraju negativnim frekvencijama. Da bi frekvencije vratili u prirodni raspored koristimo naredbu *fftshift*. Inverzna ovoj je naredba *ifftshift*. Ukoliko posmatramo kontinualni signal  $x(t)$ , odbirke njegove Fourier-ove transformacije možemo dobiti kada *fft(x)* pomnožimo sa faktorom  $2\pi/N$ , gde je  $N$  dužina signala. Upotrebu *fft*-a objasnimo na jednom primjeru.

**Primjer 1** Odrediti diskretnu Fourier-ovu transformaciju signala  $x(t)=3\cos(12t)$ , gdje je  $0 \leq t < 2\pi$ . Za korak odabiranja uzeti  $T=\pi/24$ .

```
clear
T=pi/24;
t=0:T:2*pi-T;
x=3*cos(12*t);
N=length(x);
DFT= fft(x)*2*pi/N;
DFTn=fftshift(DFT);
fmax=pi/T;
df=2*fmax/N;
f=-fmax:df:fmax-df;
stem(f,abs(DFTn))
```

Naredba *fft* vraća odbirke čiji je opseg frekvencija od  $-\pi$  do  $\pi$ . Da bi smo formirali frekvencijsku osu koja odgovara analognoj frekvenciji bilo je potrebno preskalirati ovaj opseg. Ovo preskaliranje omogućava vezu između digitalne i analogne frekvencije  $\omega_a = \omega/T$ . Zbog toga smo u primjeru maksimalnu frekvenciju odredili kao  $\pi/T$ .

Kod rada sa odbircima DFT-a mora se voditi računa o dvije stvari. Prva je to da treba uzeti cijeli broj perioda odabranog signala. Ukoliko nije odabran cijeli broj perioda dolazi do „curenja spektra“ i rezultati koje daje DFT nisu očekivani. Druga stvar je poštovanje teoreme o odabiranju. Ukoliko uslovi koji su propisani teoremom o odabiranju nisu zadovoljeni, dolazi do preklapanja spektara različitih komponenti signala.

### 3. ZADACI LABORATORIJSKE VJEŽBE

**Zadatak 1.** Definisati i grafički prikazati složeni signal  $x(t)$ :

$$x(t) = 1 + \sin(4t) + \sin(8t)/2 + \cos(24t)/4$$

na intervalu  $0 \leq t < 2\pi$  sa korakom odabiranja  $T=\pi/32$ . Naći njegovu DFT i nacrtati amplitudski spektar.

**Zadatak 2.** Naći DFT signala

$$x(t) = \sin(10.25t) + \cos(24t)$$

definisanog na intervalu  $0 \leq t < 2\pi$ . Za periodu odabiranja uzeti  $T=\pi/32$ . Šta zapažate? Da li ste dobili očekivane rezultate? Ako niste, predložiti kako da se otklonite dobijeni efekti.

**Zadatak 3.** Naći DFT signala

$$x(t) = \sin(24t) + \cos(48t)$$

definisanog na intervalu  $0 \leq t < 2\pi$ . Za periodu odabiranja uzeti  $T=\pi/32$ . Šta se dešava sa DFT-om i zbog čega? Predložiti način za prevazilaženje problema.

**Zadatak 4.** Pomoću DFT-a odrediti konvoluciju signala  $x(t)$  i  $y(t)$  zadatih preko sledećih vektora

$$x = [1 \ 2 \ -1 \ 3]$$

$$y = [1 \ 0 \ 3].$$

**Napomena:** Konvolucija sračunata preko DFT-a predstavlja cirkularnu konvoluciju. Da bi se dobila konvolucija definisana u teorijskoj razradi ove vježbe potrebno je signale  $x$  i  $y$  dopuniti nulama do dužine resultantnog signala, tj. do dužine  $n+m-1$ .

#### **4. ZAKLJUČAK**