

## ADAPTIVNI DISKRETNI SISTEMI I NEURALNE MREŽE

### **NEURALNE MREŽE – PERCEPTRONI, JEDNOSLOJNA MREŽA SA KONTINUALNIM IZLAZIMA, VIŠESLOJNE MREŽE -ZADACI-**

1. Posmatra se neuralna mreža koja se sastoji od jednog neurona. Neka je aktivaciona funkcija neurona unipolarna funkcija praga i neka neuron ima bias. Mreža treba da donosi odluku da li je data kombinacija od  $K$  binarnih cifara u decimalnom formatu paran ili neparan broj. Kreirati skup od  $M = 6$  parova ulaz-izlaz, gdje je jedan ulaz kombinacija od  $K$  binarnih cifara. Ulagne podatke smjestiti u matricu  $\mathbf{X}$ , dok je željene podatke potrebno smjestiti u vektor  $\mathbf{D}$ . Potrebno je vršiti treniranje neuralne mreže sa korakom  $\mu = 0.5$ , u 30 epoha.

Nakon treniranja mreže, dovesti na ulaz neuralne mreže kombinaciju od  $K$  binarnih cifara, kojih nije bilo u skupu za obučavanje, i provjeriti ispravnost izlaznog rezultata.

2. Neuralna mreža sastoji se od jednog neurona sa tri ulaza, bez biasa i sa aktivacionom funkcijom koja je oblika unipolarnog sigmoida. Ulagne veličine su realni brojevi iz intervala  $[0, 1]$ . Na raspolaganju je  $K = 30$  parova ulaz-izlaz. Potrebno je izvršiti obučavanje neuralne mreže sa 30 epoha obučavanja. Koristiti korak  $\mu = 2$ .

Podaci za treniranje mreže su definisani kao skup od 30 ulaznih podataka  $x_1$ ,  $x_2$  i  $x_3$  koji su slučajni brojevi u intervalu od 0 do 1 sa uniformnom raspodjelom vjerovatnoća. Za svaku trojku ulaznih podataka željeni izlazni podatak se računa po formuli:

$$d = \frac{1}{2} + \frac{x_1 - 2x_2 - x_3}{3 + x_1^3 + 3x_2^5 + x_3}.$$

Odrediti ukupnu kvadratnu grešku na kraju 1., 5., 10. i 30. epohe. Koji su koeficijenti posmatranog neurona nakon završenog obučavanja? Ukoliko se, po završetku treniranja pojave na ulazu podaci  $x_1 = 0.2$ ,  $x_2 = 0.4$  i  $x_3 = 0.3$ , odrediti izlaznu vrijednost i uporediti je sa željenim rezultatom  $d$ .

3. Skrivenu nelinearnu vezu između ulaznih i izlaznih podataka iz prethodnog zadatka odrediti korišćenjem višeslojne mreže sa tri neurona u skrivenom sloju, i jednim neuronom u izlaznom sloju. Aktivaciona funkcija svih neurona je unipolarni sigmoid. Koristiti korak  $\mu = 5$ . Ukoliko se, po završetku treniranja, pojave na ulazu podaci  $x_1 = 0.2$ ,  $x_2 = 0.4$  i  $x_3 = 0.3$ , odrediti izlaznu vrijednost i uporediti je sa željenim rezultatom  $d$ . Odrediti ukupnu kvadratnu grešku nakon 10, 100. i 300. epohe.