

Simetrična kriptografija
3DES, AES,
Modovi rada blok šifratora

dr Slavica Tomović
Univerzitet Crne Gore

3DES

- Baziran na trostrukom izvršavanju DES algoritma i korišćenju 3 ključa
- Zašto ne 2DES?

- $C = E(K_2, E(K_1, P))$
- Dekriptcija zahtjeva primjenu ključeva u obrnutom redosledu
- $P = D(K_1, D(K_2, C))$
- Ekvivalentna dužina ključa je dva puta veća ali to ne rešava problem
- Moguće je pronaći ključ K_3 takav da je zadovoljena jednakost:

$$E(K_2, E(K_1, P)) = E(K_3, P)$$

- Ponavljanje enkripcije 2 ili čak više puta nema smisla jer je postupak ekvivalentan jednostrukoj enkripciji
- S obzirom da je broj mogućih reverzibilnih mapiranja za blok ulaznih vrijednosti 2^{64} !, a da DES definiše mapiranje preko ključa sa 2^{56} ($\ll 2^{64}$!) mogućih vrijednosti, realno je pretpostaviti da dvostruka primjena DES algoritma vrlo vjerovatno neće rezultovati mapiranjem koje odgovara jednostrukoj DES enkripciji.

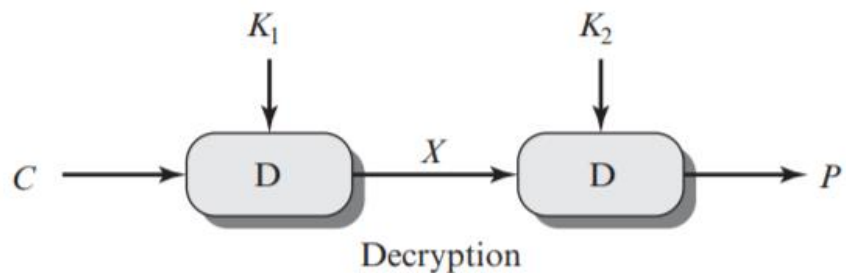
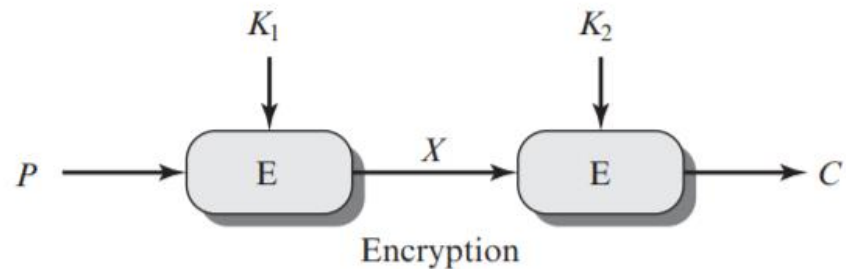
Zašto ne 2DES?

- Najveća prijetnja za 2DES su *Meet-in-the-middle* napadi.
- *Meet-in-the-middle* napadi su bazirani na observaciji da ukoliko imamo:

$$C = E(K_2, E(K_1, P))$$

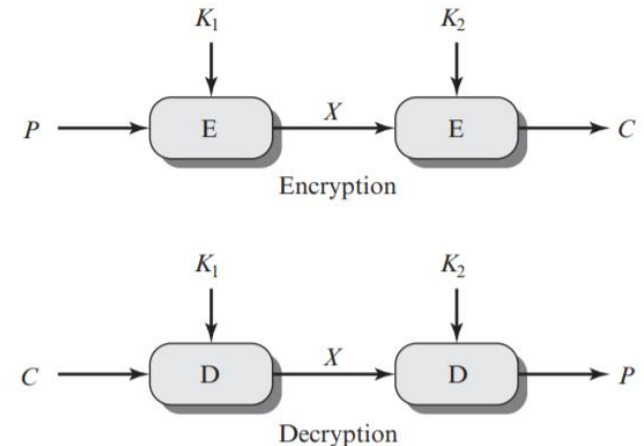
onda je:

$$X = E(K_1, P) = D(K_2, C)$$



Zašto ne 2DES?

- Za poznati par P i C napad se izvodi na sledeći način:
 - Šifrovati P sa svih 2^{56} mogućih vrijednosti ključa K_1 ;
 - Napraviti tabelu svih rezultata i sortirati po X ;
 - Dekriptovati C koristeći svih 2^{56} mogućih vrijednosti ključa K_2 , upoređujući svaki rezultat sa X iz tabele generisane u prethodnom koraku;
 - Ukoliko se ustanovi poklapanje, testirati dva rezultujuća ključa na novom poznatom paru (P,C) ; Ukoliko ključevi generišu očekivani *ciphertext*, napad je uspješno realizovan.



3DES sa dva ključa

- 3DES koristi tri enkripcije
- Za tri enkripcije se u opštem slučaju koriste 3 ključa, ali mogu se koristiti i 2 ključa sa E-D-E procedurom

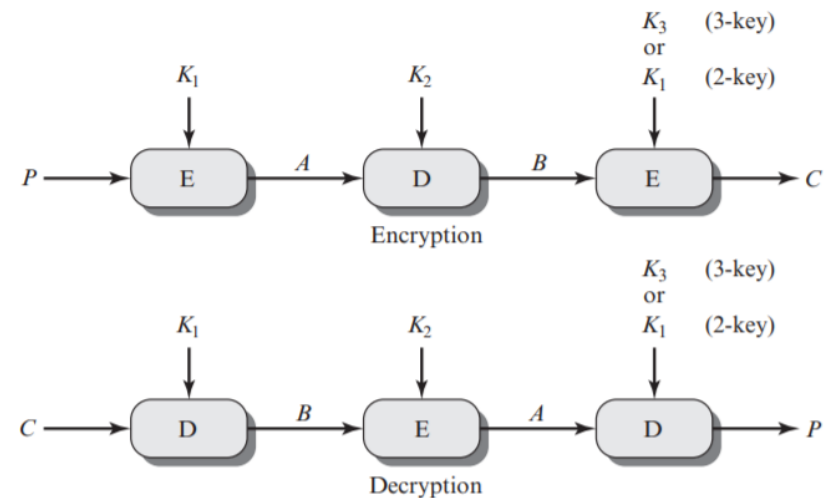
$$C = E(K_1, D(K_2, E(K_1, P)))$$

$$P = D(K_1, E(K_2, D(K_1, C)))$$

- Dekripcija u drugom koraku nema kriptografski značaj.
 - Njena jedina prednost je što omogućava korisnicima 3DES algoritma da dekriptuju poruke korinika jednostrukog DES algoritma

$$C = E(K_1, D(K_1, E(K_1, P))) = E(K_1, P)$$

$$P = D(K_1, E(K_1, D(K_1, C))) = D(K_1, C)$$



3DES algoritam (2 ili 3 ključa)

3DES sa tri ključa

- Iako se ne zna za napade na 3DES sa dva ključa, postoje neke naznake da ih ima.
- Može se koristiti 3 DES sa 3 ključa da bi se otklonile i ove sumnje.
- Postupak enkripcije:

$$C = E(K_3, D(K_2, E(K_1, P)))$$

- Kompatibilnost sa starijim DES verzijama ostvaruje se sa:
 $K_3 = K_2$ ili $K_1 = K_2$.
- Neke internet aplikacije koriste ovu tehnologiju, npr. PGP, S/MIME.

Advanced Encryption Standard (AES)

- AES je blok algoritam koji je zamijenio DES u komercijalnim aplikacijama.
- Enkripcija se vrši na nivou bloka od 128 bita.
 - Blokovi od 4 kolone po 4 bajta.
- Veličina ključa je 128, 192 ili 256 bita.
- AES **ne koristi** Feistel strukturu.
- Svaka iteracija sastoji se od četiri zasebne funkcije:
 - Supstitucija bajtova
 - Permutacija
 - Supstitucija bazirana na aritmetičkim operacijam u $GF(2^8)$
 - XOR sa ključem

Aritmetika konačnih polja

- Kod AES (*Advanced Encryption Standard*) enkripcije sve operacije se obavljaju nad bajtima (8 bita).
- Aritmetičke operacije sabiranja, množenja i dijeljenja se obavljaju u konačnom polju $GF(2^8)$.
 - Koristi se nesvodljivi polinom $m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.
- Polje je skup nad kojim možemo obavljati operacije sabiranja, oduzimanja, množenja i dijeljenja, a da ne napustimo taj skup.
- Dijeljenje je definisano sledećim pravilom
 - $a / b = a (b^{-1})$
- Primjer konačnog polja (sa konačnim brojem elemenata) je skup Z_p kojeg čine cijeli brojevi $\{0, 1, \dots, p - 1\}$, gdje je p prost broj i gdje se operacije obavljaju po modulu p .

Aritmetika konačnih polja

Ukoliko algoritam koristi operaciju dijeljenja, onda je potrebno koristiti aritmetiku definisanu nad konačnim poljem

- Dijeljenje zahtijeva da svaki nenulti element ima multiplikativnu inverziju

Radi praktičnosti i efikasnosti primjene, želimo da radimo sa cijelim brojevima koji se tačno uklapaju u određeni broj bita.

- Cijeli brojevi u opsegu 0 do 2^n-1 , koji odgovaraju sekvenci od n -bita

Skup takvih cijelih brojeva, Z_2^n , koji koristi modularnu aritmetiku nije polje

- Na primjer, cijeli broj 2 nema multiplikativnu inverziju u Z_2^n , tj. ne postoji cijeli broj b takav da važi: $2b \bmod 2^n = 1$

Konačno polje koje sadrži 2^n elemenata zapisujemo kao $GF(2^n)$

- Svaki polinom u $GF(2^n)$ može biti zapisan n -bitnim brojem

Porijeklo AES-a

- Postoji potreba za zamjenom DES-a.
 - Teoretski postoje analitički napadi koji ga mogu razbiti.
 - Napadi isprobavanjem svih mogućih vrijednosti ključa (*brute force*) postaju sve opasniji.
- Može se koristiti 3DES.
 - Sa većim ključem, a istom osnovnom strukturom algoritma, pokazano je da ne postoji kriptanaliza koja ga je mogla oboriti osim *brute-force*.
 - Sporiji (tri puta se izvršava DES), a blokovi ostaju mali (64 bita).
 - 3DES koristi 48 iteracija da bi postigao sigurnost za koju su vjerovatno dovoljne 32 iteracije.
 - Softverske implementacije 3DES-a su preskupo za neke primjene, posebno za digitalne video podatke.

Porijeklo AES-a

- US NIST (*National Institute of Standards and Technology*) 1997. godine raspisuje konkurs za predlog novog AES algoritma enkripcije.
 - AES bi trebalo da ima sigurnost jednaku ili bolju od 3DES-a i znatno bolju efikasnost
 - Pored toga NIST specificira da bi AES morao da bude simetrični blok algoritam sa veličinom bloka od 128 bita i podrškom za veličine ključa od 128, 192, 256 bita.
- 15 kandidata je prihvaćeno u prvom krugu izbora 1998. godine.
- 5 kandidata je ušlo u uži izbor nakon drugog kruga izbora 1999.
- Izabran je Rijndael algoritam (dr. Joan Daemen i Dr. Vincent Rijmen) kao finalni AES 2000. godine.
- NIST je izdao novi standard (FIPS PUB 197) u novembru 2001. godine.

AES kriterijumi izbora

- Prvobitni kriterijumi (prvi i drugi krug):
 1. **Sigurnost** - napor da bi se nekom kriptanalizom razbila šifra
 - *brute force* napadi su isključeni kao mogućnost jer je najmanja veličina ključa 128 bita.
 2. **Cijena** – efikasnost pri izračunavanju;
 3. **Karakteristike algoritama i implementacije:**
 - Fleksibilnost
 - Mogućnost različitih hardverskih i softverskih implementacija
 - Jednostavnost dizajna

AES kriterijumi izbora

- Konačni kriterijumi:
 1. **Opšta sigurnost** – algoritmi testirani od strane kriptografske zajednice u roku od tri godine (diferencijalna i linearna kriptanaliza);
 2. **Softverska implementacija** – brzina, brzina u odnosu na platformu i brzina u odnosu na veličinu ključa;
 3. **Okruženja sa ograničenim prostorom** – memorijske kartice i sl;
 4. **Hardverska implementacija** – mogućnost optimizacije performansi;
 5. **Napadi na implementaciju** – dužina trajanja operacija;
 6. **Enkripcija naspram dekripcije** – stepen sličnosti;

AES kriterijumi izbora

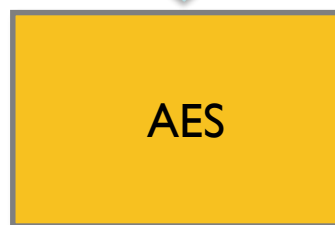
- ...Konačni kriterijumi:
 7. **Promjenjivost ključa** – mogućnost brze zamjene ključa uz minimalne resurse;
 8. **Fleksibilnost** – mogućnost unapređivanja algoritma (nove veličine blokova i/ili ključeva);
 9. **Mogućnost maksimalnog iskorišćenja procesora.**

AES ocjena Rijndael algoritma

1. Opšta sigurnost – nema poznatih napada.
2. Softverska implementacija - dobre performanse na različitim platformama.
3. Okruženja sa ograničenim prostorom – pogodan, mala potrošnja energije.
4. Hardverska implementacija – najbolji od svih finalista.
5. Napadi na implementaciju – najlakše se brani od ovakvih napada.
6. Enkripcija naspram dekripcije – razlikuju se.
7. Promjenjivost ključa – zahtjeva izvršavanje algoritma proširivanja ključa.
8. Fleksibilnost – može se prilagoditi veličina bloka/ključa na bilo koji umnožak od 32.
9. Mogućnost maksimalnog iskorišćenja procesora – odličan potencijal za paralelizam.

AES – Konceptualna šema

Plaintext (128 bita)



Ključ (128-256 bita)



Ciphertext (128 bita)

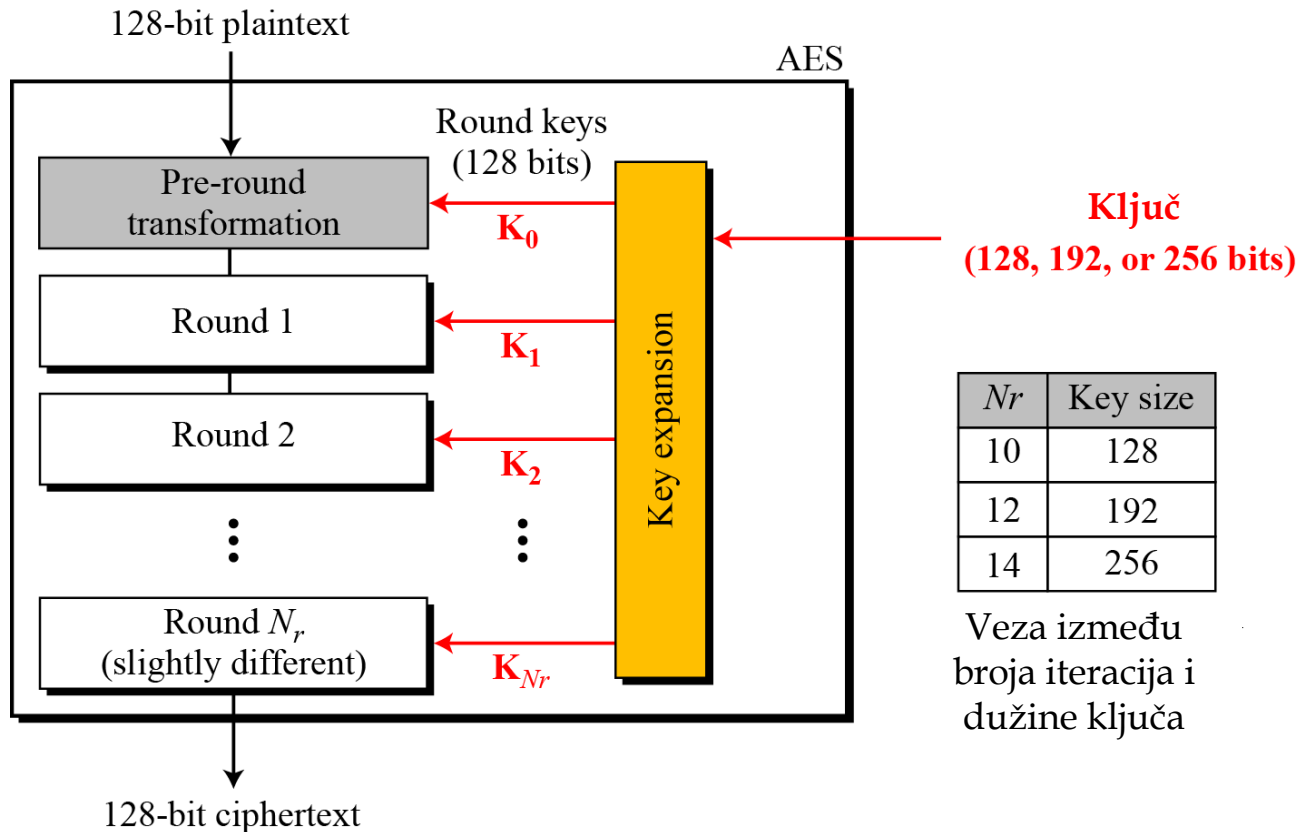
| | | | |
|---|----------|----------|----------|
| Veličina ključa (riječi/bajti/bit) | 4/16/128 | 6/24/192 | 8/32/256 |
| Veličina <i>plaintext</i> -a (riječi/bajti/bit) | 4/16/128 | 4/16/128 | 4/16/128 |
| Broj iteracija | 10 | 12 | 14 |
| Veličina ključa iteracije (riječi/bajti/bit) | 4/16/128 | 4/16/128 | 4/16/128 |
| Veličina proširenog ključa (riječi/bajti/bit) | 44/176 | 52/208 | 60/240 |

Rijndael AES

- Autori Rijmen-Deamen iz Belgije
- Iterativni algoritam koji **ne koristi** Feistel strukturu
- Obraduje podatke kao 4 grupe od po 4 bajta (128 bita)
 - Ove grupe u literature su poznate kao **stanja** (*states*)
- Ključ veličine 128/192/256 bita
- 128-bitni ključ se predstavlja kao matrica sa 4 kolone od po 4 bajta
 - Ključ se zatim proširuje u niz riječi od kojih svaka ima po 4 bajta
 - Ukupno ima 44 riječi za za ključ od 128 bita ($w[i]$, $1 \leq i \leq 44$)
 - Četiri različite riječi (128 bita) se koriste kao iterativni ključ u svakoj iteraciji
- U svakoj iteraciji izvršava operacije nad cijelim blokom podataka.

Rijndael AES

- Iteracije su (skoro) identične
 - Prva i zadnja iteracija se razlikuju



AES – sažeti opis

Proširenje ključa

- Iteracioni ključevi se izvode iz originalnog ključa koristeći Rijndael algoritam raspoređivanja.

Incijalna iteracija

- AddRoundKey: Svaki bajt stanja se kombinuje sa iteracionim ključem koristeći XOR operaciju nad bitima.

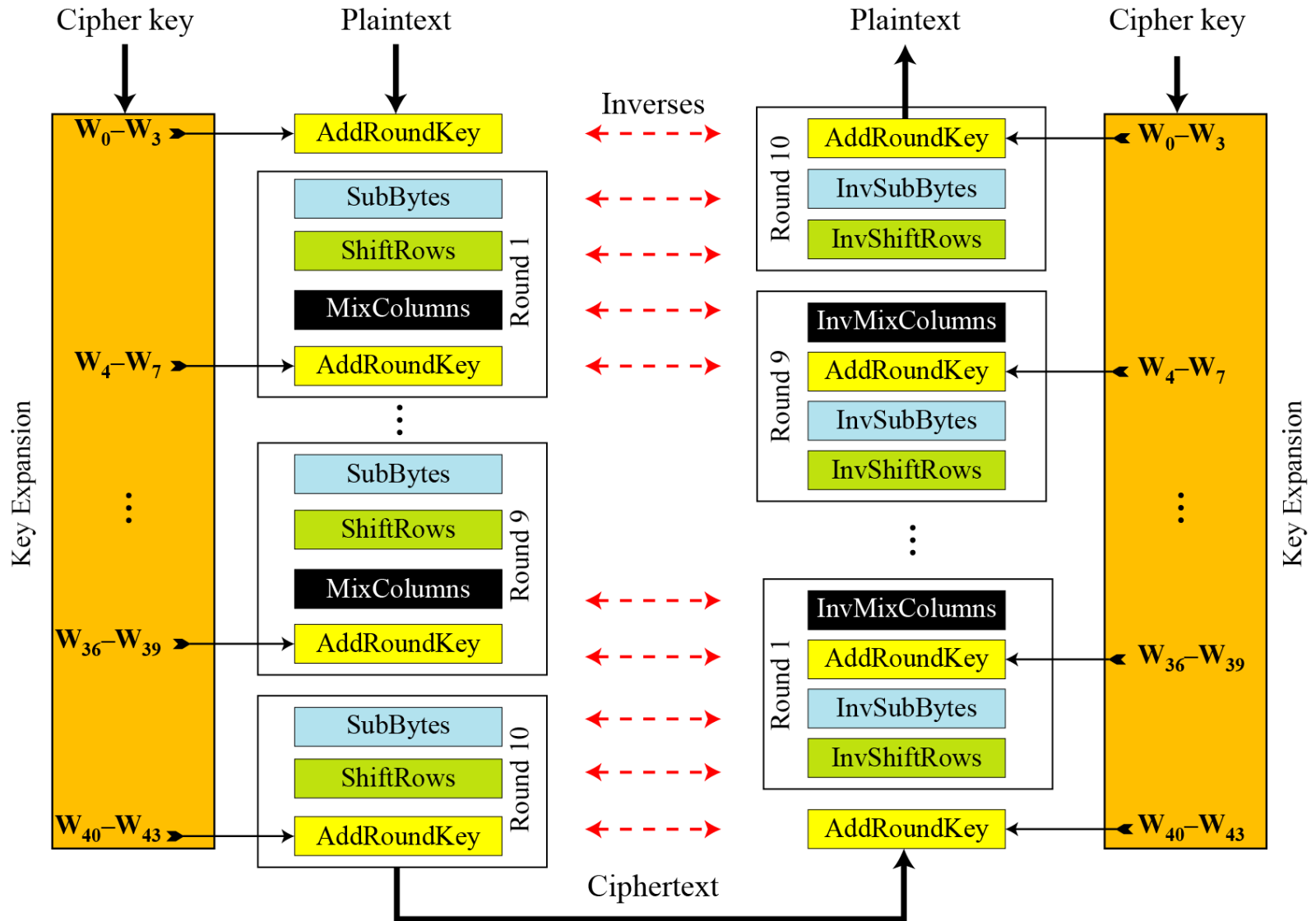
Iteracije

- SubBytes – nelinerni supstitucionni korak (1 S-box za svaki bajt)
- ShiftRows – Permutuju se bajtovi između kolona
- MixColumns – Supstitucija koja koristi aritmetiku u $GF(2^8)$
- AddRoundKey – XOR stanja sa dijelom proširenog ključa

Finalna iteracija

- SubBytes
- ShiftRows
- AddRoundKey

AES cjelokupna struktura

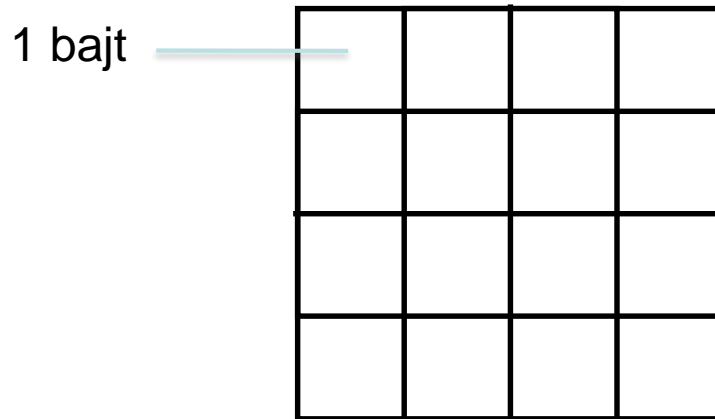


Karakteristike AES algoritma

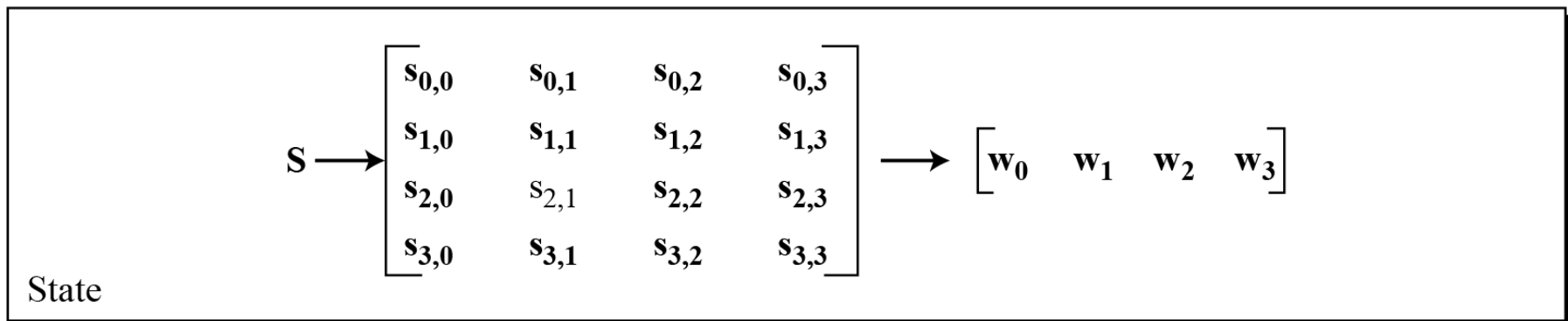
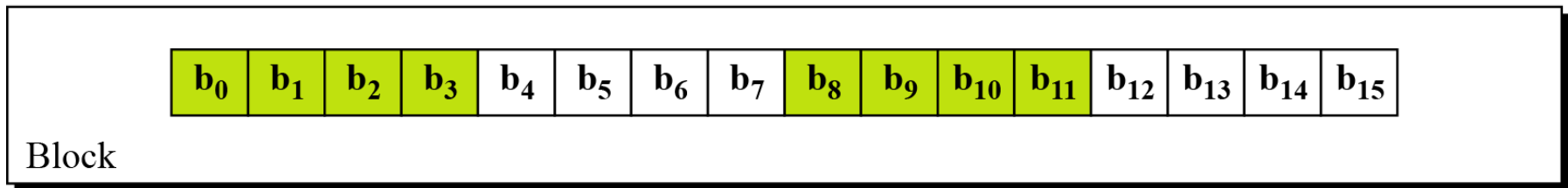
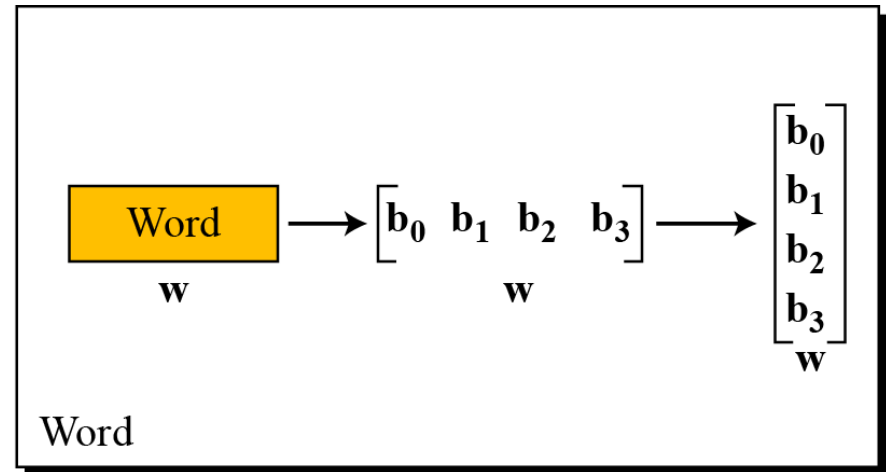
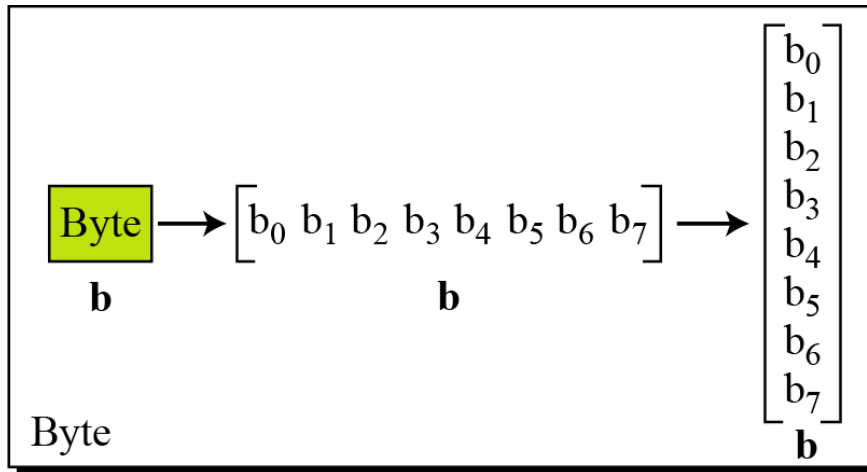
- Ne koristi Feistel strukturu.
- Počinje i završava se sa addRoundKey fazom, jer jedino ova faza koristi ključ.
- Ostale tri faze obezbjeđuju konfuziju, difuziju i nelinearnost, ali samostalno ne doprinose bezbjednosti jer ne koriste ključ.
- Svaka faza je invertibilna.
- Za AddRoundKey ivertibilnost se postiže XOR-om istog ključa iteracije i bloka.
- Za ostale faze koriste se inverzne funkcije pri dešifrovanju.
- Algoritam nije identičan kod enkripcije i dekripcije (mada se koristi prošireni ključ u inverznom redosledu)
- Finalna iteracija i kod enkripcije i kod dekripcije se sastoji samo od tri faze.

AES – struktura bloka podataka

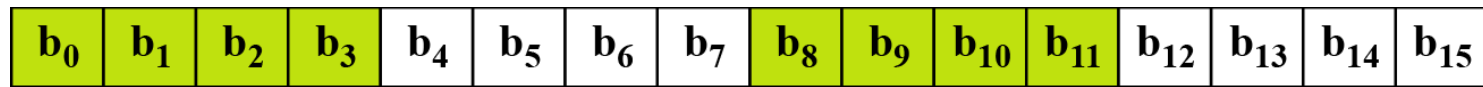
- Blok podataka se posmatra kako 4x4 tabela podataka.
- Predstavlja se 4x4 matricom bajtova.
- Ključ se proširuje u niz 32-bitnih riječi.



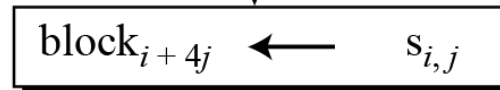
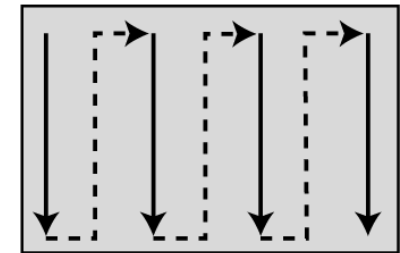
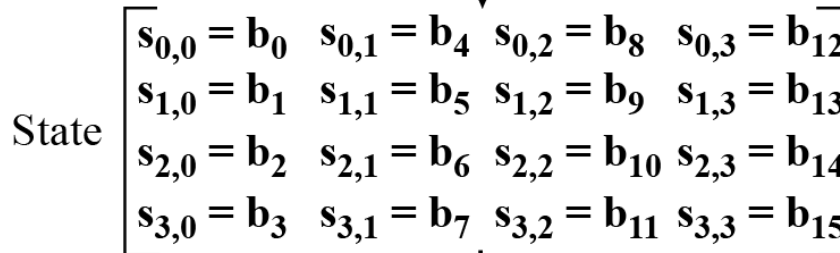
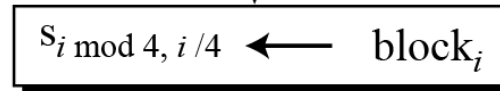
AES - struktura bloka podataka



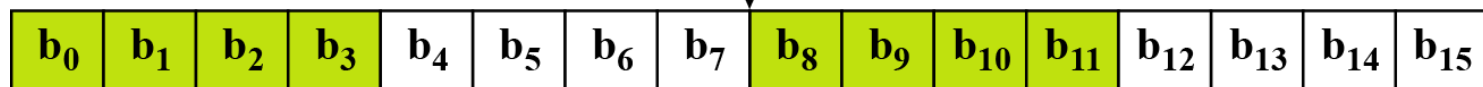
AES - struktura bloka podataka



Block



Block



AES struktura bloka podataka

Text

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| A | E | S | U | S | E | S | A | M | A | T | R | I | X | Z | Z |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|

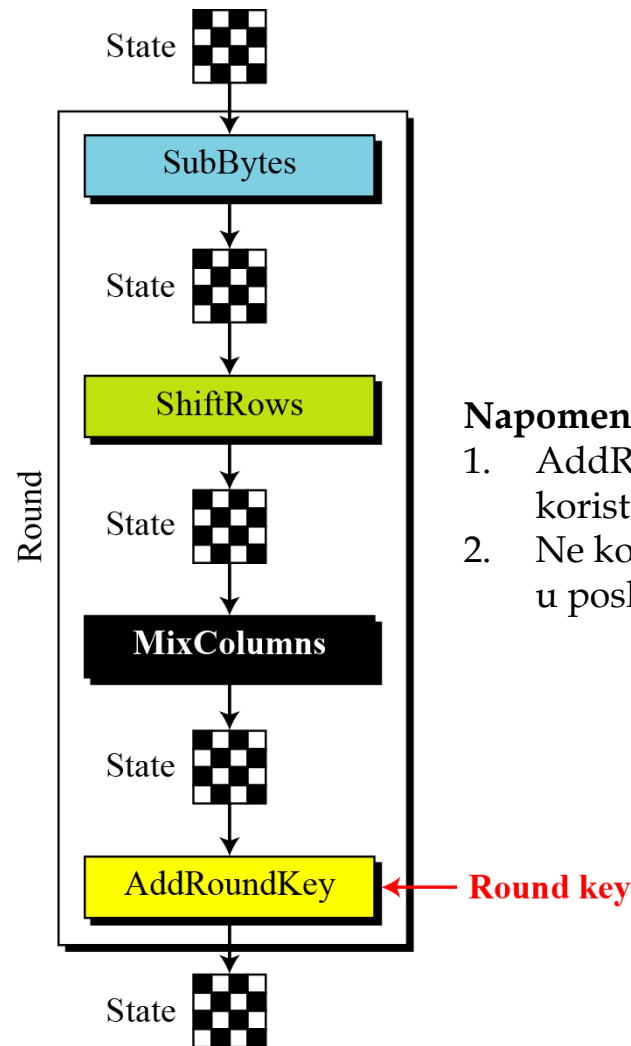
Hexadecimal

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 00 | 04 | 12 | 14 | 12 | 04 | 12 | 00 | 0C | 00 | 13 | 11 | 08 | 23 | 19 | 19 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|

| | | | |
|----|----|----|----|
| 00 | 12 | 0C | 08 |
| 04 | 04 | 00 | 23 |
| 12 | 12 | 13 | 19 |
| 14 | 00 | 11 | 19 |

State

AES – Struktura iteracije



Napomene:

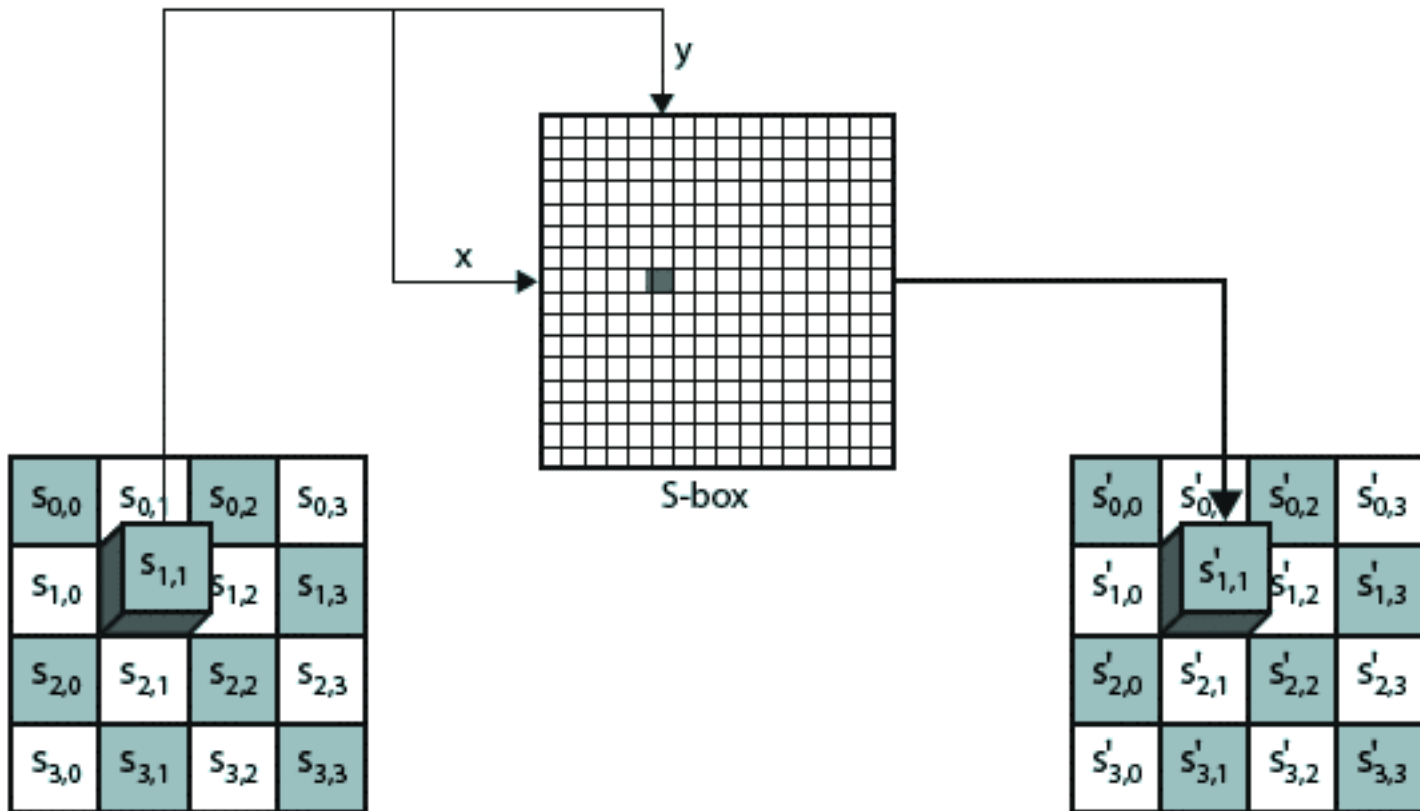
1. AddRoundKey operacija se koristi prije prve iteracije
2. Ne koristi se treća transformacija u poslednjoj iteraciji

SubBytes: Supstitucija bajtova

- Jednostavna zamjena svakog bajta.
- Koristi se jedna tabela veličine 16x16 bajtova (*S-box*) koja sadrži permutaciju svih mogućih 256-bitnih vrijednosti.
- Svaki bajt stanja (*state*) se mijenja sa bajtom iz tabele, iz reda koji je određen sa lijeva 4 bita, i kolone koja je određena sa desna 4 bita.
 - npr. bajt {95} se mijenja sa bajtom u 9. vrsti i 5. koloni.
- *S-box* se konstruiše korišćenjem definisane transformacije vrijednosti u $GF(2^8)$.
- *S-box* je dizajniran da bude otporan na sve poznate napade.

SubBytes: Supstitucija bajtova

- SubBytes uključuje 16 nezavisnih bajt-u-bajt transformacija.



SubBytes tabela

| | | <i>y</i> | | | | | | | | | | | | | | | |
|----------|---|----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| | | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
| <i>x</i> | 0 | 63 | 7C | 77 | 7B | F2 | 6B | 6F | C5 | 30 | 01 | 67 | 2B | FE | D7 | AB | 76 |
| | 1 | CA | 82 | C9 | 7D | FA | 59 | 47 | F0 | AD | D4 | A2 | AF | 9C | A4 | 72 | C0 |
| | 2 | B7 | FD | 93 | 26 | 36 | 3F | F7 | CC | 34 | A5 | E5 | F1 | 71 | D8 | 31 | 15 |
| | 3 | 04 | C7 | 23 | C3 | 18 | 96 | 05 | 9A | 07 | 12 | 80 | E2 | EB | 27 | B2 | 75 |
| | 4 | 09 | 83 | 2C | 1A | 1B | 6E | 5A | A0 | 52 | 3B | D6 | B3 | 29 | E3 | 2F | 84 |
| | 5 | 53 | D1 | 00 | ED | 20 | FC | B1 | 5B | 6A | CB | BE | 39 | 4A | 4C | 58 | CF |
| | 6 | D0 | EF | AA | FB | 43 | 4D | 33 | 85 | 45 | F9 | 02 | 7F | 50 | 3C | 9F | A8 |
| | 7 | 51 | A3 | 40 | 8F | 92 | 9D | 38 | F5 | BC | B6 | DA | 21 | 10 | FF | F3 | D2 |
| | 8 | CD | 0C | 13 | EC | 5F | 97 | 44 | 17 | C4 | A7 | 7E | 3D | 64 | 5D | 19 | 73 |
| | 9 | 60 | 81 | 4F | DC | 22 | 2A | 90 | 88 | 46 | EE | B8 | 14 | DE | 5E | 0B | DB |
| | A | E0 | 32 | 3A | 0A | 49 | 06 | 24 | 5C | C2 | D3 | AC | 62 | 91 | 95 | E4 | 79 |
| | B | E7 | C8 | 37 | 6D | 8D | D5 | 4E | A9 | 6C | 56 | F4 | EA | 65 | 7A | AE | 08 |
| | C | BA | 78 | 25 | 2E | 1C | A6 | B4 | C6 | E8 | DD | 74 | 1F | 4B | BD | 8B | 8A |
| | D | 70 | 3E | B5 | 66 | 48 | 03 | F6 | 0E | 61 | 35 | 57 | B9 | 86 | C1 | 1D | 9E |
| | E | E1 | F8 | 98 | 11 | 69 | D9 | 8E | 94 | 9B | 1E | 87 | E9 | CE | 55 | 28 | DF |
| | F | 8C | A1 | 89 | 0D | BF | E6 | 42 | 68 | 41 | 99 | 2D | 0F | B0 | 54 | BB | 16 |

(a) S-box

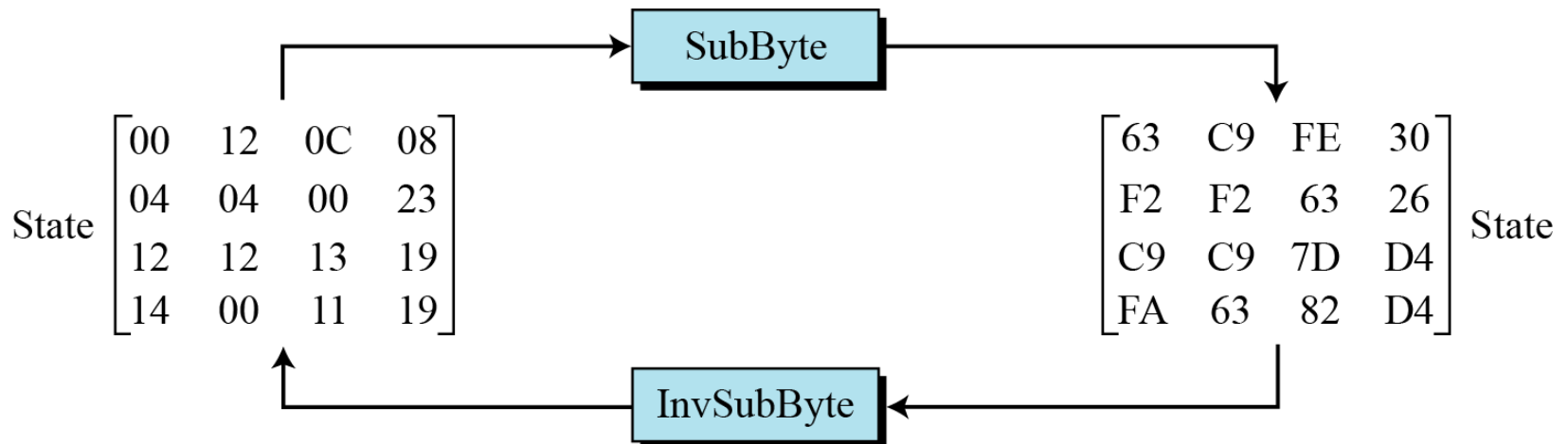
InvSubBytes tabela

| | | <i>y</i> | | | | | | | | | | | | | | | |
|----------|---|----------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| | | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
| <i>x</i> | 0 | 52 | 09 | 6A | D5 | 30 | 36 | A5 | 38 | BF | 40 | A3 | 9E | 81 | F3 | D7 | FB |
| | 1 | 7C | E3 | 39 | 82 | 9B | 2F | FF | 87 | 34 | 8E | 43 | 44 | C4 | DE | E9 | CB |
| | 2 | 54 | 7B | 94 | 32 | A6 | C2 | 23 | 3D | EE | 4C | 95 | 0B | 42 | FA | C3 | 4E |
| | 3 | 08 | 2E | A1 | 66 | 28 | D9 | 24 | B2 | 76 | 5B | A2 | 49 | 6D | 8B | D1 | 25 |
| | 4 | 72 | F8 | F6 | 64 | 86 | 68 | 98 | 16 | D4 | A4 | 5C | CC | 5D | 65 | B6 | 92 |
| | 5 | 6C | 70 | 48 | 50 | FD | ED | B9 | DA | 5E | 15 | 46 | 57 | A7 | 8D | 9D | 84 |
| | 6 | 90 | D8 | AB | 00 | 8C | BC | D3 | 0A | F7 | E4 | 58 | 05 | B8 | B3 | 45 | 06 |
| | 7 | D0 | 2C | 1E | 8F | CA | 3F | 0F | 02 | C1 | AF | BD | 03 | 01 | 13 | 8A | 6B |
| | 8 | 3A | 91 | 11 | 41 | 4F | 67 | DC | EA | 97 | F2 | CF | CE | F0 | B4 | E6 | 73 |
| | 9 | 96 | AC | 74 | 22 | E7 | AD | 35 | 85 | E2 | F9 | 37 | E8 | 1C | 75 | DF | 6E |
| | A | 47 | F1 | 1A | 71 | 1D | 29 | C5 | 89 | 6F | B7 | 62 | 0E | AA | 18 | BE | 1B |
| | B | FC | 56 | 3E | 4B | C6 | D2 | 79 | 20 | 9A | DB | C0 | FE | 78 | CD | 5A | F4 |
| | C | 1F | DD | A8 | 33 | 88 | 07 | C7 | 31 | B1 | 12 | 10 | 59 | 27 | 80 | EC | 5F |
| | D | 60 | 51 | 7F | A9 | 19 | B5 | 4A | 0D | 2D | E5 | 7A | 9F | 93 | C9 | 9C | EF |
| | E | A0 | E0 | 3B | 4D | AE | 2A | F5 | B0 | C8 | EB | BB | 3C | 83 | 53 | 99 | 61 |
| | F | 17 | 2B | 04 | 7E | BA | 77 | D6 | 26 | E1 | 69 | 14 | 63 | 55 | 21 | 0C | 7D |

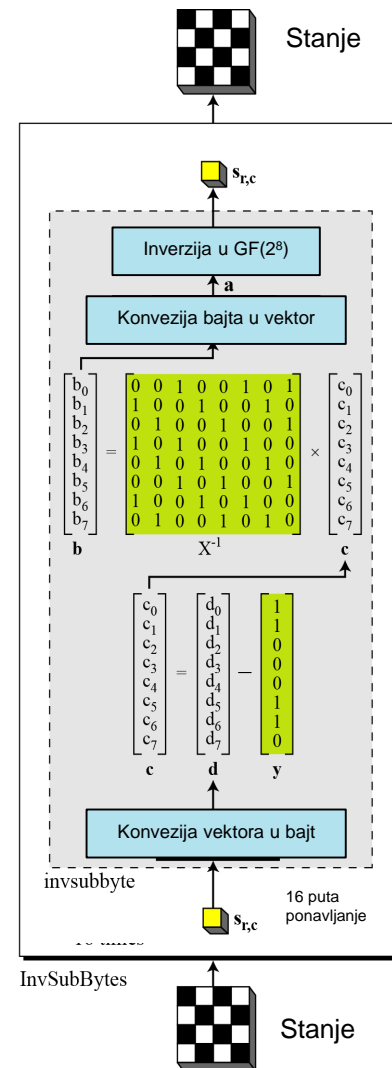
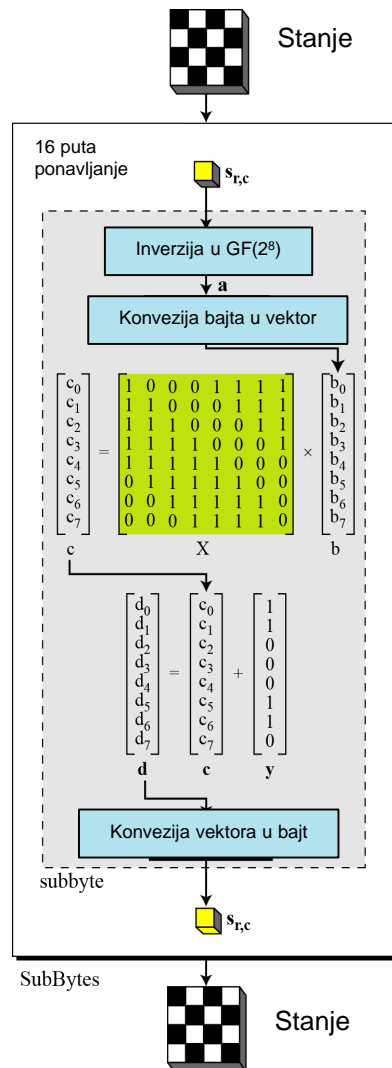
(b) Inverse S-box

Primjer SubBytes transformacije

- SubBytes i InvSubBytes su međusobno inverzne.

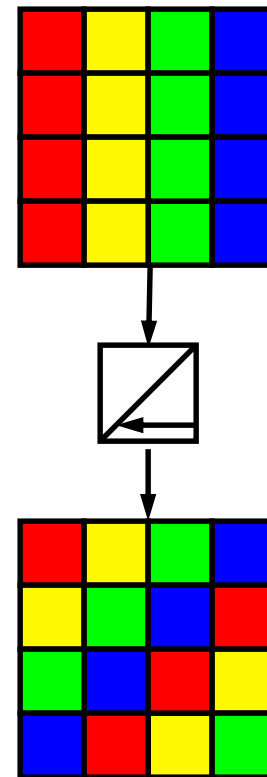


Implementacija SubBytes S-box-a

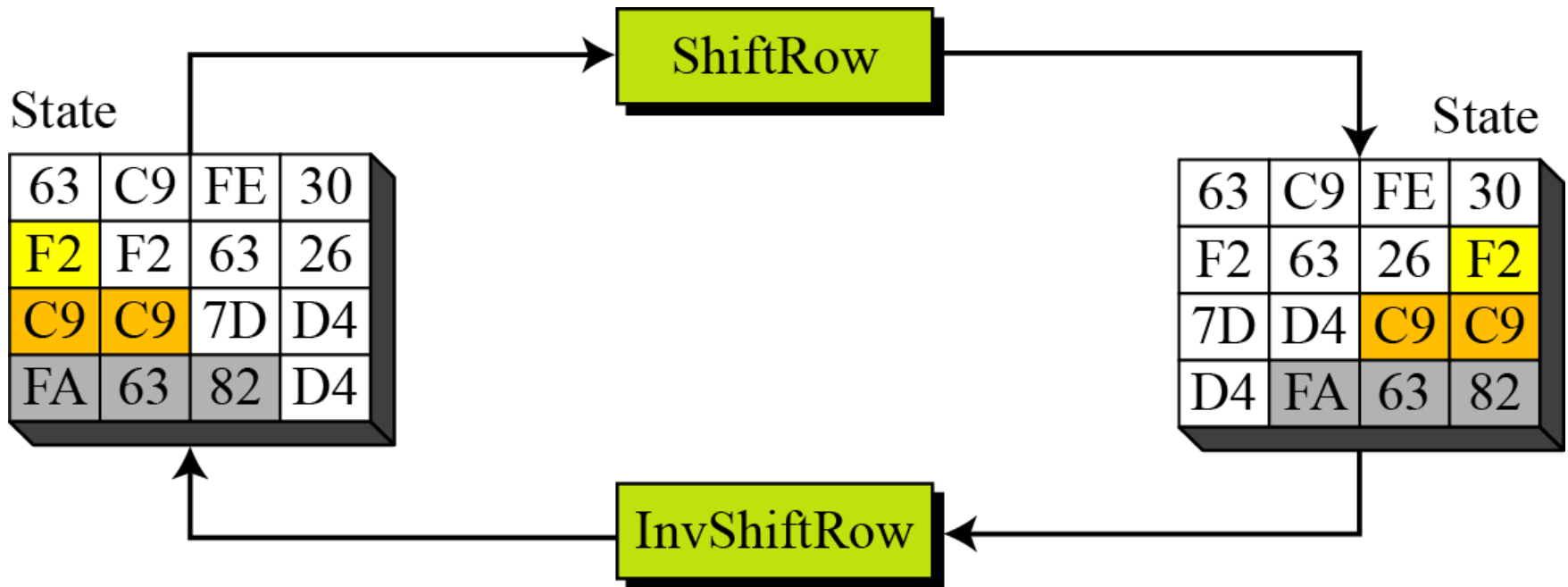


ShiftRows: Pomjerenje vrsta

- Za svaki red se radi kružno pomjerenje u lijevo
 - Prvi red se mijenja;
 - Drugi red se kružno pomjera u lijevo za 1 bajt;
 - Treći red se kružno pomjera u lijevo za 2 bajta;
 - Četvrti red se kružno pomjera ulijevo za 3 bajta.
 - Prilikom dekripcije vrši se pomjerenje u desno (InvShiftRows operacija).
- Kako se stanje obrađuje po kolonama (grupama), ovaj korak permutuje bajtove iz jedne kolone u 4 različite kolone.

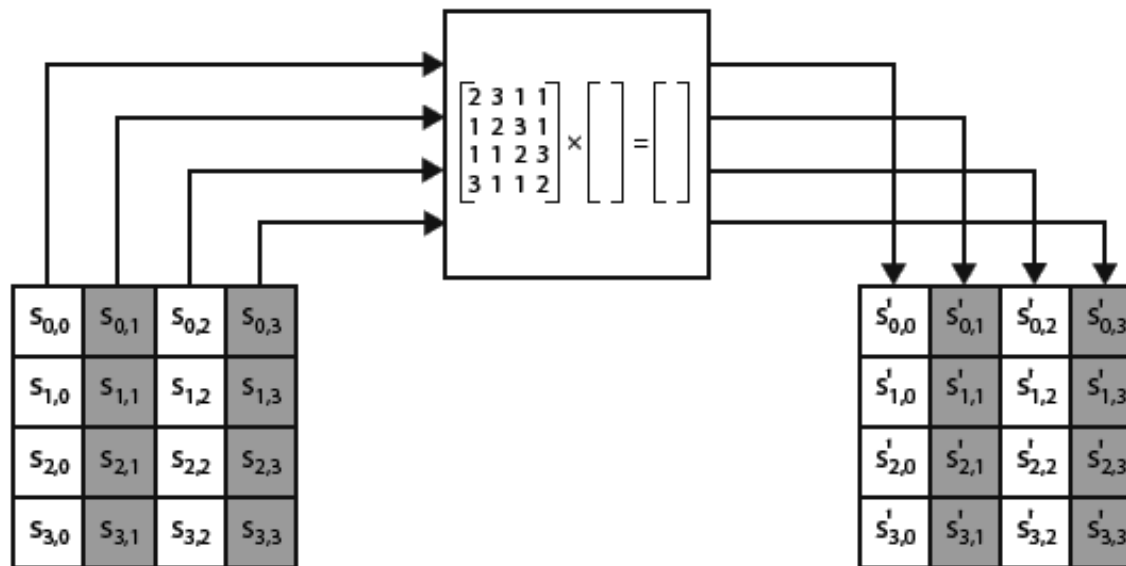


ShiftRows i InvShiftRows



MixColumns: Zamjena kolona

- Svaka kolona se obrađuje zasebno.
- Svaki bajt se zamjenjuje vrijednošću koja zavisi od sva 4 bajta kolone.
- Množenje matrica u $GF(2^8)$, korišćenjem nesvodljivog polinoma $m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$.



MixColumns: Primjer

| | | | |
|----|----|----|----|
| 87 | F2 | 4D | 97 |
| 6E | 4C | 90 | EC |
| 46 | E7 | 4A | C3 |
| A6 | 8C | D8 | 95 |

→

| | | | |
|----|----|----|----|
| 47 | 40 | A3 | 4C |
| 37 | D4 | 70 | 9F |
| 94 | E4 | 3A | 42 |
| ED | A5 | A6 | BC |

$$\begin{aligned}
 (\{02\} \cdot \{87\}) \oplus (\{03\} \cdot \{6E\}) \oplus \{46\} \oplus \{A6\} &= \{47\} \\
 \{87\} \oplus (\{02\} \cdot \{6E\}) \oplus (\{03\} \cdot \{46\}) \oplus \{A6\} &= \{37\} \\
 \{87\} \oplus \{6E\} \oplus (\{02\} \cdot \{46\}) \oplus (\{03\} \cdot \{A6\}) &= \{94\} \\
 (\{03\} \cdot \{87\}) \oplus \{6E\} \oplus \{46\} \oplus (\{02\} \cdot \{A6\}) &= \{ED\}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \{02\} \cdot \{87\} &= 0001\ 0101 \\
 \{03\} \cdot \{6E\} &= 1011\ 0010 \\
 \{46\} &= 0100\ 0110 \\
 \{A6\} &= \underline{1010\ 0110} \\
 &0100\ 0111 = \{47\}
 \end{aligned}$$

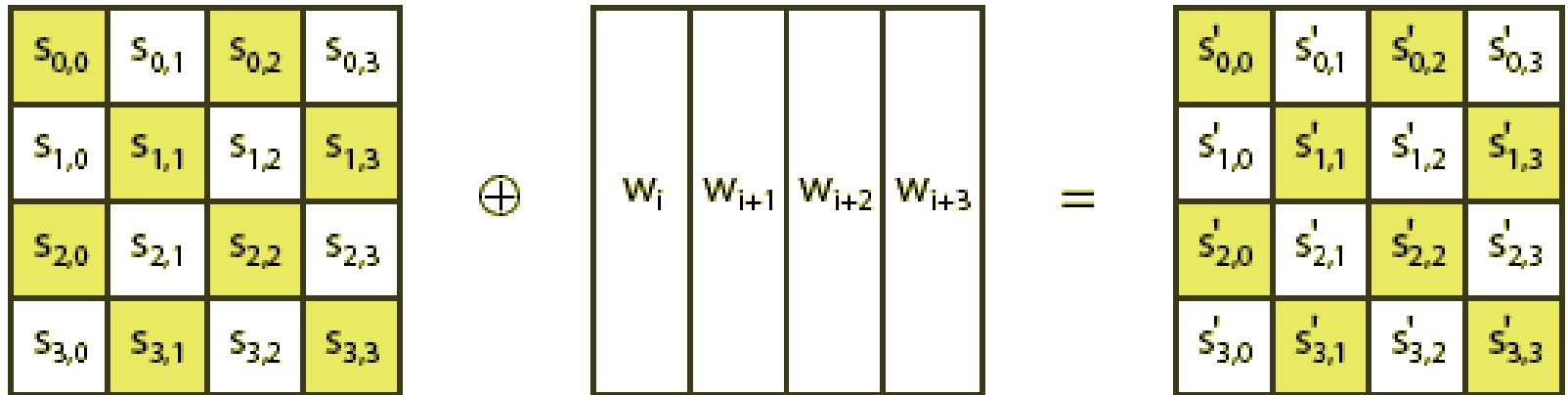
MixColumns

- Koeficijenti matrice su bazirani na linearnom maksimalnom rastojanju između kodnih riječi, što obezbjeđuje dobro miješanje bajtova svake kolone.
- U kombinaciji sa ShiftRows, MixColumns obezbjeđuje da nakon nekoliko iteracija svi biti izlaza zavise od svih bita na ulazu.
- Izbor koeficijenata ($\{01\}, \{02\}, \{03\}$) zasnovan je na razmatranjima koja se odnose na implementaciju.
 - Množenje sa ovim koeficijentima uključuje najviše operaciju pomjeranja (*shift*) i XOR.
- Koeficijenti kod InvMixColumns operacije su mnogo robusniji i teži za implementaciju.

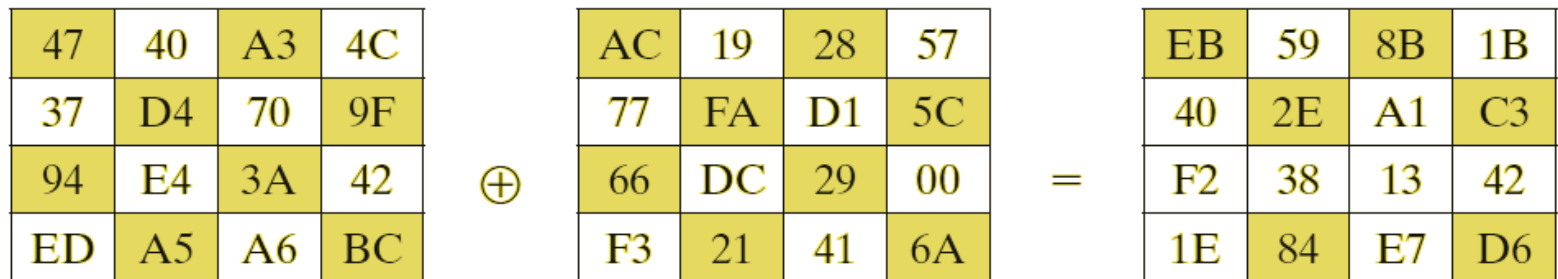
AddRoundKey

- Sabiranje (XOR) matrice stanja sa 128-bitnim ključem iteracije.
- Obrada se vrši po kolonama (iako, tehnički predstavlja niz bajtovskih operacija).
- Inverzna operacija kod dekripcije je identična jer je XOR sam sebi inverzan, samo je potreban odgovarajući ključ iteracije.
- AddRoundKey operacija je dizajnirana da bude što je moguće jednostavnija.
- Komplektnost algoritma proširenja ključa i ostalih faza AES-a obezbjeđuju sigurnost.

AddRoundKey



- Primjer:



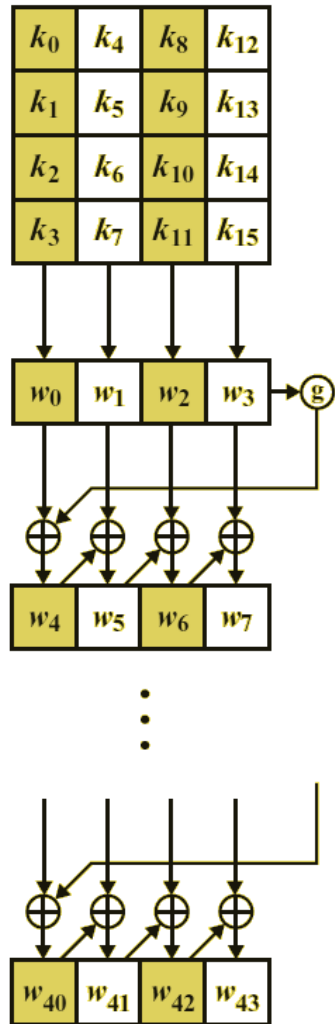
Stanje

Ključ iteracije

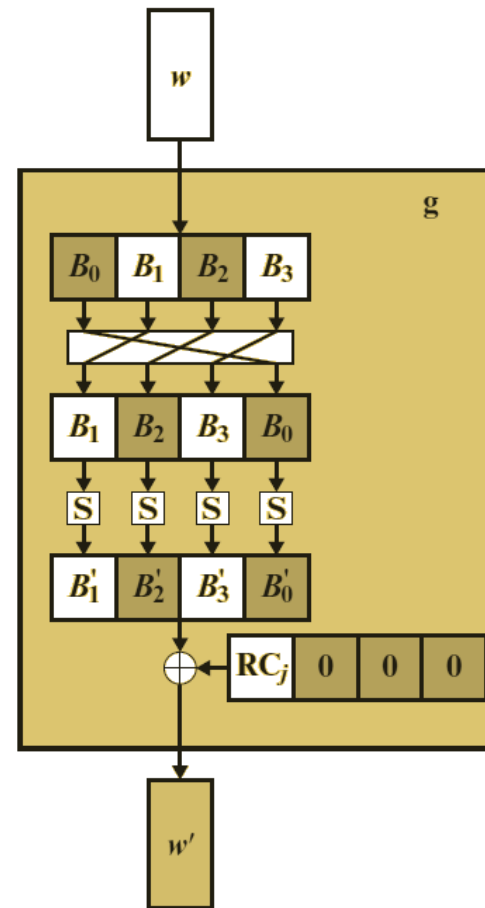
AES proširenje ključa

- Uzima 128/192/256-bitni (16/24/32-bajtni) ključ i razvija ga u niz od 44/52/60 32-bitnih riječi.
- Počinje sa kopiranjem ključa u prve četiri riječi.
- Zatim se u petlji prave riječi koje zavise od prethodne riječi ($w[i - 1]$) i riječi koja je pozicionirana za 4 mjesta unazad ($w[i - 4]$).
 - U tri od četiri slučaja primjenjuje se samo XOR.
 - Za riječi čija je pozicija multipl od 4, koristi se složenija funkcija (g).
- Dizajniran je da bude otporan na sve poznate napade.

AES proširenje ključa



Algoritam



Funkcija g

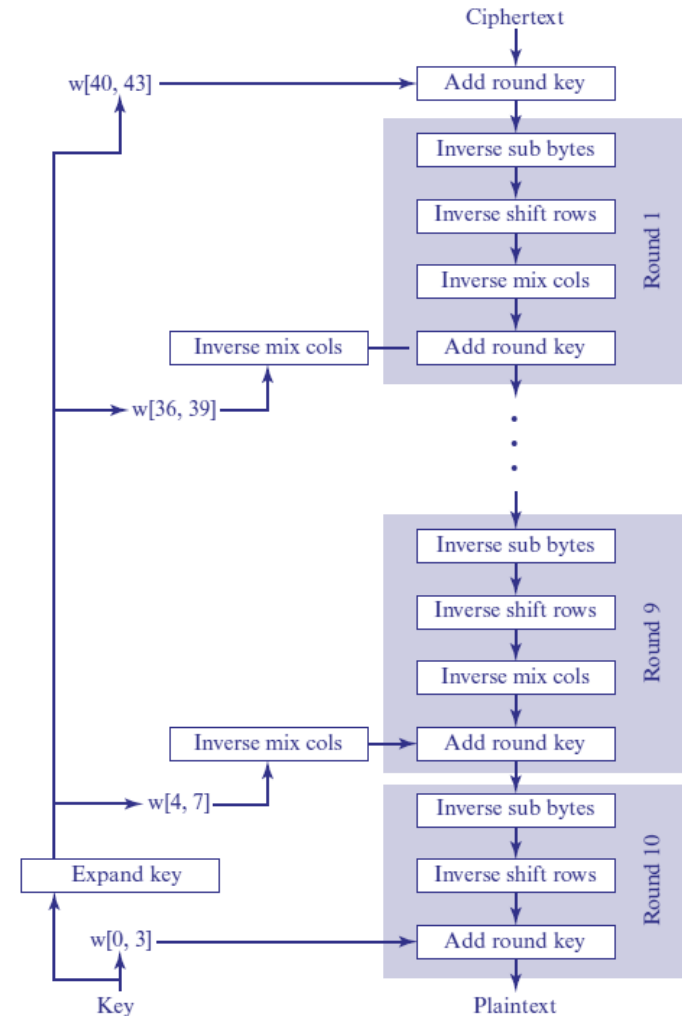
AES proširenje ključa

- Funkcija g se sastoji od sledećih podfunkcija:
 - Kružnog pomjeranja riječi ulijevo za jedan bajt.
 - Ulazna riječ $[b_0, b_1, b_2, b_3]$ transformiše se u $[b_1, b_2, b_3, b_0]$.
 - S-box funkcije koja vrši zamjenu za svaki bajt ulazne riječi.
 - XOR sa konstantom iteracije, $RC[j]$.
- Tri prva bajta konstante iteracije su nula.
- Konstanta iteracije je različita u svakoj iteraciji, pri čemu je $RC[1] = 1, RC[j] = \{02\} \cdot RC[j - 1]$.
 - Operacija množenja definisana je u $GF(2^8)$.

| | | | | | | | | | | |
|-------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| j | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| RC[j] | 01 | 02 | 04 | 08 | 10 | 20 | 40 | 80 | 1B | 36 |

AES dešifriranje

- AES dešifriranje nije identično enkripciji jer se koraci rade u inverznom redosledu.
- Struktura iteracije dešifriranja: InvShiftRows, InvSubBytes, AddRoundKey, InvMixColumns.
- Može se definisati ekvivalentna inverzna šifra sa koracima kao kod enkripcije, ali uz korišćenje inverznih funkcija svakog koraka i sa različitim rasporedeom ključa.



Modovi rada blok šifratora

- Blok šifratori vrše enkripciju blokova fiksne veličine b bita i generišu *ciphertext* iste veličine.
- Ukoliko je poruka veća od b bita, onda se razbija u više blokova.
- Kada se više blokova enkriptuje istim ključem javljaju se brojni sigurnosni problemi.
- U cilju podsticanja primjene blok šifratora u raznim aplikacijama NIST je definisao pet modova rada ovih šifratora.
- Definisani modovi su predviđeni za upotrebu kod svih simetričnih blok šifratora, uključujući DES i AES.

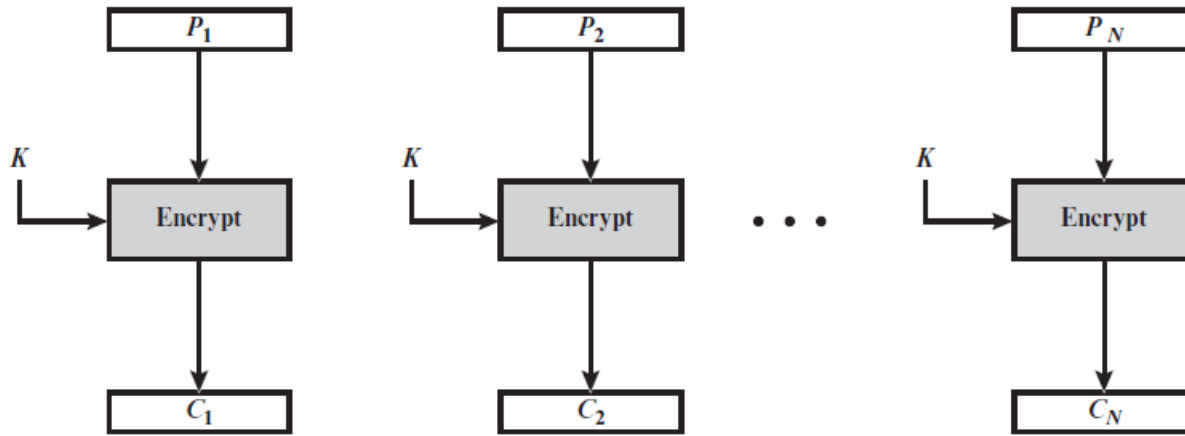
Modovi rada blok šifratora

| Mod | Tipična primjena |
|-----------------------------|--|
| Electronic Codebook (ECB) | Siguran prenos pojedinačnih vrijednosti (npr. ključeva) |
| Cipher Block Chaining (CBC) | Mod opšte namjene za blokovski prenos podataka; Autentifikacija |
| Cipher Feedback (CFB) | Mod opšte namjene za prenos podataka na nivou toka; Autentifikacija |
| Output Feedback (OFB) | Mod za prenos podataka na nivou toka kod kanala sa šumovima (npr. satelitska komunikacija) |
| Counter (CTR) | Mod opšte namjene za blokovski prenos podataka; Pogodan kada se zahtjeva velika brzina prenosa |

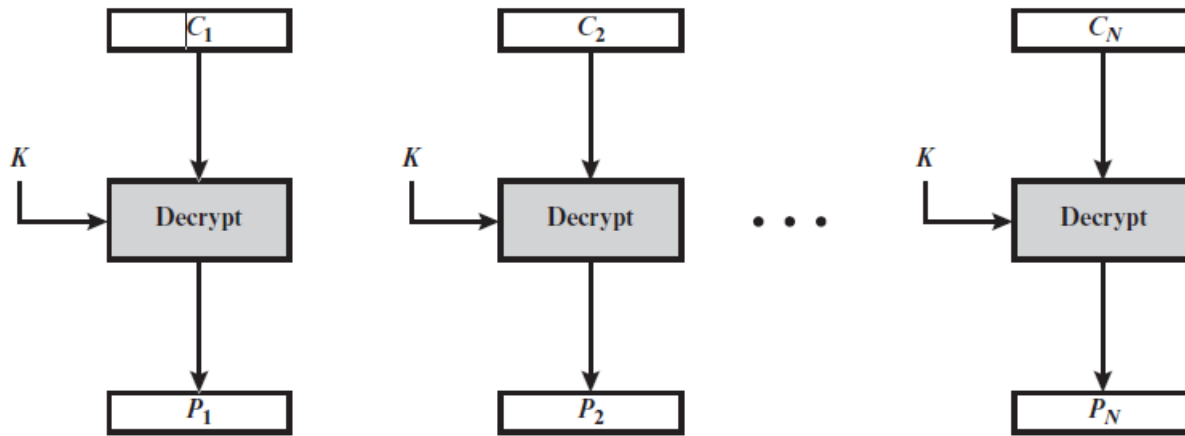
ECB mod

- *Electronic CodeBook* (ECB)
- Poruka se dijeli u blokove koji se nezavisno enkriptuju istim ključem (uz dopunu poslednjeg bloka po potrebi)
- Svaki blok *plaintext*-a se mapira u odgovarajući blok *ciphertext*-a.
 - Kao da imamo ogromnu knjigu kodova... Otuda i ime.
- Primjena: Siguran prenos poruka ne dužih od jednog bloka.
 - Na primjer, enkripcija tajnog ključa.

ECB mod



(a) Encryption



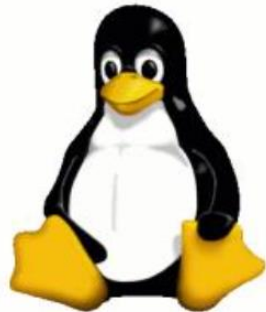
(b) Decryption

Prednosti i ograničenja ECB moda

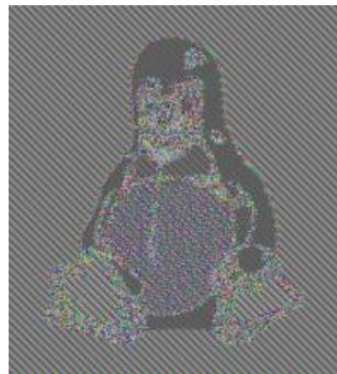
- Ponavljanja u poruci se mogu vidjeti u enkriptovanom tekstu.
 - Isti blok nakon enkripcije uvijek daje isti rezultat.
 - Problematicno kod prenosa grafičkih elemenata ili drugih poruka koje se jako malo mijenjaju.
- Ukoliko poruke imaju izreženu strukturu, napadač lako može uočiti regularnosti.
 - Na primjer, ukoliko poruka počinje sa nekim setom polja, napadač može imati na raspolaganju veći broj *plaintext-ciphertext* parova za kriptanalizu.
 - Ukoliko se neki segmenti poruke ponavljaju sa periodom od b bita, napadač ih može lako identifikovati.

CBC mod

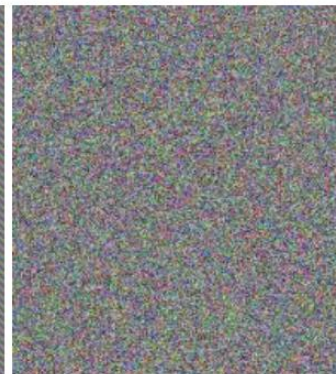
- *Cipher Block Chaining* (CBC)
- Ulaz algoritma enkripcije je XOR trenutnog *plaintext* bloka i prethodnog *ciphertext* bloka
- Isti ključ se koristi za svaki blok
- Lančana obrada sekvence *plaintext* blokova
- Ponovljeni *plaintext* blokovi mapiraju se u različite *ciphertext* blokove
- Ponavljajuće sekvence od b bita ne mogu se identifikovati



Orig. slika

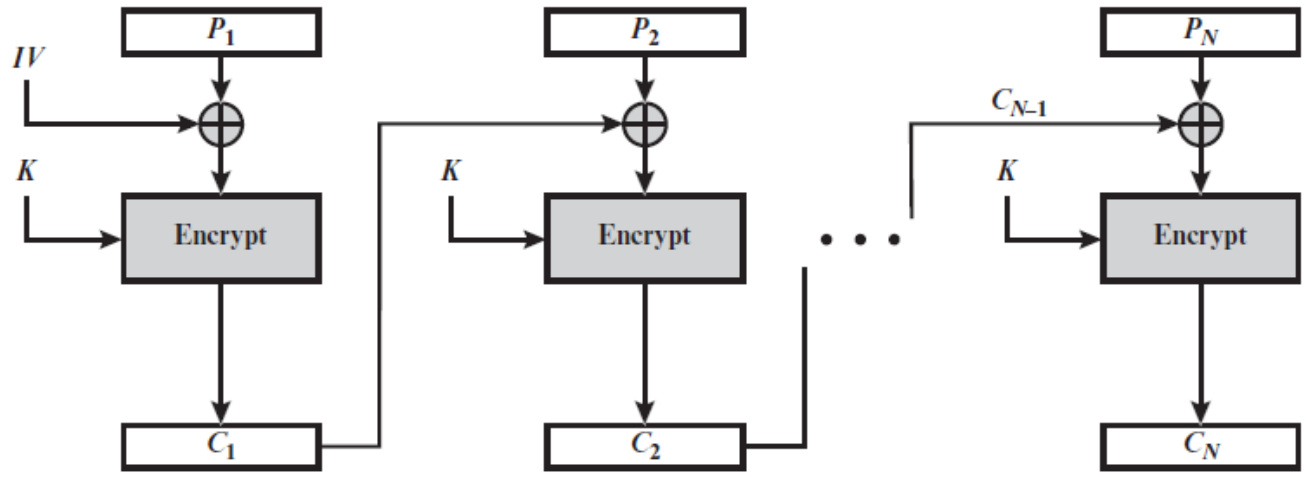


ECB

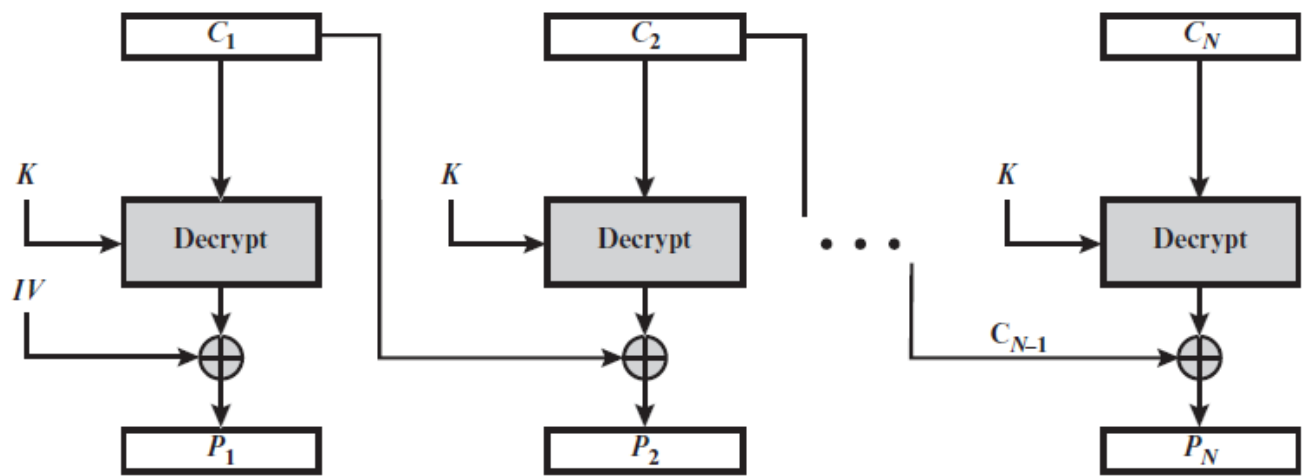


CBC

CBC mod rada



(a) Encryption



(b) Decryption

CBC mod

$$C_1 = E(K, [P_1 \oplus IV])$$

$$C_j = E(K, [P_j \oplus C_{j-1}]) \quad j = 2, \dots, N$$

$$P_1 = D(K, C_1) \oplus IV$$

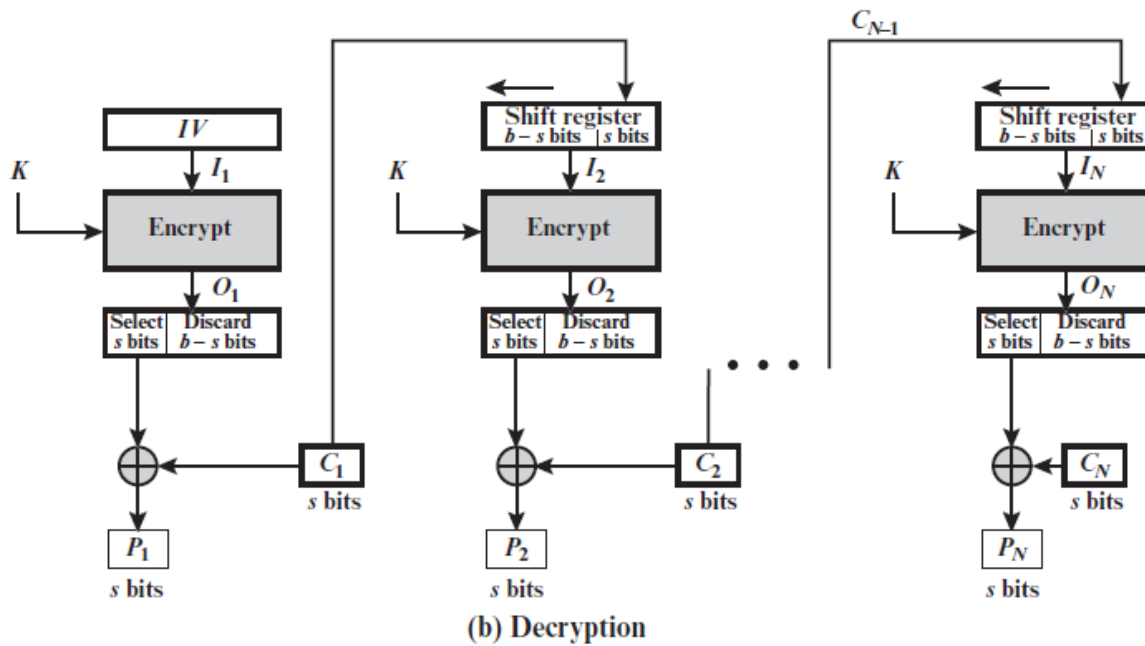
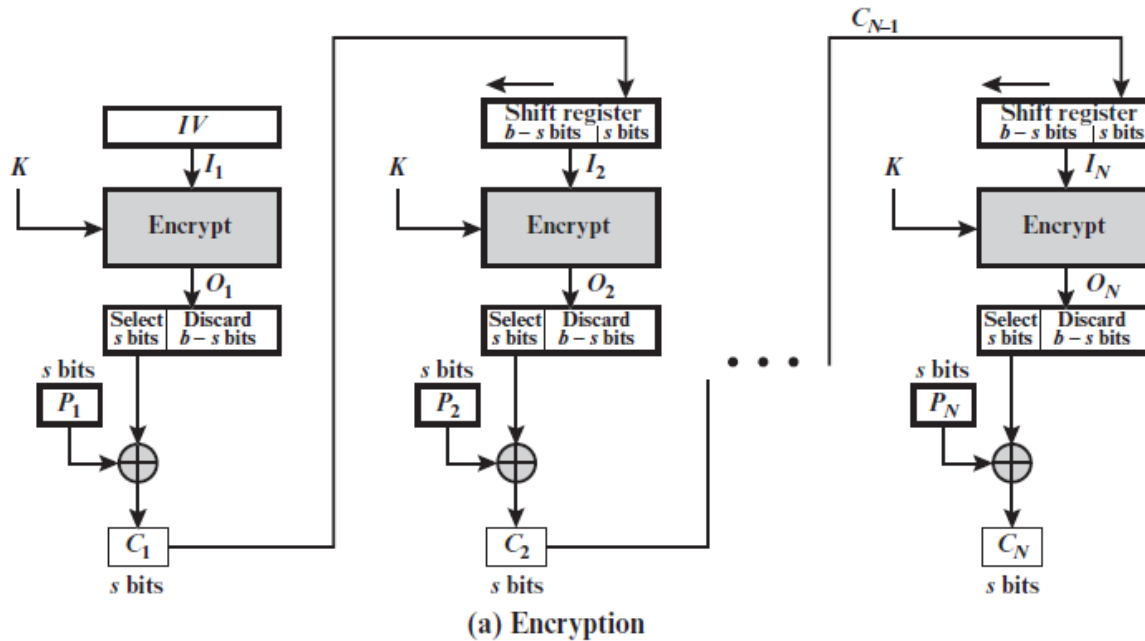
$$P_j = D(K, C_j) \oplus C_{j-1} \quad j = 2, \dots, N$$

- Prilikom kreiranja prvog bloka ciphertext-a koristi se unaprijed definisana početna vrijednost (*IV - Initial vector*)
- Prilikom dekripcije prvog bloka vrši se XOR početne vrijednosti i izlaza algoritma dekripcije.
- Početna vrijednost je iste veličine kao i šifrat.
 - Mora biti poznata pošiljaocu i primaocu, ali nepredvidiva za napadača.
- **Ograničenja:** Svaka promjena (greška) u poruci utiče na promjenu u svim blokovima; Nije moguća paralelizacija prilikom enkripcije.
- Primjena:
 - Šifrovanje velike količine podataka (*bulk data*)
 - Autentifikacija

CFB mod

- *Cipher FeedBack* (CFB)
- Moguće je konvertovati blok šifrator u šifrator toka koristeći CFB, OFB ili CTR mod.
- Šifrator toka eliminiše potrebu za nadogradnjom (*padding*) poruke kako bi ona sadržala cijeli broj blokova
 - Može se izvršavati u realnom vremenu
 - Poruka se tretira kao tok bita
 - Jedinice *plaintext*-a (*s*, obično 8 bita) se uvezuju tako da svaka jedina *ciphertext*-a zavisi od svih prethodnih jedinica *plaintext*-a
- **Primjena:** Šifrovanje toka podataka, autentifikacija.
- **Ograničenja:**
 - Greške se propagiraju kroz nekoliko blokova dok se ne shvati da se radi o grešci;
 - Nije moguće paralelizovati postupak enkripcije.

CFB mod

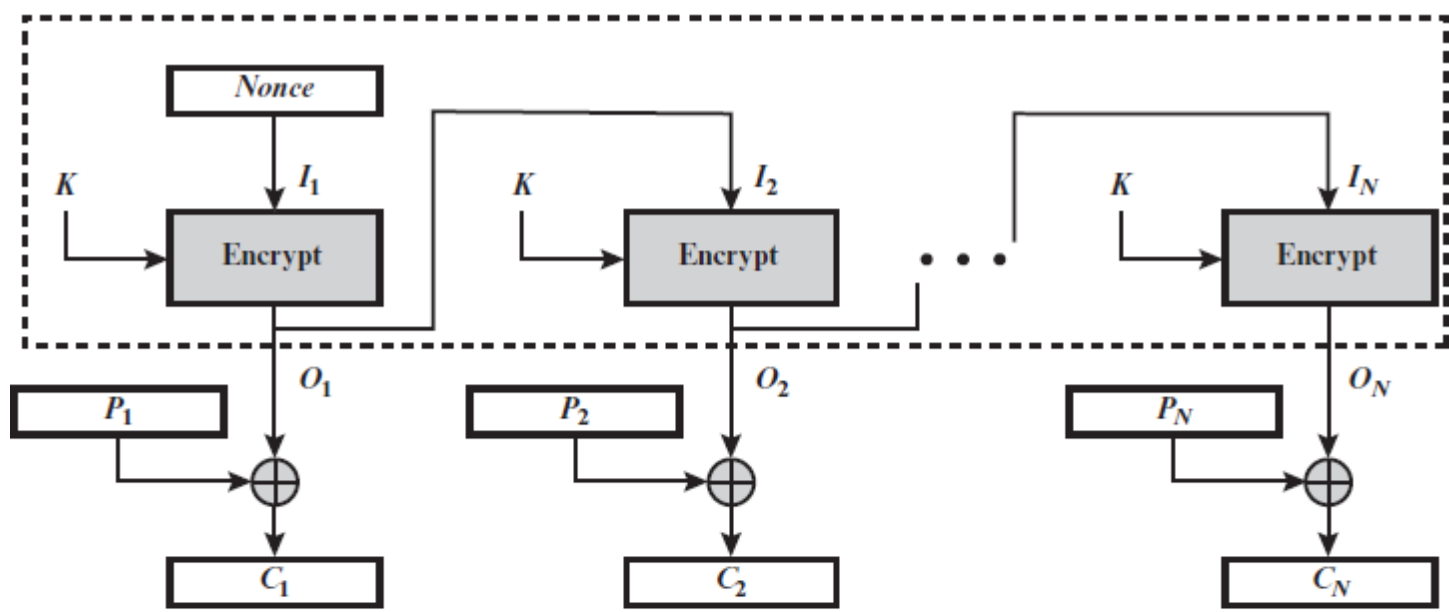


OFB mod

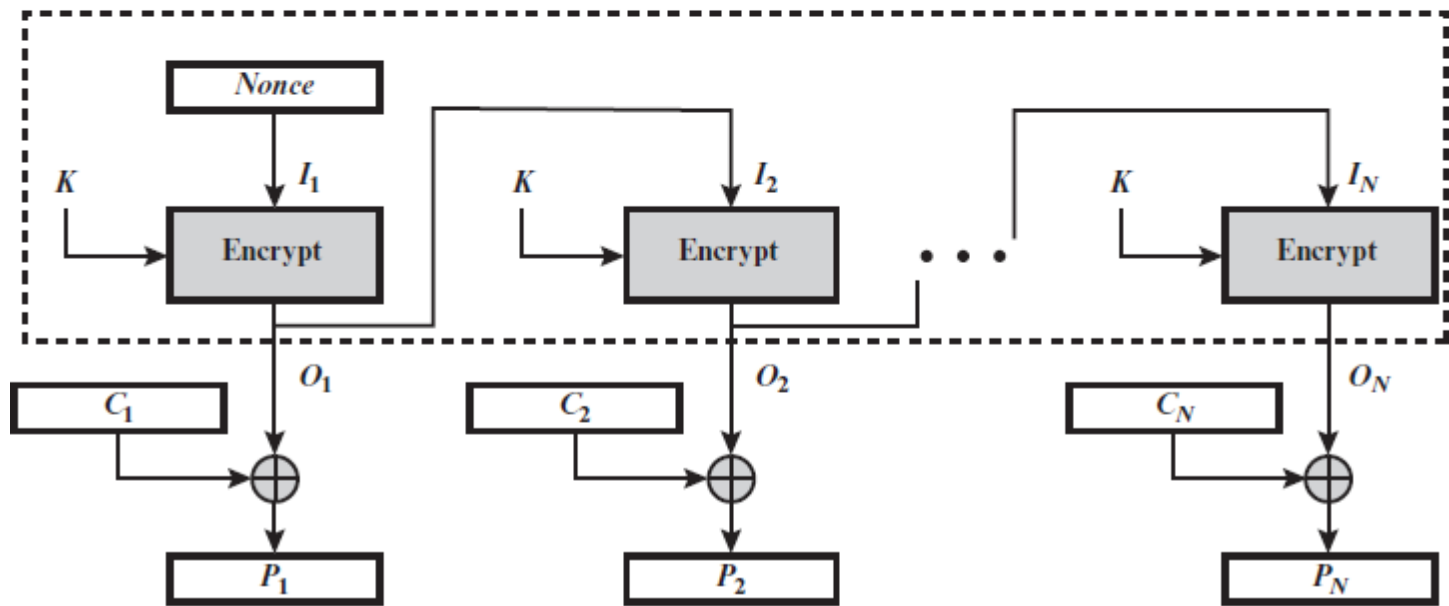
- *Output FeedBack* (OFB)
- Izlaz funkcije enkripcije postaje ulaz za enkripciju sledećeg *plaintext* bloka
- Izvršava se nad čitavim blokom *plaintext*-a i *ciphertext*-a
- Ukoliko je poslednji blok dužine $u < b$, najznačajnijih u bita poslednjeg izlaznog bloka se dovode na ulaz XOR funkcije.
- Kao i CBC i CFB, OFB zahtijeva definisanje početne vrijednosti (IV)
 - Kod OFB-a IV mora biti *nonce*, što znači da mora biti jedinstvena za svaku operaciju enkripcije.

| | |
|--|--|
| $I_1 = \text{Nonce}$ | $I_1 = \text{Nonce}$ |
| $I_j = O_{j-1} \quad j = 2, \dots, N$ | $I_j = O_{j-1} \quad j = 2, \dots, N$ |
| $O_j = E(K, I_j) \quad j = 1, \dots, N$ | $O_j = E(K, I_j) \quad j = 1, \dots, N$ |
| $C_j = P_j \oplus O_j \quad j = 1, \dots, N - 1$ | $P_j = C_j \oplus O_j \quad j = 1, \dots, N - 1$ |
| $C_N^* = P_N^* \oplus \text{MSB}_u(O_N)$ | $P_N^* = C_N^* \oplus \text{MSB}_u(O_N)$ |

OFB mod



(a) Encryption



(b) Decryption

Prednosti i nedostaci OFB moda

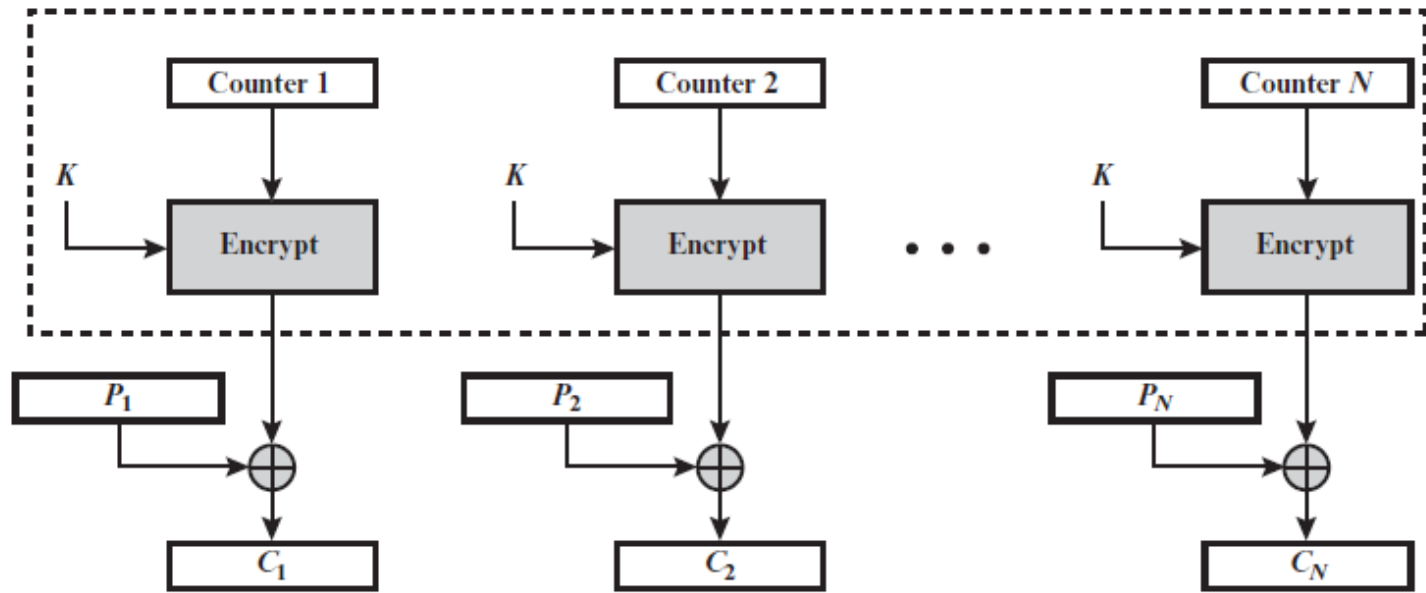
- Koristi se kada je potrebno započeti dekripciju poruke i prije nego što je cijela poruka stigla.
- **Prednosti:**
 - Povratna informacija je nezavisna od poruke
 - Nema lančane propagacije grešaka
 - Na primjer, ukoliko se greška desila u prenosu *ciphertext*-a C_1 , uticaće samo na *plaintext* P_1 .
- **Nedostaci:**
 - Skloniji je napadima modifikacije toka nego CFB
 - Na primjer, inverzijom bita u *ciphertext*-u invertuje se odgovarajući bit u *plaintext*-u.
 - Na ovaj način je moguće kontrolisati dekriptovani *plaintext*.
 - Moguće je umetnuti novu poruku sa izmijenjenom *checksum*-om, a da to prijemna strana ne može da detektuje.
 - Neophodno je sinhronizovati pošiljaca i primaoca

CTR mod

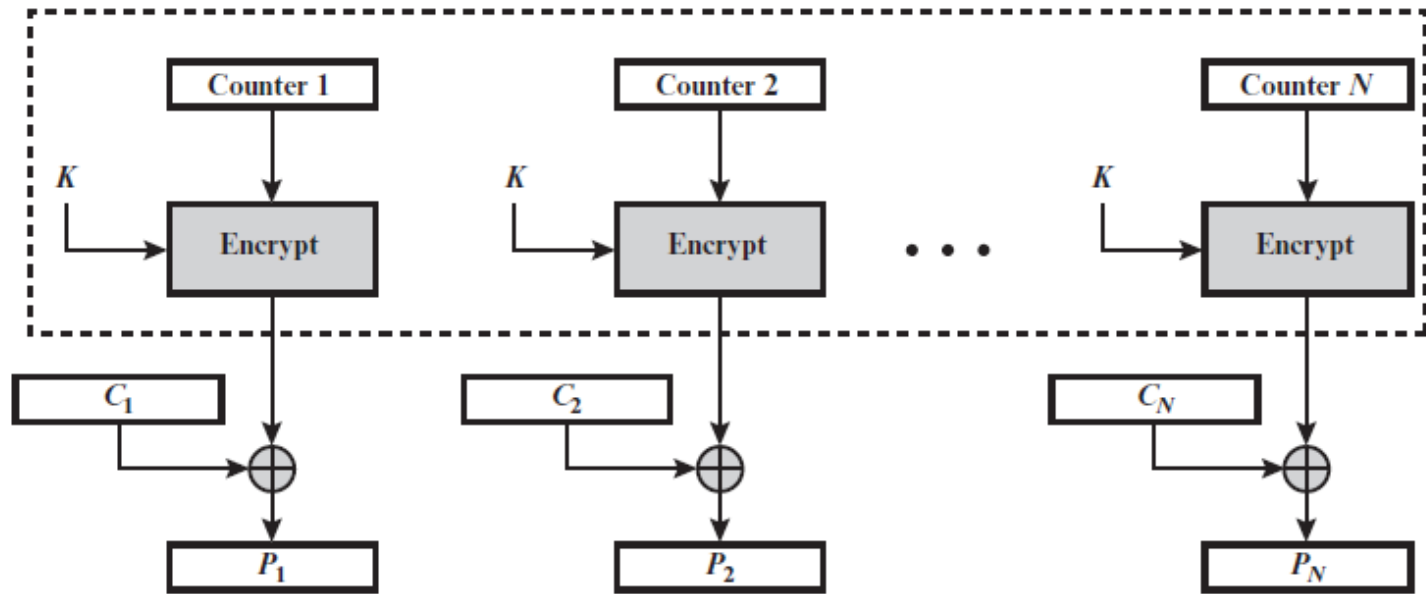
- Counter (CTR)
- Povećano interesovanje za ovom tehnikom kod sigurnosnih mehanizama za ATM i IP mreže.
- **Primjena:** enkripcija u mrežama velike brzine.
- Sličan OFB-u ali se enkriptuje vrijednost brojača (T), a ne povratne informacije
- Brojač je jednake dužine kao *plaintext* blok koji se enkriptuje
- Početna vrijednost (IV) mora biti *nonce*
 - Brojač mora biti različit za svaki *plaintext* blok koji se enkriptuje
- Brojač se inicijalizuje na neku vrijednost a zatim uvećava za jedan (po modulu 2^b) za svaki naredni blok

| | |
|--|--|
| $C_j = P_j \oplus E(K, T_j) \quad j = 1, \dots, N - 1$ | $P_j = C_j \oplus E(K, T_j) \quad j = 1, \dots, N - 1$ |
| $C_N^* = P_N^* \oplus \text{MSB}_u[E(K, T_N)]$ | $P_N^* = C_N^* \oplus \text{MSB}_u[E(K, T_N)]$ |

CTR mod



(a) Encryption



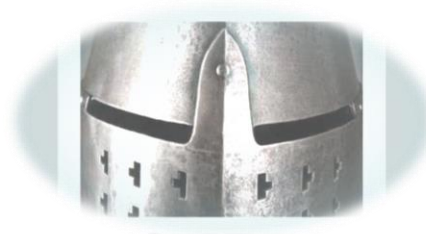
(b) Decryption

CTR mod

- Ukoliko je poslednji *plaintext* blok dužine $u < b$ bita, najznačajnijih u bita izlaznog bloka se dovode na ulaz XOR funkcije dok se ostalih $b-u$ bita odbacuje
- Za razliku od ECB, CBC i CFB modova, CTR ne zahtijeva dopunjavanje poruka
- **Prednosti:**
 - Moguća je paralelna enkripcija (ili dekripcija) više blokova odjednom
 - Pogodan za linkove velikog kapaciteta
 - Moguće pretprocesiranje (priprema vrijednosti za XOR unaprijed)
 - Može se dekriptovati proizvoljan blok *ciphertext*-a bez prethodne dekripcije njegovih prethodnika
 - Dakazana bezbjednost – jednako siguran kao i ostali modovi
 - Jednostavnost – zahtjeva implementaciju samo algoritma enkripcije (ne i dekripcije)
- **Ograničenja:** Neophodno je osigurati da se ista kombinacija ključ/brojač ne ponovi prilikom enkripcije poruke

Rezime

- Aritmetika konačnih polja
- AES struktura
 - Generalna struktura
 - Detaljna struktura
- AES proširenje ključa
 - Algoritam proširenja ključa



- AES transformacione funkcije
 - SubBytes
 - ShiftRows
 - MixColumns
 - AddRoundKey
- AES dekripcija