

**Četvrti domaći zadatak**  
**iz predmeta TIK, III god. ACAD. i IV god. SPR**

1. Koja je vjerovatnoća da Hammingov kod sa  $k$  informacionih bita neće moći da ispravi grešku u prenosu. Greške na svim bitima su jednake i međusobno nezavisne. Kolika je vjerovatnoća da Hammingov kod za ispravljanje jedne i detekciju dvije pogreške: (a) Nema grešaka u prenosu; (b) ispravi jednu pogrešku; (c) detektuje dvije pogreške; (d) ne može da posluži svojoj svrsi.
2. Koliko je Hammingovo rastojanje između dva vektora koji predstavljaju susjedna tjemena  $n$ -dimenzione sfere. (b) Kolika je Hammingova distanca između poruke  $x$  i njoj komplementarne poruke ako su poruke od  $n$  bita.
3. Kako izgleda kontrolna matrica Hammingovog koda (15,11). Kreirati poruku od 11 bita i odrediti kontrolne bite u ovom slučaju. Promjeniti jedan bit i prikazati proceduru za određivanje na kojoj se poziciji dogodila greška. Proceduru ponoviti u dva slučaja kada su bitovi na pozicijama 1, 2, 4 i 8 i kada su to posljednja četiri bita u poruci.
4. a) Dati kontrolnu matricu za trougaoni kod (15,10). Prikazati kodiranje ovim kodom poruke 1001011001. U rezultujućem kodu promjeniti jedan bit na karakterističnim lokacijama i izvršiti dekodiranje koda. Posmatrati što se dešava sa sindromom u ovom slučaju.  
b) Proceduru ponoviti za pravougaoni kod (9,4). Kodiranje obaviti sa porukom 1100.
5. Dokazati da je binarni polinom  $x^3+x^2+1$  prost. Upotrijebiti ga za dobijanje odgovarajućeg Hammingovog koda. Kreirati odgovarajuću hardversku strukturu (pravilo za funkcionisanje pomjeračkih registara). Provjeriti rad ako je greška generisana na poziciji a2.
6. Odrediti sve proste binarne polinome 4-reda različite od  $x^4+x+1$  i izvršiti kreiranje Hammingovog koda pomoću njih. Ukoliko ne postoje drugi polinomi četvrtog reda koji zadovoljavaju ovu osobinu proceduru odraditi na kodu koji je kreiran na osnovu polinoma  $x^4+x+1$ .

**Četvrti domaći zadatak**  
**iz predmeta TIK, III god. ACAD. i IV god. SPR**

1. Koja je vjerovatnoća da Hammingov kod sa  $k$  informacionih bita neće moći da ispravi grešku u prenosu. Greške na svim bitima su jednake i međusobno nezavisne. Kolika je vjerovatnoća da Hammingov kod za ispravljanje jedne i detekciju dvije pogreške: (a) Nema grešaka u prenosu; (b) ispravi jednu pogrešku; (c) detektuje dvije pogreške; (d) ne može da posluži svojoj svrsi.
2. Koliko je Hammingovo rastojanje između dva vektora koji predstavljaju susjedna tjemena  $n$ -dimenzione sfere. (b) Kolika je Hammingova distanca između poruke  $x$  i njoj komplementarne poruke ako su poruke od  $n$  bita.
3. Kako izgleda kontrolna matrica Hammingovog koda (15,11). Kreirati poruku od 11 bita i odrediti kontrolne bite u ovom slučaju. Promjeniti jedan bit i prikazati proceduru za određivanje na kojoj se poziciji dogodila greška. Proceduru ponoviti u dva slučaja kada su bitovi na pozicijama 1, 2, 4 i 8 i kada su to posljednja četiri bita u poruci.
4. a) Dati kontrolnu matricu za trougaoni kod (15,10). Prikazati kodiranje ovim kodom poruke 1001011001. U rezultujućem kodu promjeniti jedan bit na karakterističnim lokacijama i izvršiti dekodiranje koda. Posmatrati što se dešava sa sindromom u ovom slučaju.  
b) Proceduru ponoviti za pravougaoni kod (9,4). Kodiranje obaviti sa porukom 1100.
5. Dokazati da je binarni polinom  $x^3+x^2+1$  prost. Upotrijebiti ga za dobijanje odgovarajućeg Hammingovog koda. Kreirati odgovarajuću hardversku strukturu (pravilo za funkcionisanje pomjeračkih registara). Provjeriti rad ako je greška generisana na poziciji a2.
6. Odrediti sve proste binarne polinome 4-reda različite od  $x^4+x+1$  i izvršiti kreiranje Hammingovog koda pomoću njih. Ukoliko ne postoje drugi polinomi četvrtog reda koji zadovoljavaju ovu osobinu proceduru odraditi na kodu koji je kreiran na osnovu polinoma  $x^4+x+1$ .