



# Talasno kretanje

dr Mira Vučeljić  
redovni profesor



## JEDNAČINA PROGRESIVNOG TALASA

Podjela talasa:

1. prema dimenziji
2. prema pravcu oscilovanja čestica sredine
3. prema periodičnosti
4. prema obliku talasnog fronta

$$\lambda = cT$$

$$y = y_0 \sin \omega t$$

$$y = y_0 \sin \omega (t - \tau)$$

$$y = y_0 \sin(\omega t - \omega \frac{x}{c})$$

$$y = y_0 \sin(\omega t - \frac{2\pi x T}{T \lambda})$$

$$y = y_0 \sin(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda})$$

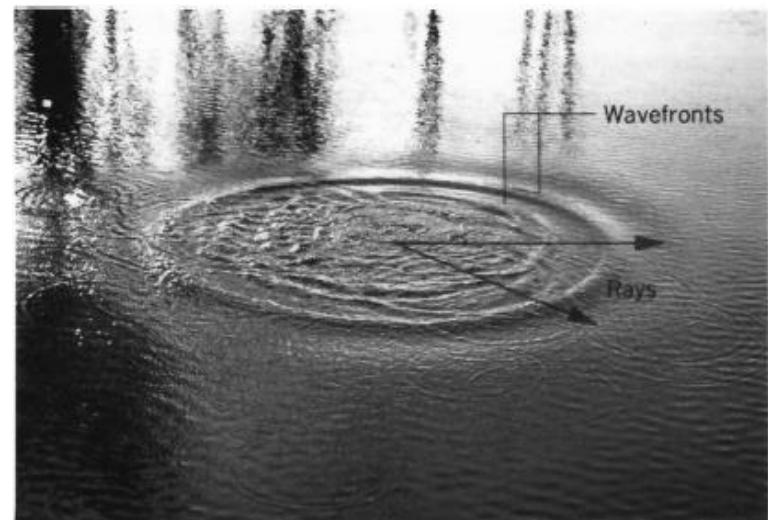
$$y = y_0 \sin(\omega t - kx)$$

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}$$

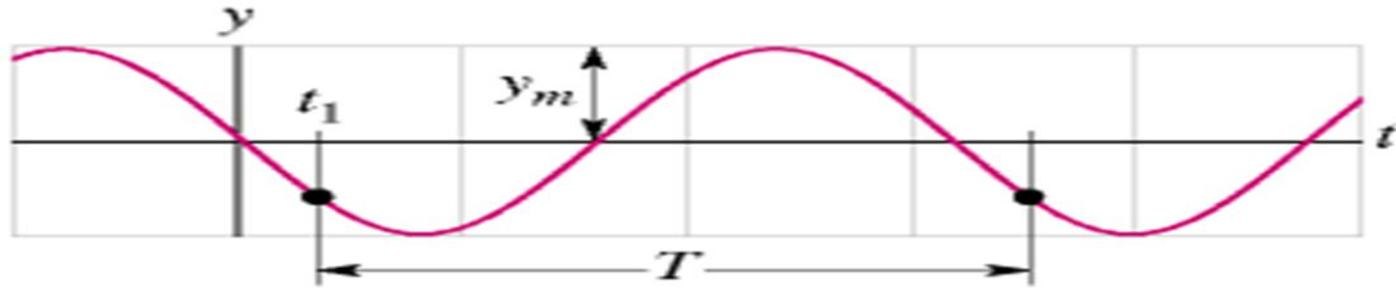
jednačina progresivnog ravanskog talasa



Slika 1.



Slika 2.



$\omega t - kx$  faza talasa

Nadimo razliku faza za dvije tačke na mjestima  $x_1$  i  $x_2$

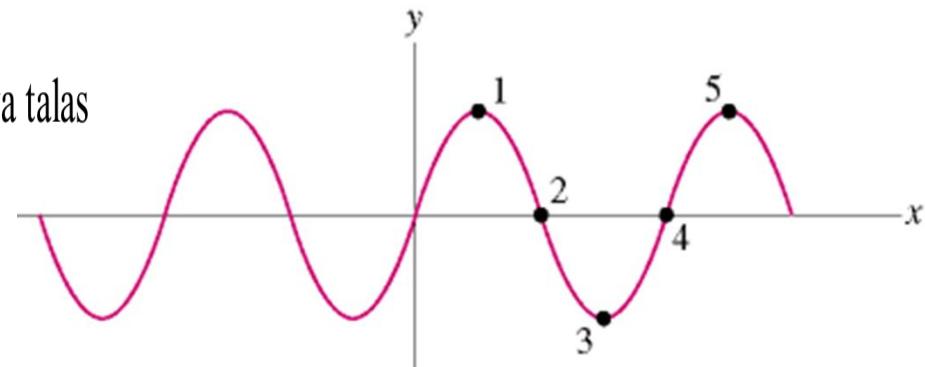
$$\Delta\phi = \phi_1 - \phi_2 = \omega t - \frac{2\pi x_1}{\lambda} - \omega t + \frac{2\pi x_2}{\lambda}$$

$$\Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (x_2 - x_1)$$

$$\Delta\phi = 2n\pi \quad \Rightarrow \quad x_2 - x_1 = n\lambda \quad \text{čestice osciluju u fazi} \quad (\text{F1})$$

$$\Delta\phi = (2n + 1)\pi \quad \Rightarrow \quad x_2 - x_1 = (2n + 1)\frac{\lambda}{2} \quad \text{čestice su u protivfazi}$$

Naci faznu razliku izmedju tacke 1 i tacaka 2, 3, 4, 5 za talas prikazan na slici





## BRZINA TRANSVERZALNOG TALASA

Brzinu talasa dobijamo iz uslova da je promjena impulsa čestica koje se nalaze do tačke P jednaka impulsu sile.

$$\text{Poduzna masa} \quad \mu = \frac{m}{l}$$

$$F \sin \theta \cdot t = F \frac{v}{c} t \quad \text{impuls sile}$$

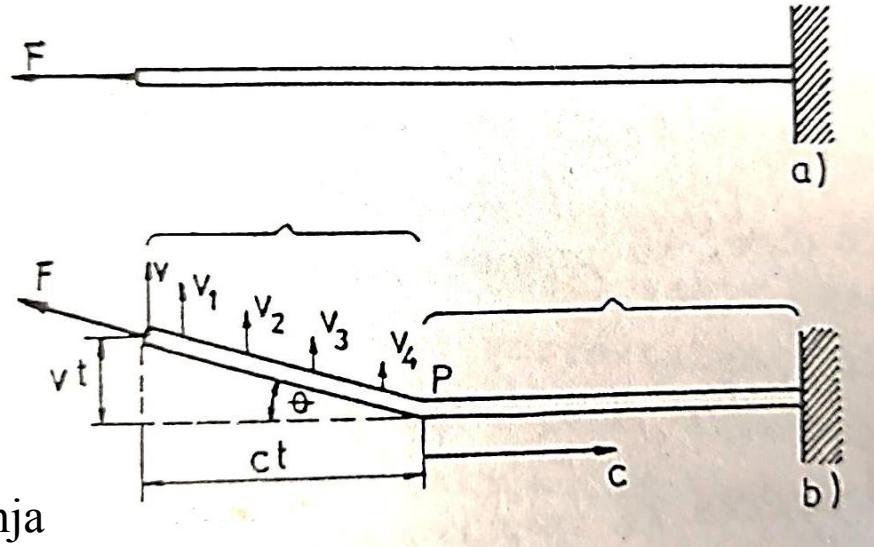
$$v \cdot c \cdot t \cdot \mu \quad \text{promjena količine kretanja}$$

$$v \cdot c \cdot t \cdot \mu = F \frac{v}{c} t$$

$$c^2 = \frac{F}{\mu}$$

$$c = \sqrt{\frac{F}{\mu}}$$

brzina transverzalnog talasa



Slika 3.

Brzina zavisi od  $F$  i  $\mu$  tj. od elastičnih osobina sredine što znači da se svi mehanički talasi kroz istu sredinu prostiru istom brzinom. Ovo se odnosi samo na čvrstu sredinu.



## BRZINA LONGITUDINALNOG TALASA

Brzinu talasa dobijamo iz uslova da je promjena impulsa molekula gasa koji se nalaze do tačke P jednaka impulsu sile.

$\rho c t S$  masa molekula gasa koji osciluju

$\rho c t S \cdot v$  promjena količine kretanja molekula gasa

$\Delta p \cdot s \cdot t$  impuls rezultujuće sile

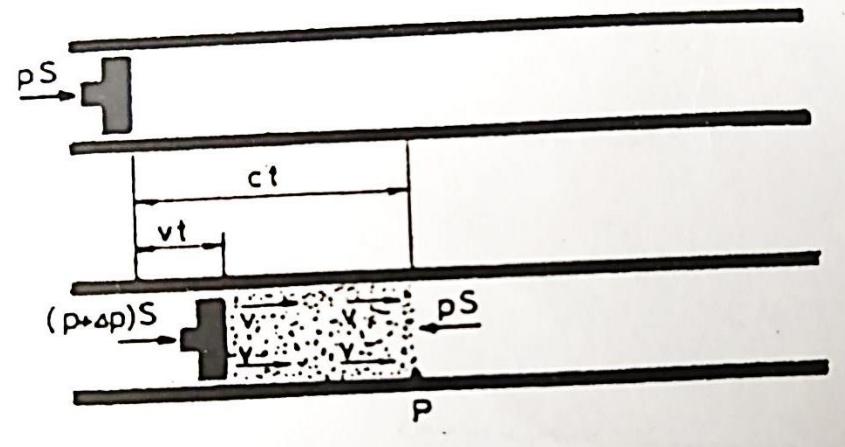
Kako izraziti  $\Delta p$ ?

$$k = \frac{1}{\Delta p} \frac{\Delta V}{V} = \frac{1}{\Delta p} \frac{Svt}{Sct} ; \Delta p = \frac{v}{kc}$$

$$\Delta p \cdot S \cdot t = \frac{v}{kc} \cdot t \cdot S \rightarrow c = \sqrt{\frac{1}{k\rho}}$$

$$\frac{1}{k} = B \rightarrow c = \sqrt{\frac{B}{\rho}} \text{ brzina long. talasa u čvrstoj sredini; } B - \text{moduo elastičnosti}$$

$$c = \sqrt{\frac{\kappa p}{\rho}} \text{ brzina longitudinalnog talasa u gasu; } \kappa - \text{koeficijent adijabate}$$



Slika 4.

Impuls sile jednak je promjeni količine kretanja

$$\Delta p \cdot S \cdot t = \rho \cdot c \cdot t \cdot S \cdot v$$

$$\Delta p = \rho \cdot c \cdot v$$

## Stojeći talasi

Interferencija (slaganje talasa) nastaje u taki susreta dva talasa, cesto se desava da na nekim mjestima djelici sredine osciluju jace a na nekim slabije.

Interferencija - mogućasamo kod koherenčnih talasa

Koherenčni talasi-fazna razlika se ne mijenja tokom vremena.

$$y_1(x, t) = y_m \sin(kx - \omega t - \phi_1)$$

$$y(x, t) = y_1(x, t) + y_2(x, t)$$

$$= y_m [\sin(kx - \omega t - \phi_1) + \sin(kx - \omega t - \phi_2)].$$

$$y_2(x, t) = y_m \sin(kx - \omega t - \phi_2).$$

$$y(x, t) = [2y_m \cos(\Delta\phi/2)] \sin(kx - \omega t - \phi'),$$

$$\sin B + \sin C = 2 \sin \frac{1}{2}(B+C) \cos \frac{1}{2}(B-C),$$

$\phi' = (\phi_1 + \phi_2)/2$ . The quantity  $\Delta\phi = (\phi_2 - \phi_1)$  is called the *phase difference* between the two waves.

$$\text{amplitude } 2y_m |\cos(\Delta\phi/2)|.$$

zaključujemo da će se novi talas prostirati duž istog pravca i analogno sa F1, oscilovati sa maximalnom amplitudom ako je razlika puteva cijeli broj tal.duzine, odnosno sa min amplitudom ako je razlika puteva neparan broj polovina tal.duzine

Razmatrana je interferencija dva talasa istih frekvencija (tal.duzina), sinusnog oblika koji se prostiru u istom smjeru.

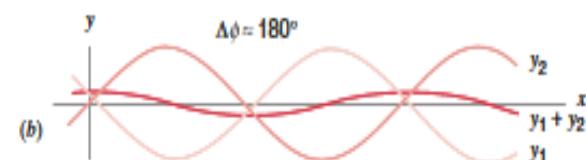
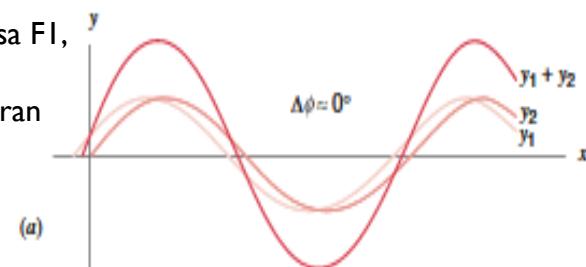
Sto se desava kada se takva dva talasa prostiru u suprotnim smjerovima?

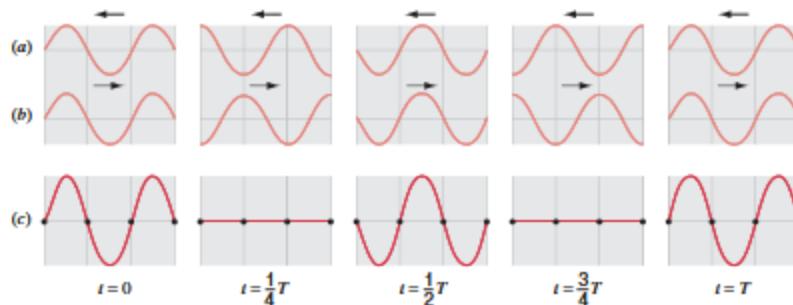
Ovo se najčešće desava u slučajevima odbijanja talasa od prepreke njegovom interferencijom sa upadnim talasom. Nastaje stojeći talas!

Pri odbijanju od gusce sredine faza talasa se mijenja za  $\pi$ , obrnuto pri odbijanju od redje faza talasa se ne mijenja



**FIGURE 18-14.** Two wave trains, in this case circular ripples from two different disturbances, interfere where they overlap at particular points. The displacement at any point is the superposition of the individual displacements due to each of the two waves.





**FIGURE 18-17.** (a, b) Two traveling waves of the same wavelength and amplitude, moving in opposite directions. (c) The superposition of the two waves at different instants of time. The nodes in the standing wave pattern are indicated by dots. Note that the traveling waves have no nodes.

$$y_1(x, t) = y_m \sin(kx - \omega t),$$

$$y_2(x, t) = y_m \sin(kx + \omega t).$$

$$\begin{aligned} y(x, t) &= y_1(x, t) + y_2(x, t) \\ &= y_m \sin(kx - \omega t) + y_m \sin(kx + \omega t) \end{aligned}$$

$$y(x, t) = [2y_m \sin kx] \cos \omega t.$$

$$kx = \left(n + \frac{1}{2}\right)\pi \quad n = 0, 1, 2,$$

$$k = 2\pi/\lambda,$$

$$x = \left(n + \frac{1}{2}\right)\frac{\lambda}{2} \quad n = 0, 1, 2,$$

$$kx = n\pi \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

$$x = n\frac{\lambda}{2} \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

Dobijeni talas ne putuje kroz prostor (stojeci) a amplituda sa kojom osciluju cestice sredine nije konstantna vec se mijenja u prostoru.

Uslov za maximum, nastaje na mjestima udaljena za neparan broj  $\lambda/4$ -trbusi  
Minimun na mjestima duz x koja su udaljena paran broj  $\lambda/4$ -cvorovi  
Rastojanje izmedju dva trbuha ili dva cvora je  $\lambda/2$ , a izmedju cvora i trbuha je  $\lambda/4$ .

# ZVUK

Mehanicki talasi frekfencija u intervalu od 16-20000 Hz

Infrazvuk – manja od 16 Hz

Ultrazvuk-veca od 20000Hz

Akustika

Sum i ton

Ton se razlikuje po visini, boji i intenzitetu

$$I_{\min} = 10^{-12} W/m^2$$

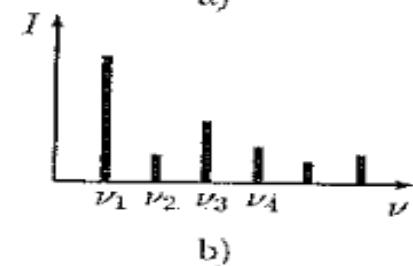
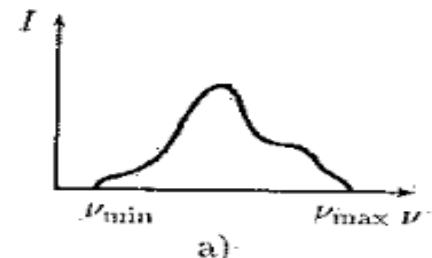
Prag cujnosti

$$I_{\max} = (1-10) W/m^2$$

Granica bola

$$L = 10 \log \frac{I}{I_{\min}}$$

Subjektivna jacina tona



## Oscilovanje žice

Pri refleksiji talasa od gusce sredine mijenja se faza I na tom mjestu se formira cvor stojeceg talasa. Pri refleksiji od opticki redje ne mijenja se faza I na tom mjestu se formira trbuštojeceg talasa.

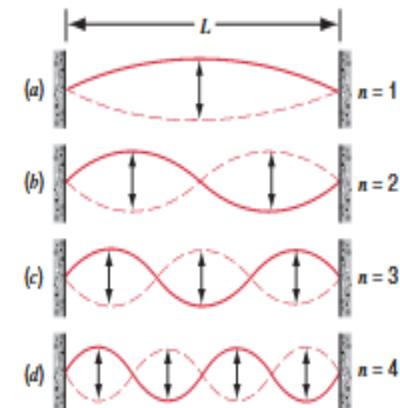
$$L = n \frac{\lambda}{2} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

Uslov za nastajanje stojeceg talasa u zici zategnutoj na oba kraja.

$n=1$ , osnovni ton,  $n=2,3\dots$  su visi harmonici

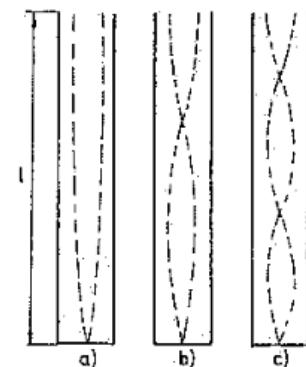
$$\lambda_n = \frac{2L}{n} \quad (n = 1, 2, 3, \dots),$$

$$f_n = \frac{v}{\lambda_n} = n \frac{v}{2L} \quad (n = 1, 2, 3, \dots).$$



## Oscilovanje vazdusnog stuba

$$z_k = (2k - 1) \frac{\lambda_k}{4} \quad (k = 1, 2, \dots)$$



## Doplerov efekat

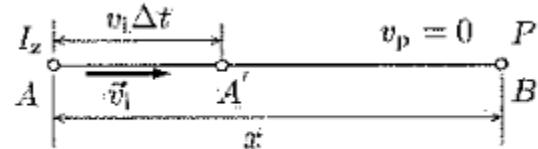
Do sada smo smatrali da je frekfencija oscilovanja cestica sredine jednaka frekfenciji zvucnog izvora. To je tacno ako izvor i prijemnik miruju. Sta se desava kada se oni kreću?

Izvor ide prema prijemniku

$$t_1^* = t_1 + \frac{x}{v},$$

$$t_2 = t_1 + \Delta t$$

$$t_2^* = t_2 + \frac{x - v_i \Delta t}{v}$$



Zvuk koji je emitovao izvor za vrijeme  $\Delta t = t_2 - t_1$  prijemnik je registrozao za vrijeme  $\Delta t^* = t_2^* - t_1^*$ .

$N = \nu_0 \Delta t$  N broj talasa koje emituje izvor za  $\Delta t$ , isto toliko će primiti prijemnik ali za vrijeme  $\Delta t^*$ ,

$$\nu = \frac{N}{\Delta t^*} = \frac{\nu_0}{1 - \frac{v_i}{v}} = \nu_0 \frac{v}{v - v_i}.$$

$$\nu = \nu_0 \frac{v}{v \mp v_i}.$$

Formula za frekvenciju ukoliko se izvor pribljava ili udaljava

Prijemnik se priblizava



$$t_1^* = t_1 + \frac{x}{v + v_p}$$

$$t_2^* = t_2 + \frac{x - v_p \Delta t}{v + v_p},$$

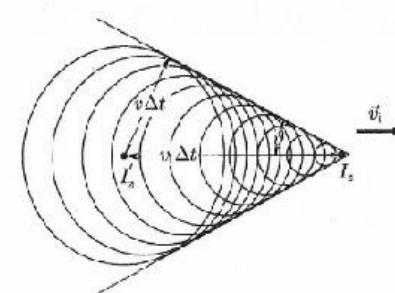
$$\Delta t^* = \Delta t \frac{v}{v \pm v_p}.$$

$$N = \nu_0 \Delta t$$

$$\nu = \frac{N}{\Delta t^*}$$

$$\nu = \nu_0 \frac{v \pm v_p}{v},$$

$$\nu = \nu_0 \frac{v \pm v_p}{v \mp v_i},$$



Izraz za Doplerov efekat