

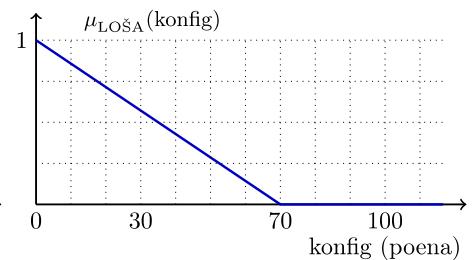
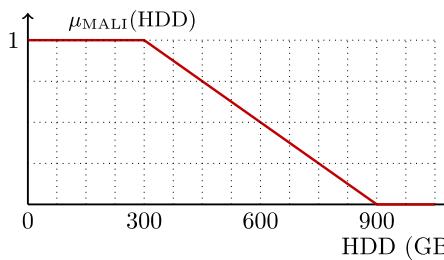
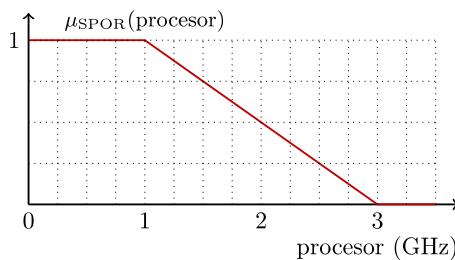
# ZADACI ZA VJEŽBU

## Zadatak 1. ([fis fajl 1](#), [fis fajl 2](#))

Razmatra se ekspertske sisteme za evaluaciju kvaliteta konfiguracija računara. Ulagane promjenljive su **procesor** (brzina u GHz) i **HDD** (veličina u GB), a izlazna veličina je **konfig** (kvalitet konfiguracije u poenima od 0 do 100). Za sve ulagane i izlazne veličine su definisani fazi skupovi sa kontinualnim funkcijama pripadnosti i to: za **procesor** definisani su fazi skupovi **SPOR** i **BRZ**, za **HDD** su definisani fazi skupovi **MALI** i **VELIKI**, dok su za **konfig** definisani fazi skupovi **LOŠA** i **DOBRA**.

Odrediti izlaz fazi mašine ako su na njenom ulazu konkretnе vrijednosti: **procesor = 1.5 GHz** i **HDD = 750 GB**. Operatori OR i AND su definisani na standardan način.

- a) Koristiti Mamdanijevu implikaciju.
- b) Koristiti Larsenovu implikaciju.



Pravilo 1: IF procesor IS SPOR

OR      HDD IS MALI

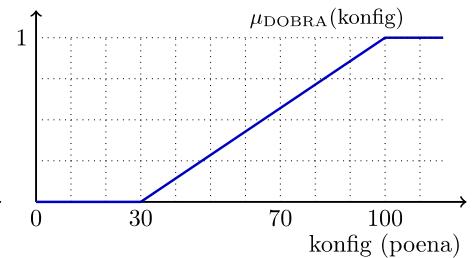
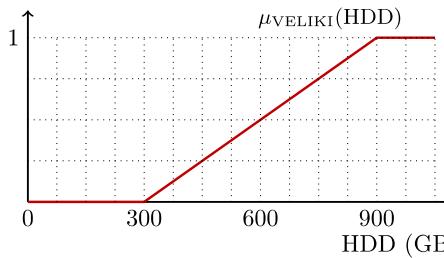
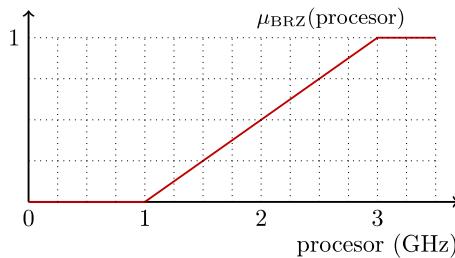
THEN

konfig IS LOŠA

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja čitavog fazi uslova:



Pravilo 1: IF procesor IS BRZ

AND      HDD IS VELIKI

THEN

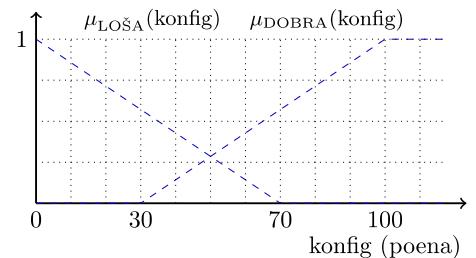
konfig IS DOBRA

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja čitavog fazi uslova:

Agregirani zaključak:



Izvršiti defazifikaciju izlaznog fazi skupa koristeći:

a) COG metod. Defazifikacija fazi skupa  $Y$  pomoću ovog metoda se vrši na sljedeći način:

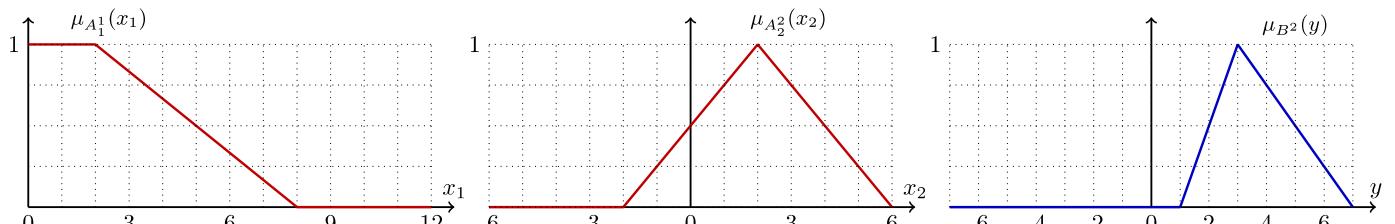
$$y^* = \frac{\int \mu_Y(y) y dy}{\int \mu_Y(y) dy}$$

b) MOM, SOM i LOM metod.

Simulirati fazi mašinu u Matlab-u.

## Zadatak 2.

Razmatra se Mamdanijeva fazi mašina sa ulaznim varijablama  $x_1$  i  $x_2$ , izlaznom varijablom  $y$  i standardno definisanim operatorima OR i AND.



Pravilo 1: IF  $x_1$  IS  $A_1^1$

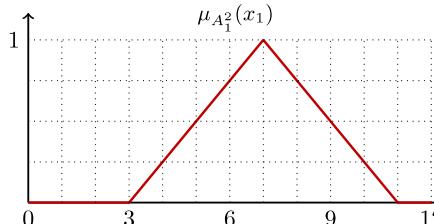
OR  $x_2$  IS  $A_2^2$

THEN

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja čitavog fazi uslova:



Pravilo 1: IF  $x_1$  IS  $A_1^2$

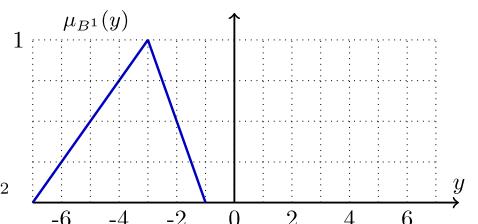
AND  $x_2$  IS  $A_2^1$

THEN

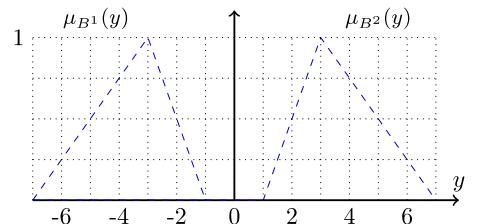
Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja:

Stepen ispunjenja čitavog fazi uslova:



Agregirani zaključak:



Odrediti izlaz iz fazi mašine za  $x_1 = 5$  i  $x_2 = 2$ . Razmotriti

- Mamdanijevu implikaciju,
- Larsenovu implikaciju,
- kao i različite metode defazifikacije.

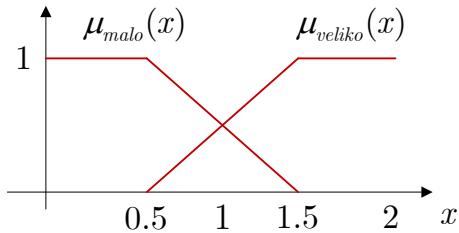
Simulirati fazi mašinu u Matlab-u.

### Zadatak 3. ([fis fajl](#))

Razmatra se Sugeno fazi mašina koja se sastoji od dva pravila:

1. if  $x = \text{"malo"}$  then  $y = x + 1$
2. if  $x = \text{"veliko"}$  then  $y = -x + 1$

Fazi skupovi "malo" i "veliko" su prikazani na slici ispod:



Odrediti izlaz  $y$  za sljedeće ulaze:

- a)  $x = 0$ ,
- b)  $x = 0.75$ ,
- c)  $x = 2$ .

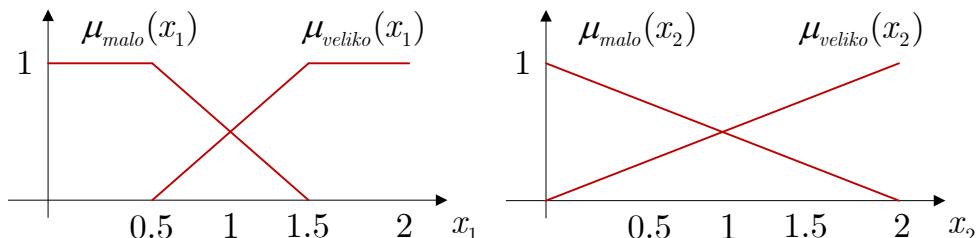
Za defazifikaciju koristiti „weighted average“ (WA) metod. Simulirati fazi mašinu u Matlab-u.

### Zadatak 4. ([fis fajl](#))

Razmatra se Sugeno fazi mašina koja se sastoji iz dva pravila:

1. IF  $x_1 = \text{"malo"}$  AND  $x_2 = \text{"malo"}$  THEN  $y = x_1 + x_2 + 1$
2. IF  $x_1 = \text{"veliko"}$  OR  $x_2 = \text{"veliko"}$  THEN  $y = 2x_1 - x_2 + 1$

Fazi skupovi "malo" i "veliko" su prikazani na slici ispod:



Odrediti izlaz  $y$  za sljedeće ulaze:

- a)  $x_1 = 0, x_2 = 1$ ,
- b)  $x_1 = 1, x_2 = 1$ ,
- c)  $x_1 = 2, x_2 = 1$ .

Za defazifikaciju koristiti weighted average metod. Simulirati fazi mašinu u Matlab-u.

### Zadatak 5. ([m fajl](#))

Projektovati Mamdani fazi sistem koji određuje željenu (referentnu) brzinu autonomnog vozila tokom praćenja zakrivljene putanje, uzimajući u obzir zakrivljenost putanje i ugao zakretanja volana. Cilj je da vozilo održava optimalnu brzinu prilikom skretanja.

Ulagne promenljive:

- $\kappa (m^{-1})$  – zakrivljenost putanje koju automobil prati, opseg:  $[0, 0.2 m^{-1}]$ .
- $\theta (^{\circ})$  – ugao zakretanja volana, opseg:  $[0^{\circ}, 90^{\circ}]$

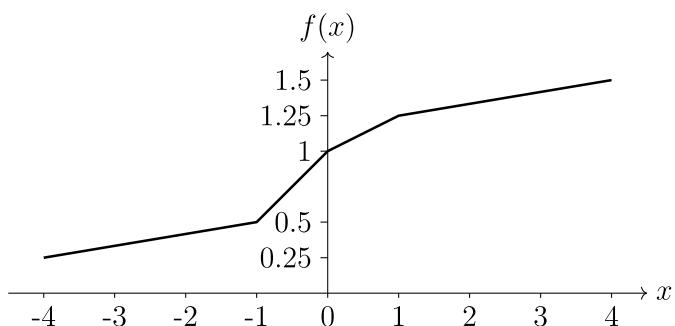
Izlazne promenljive:

$v_{ref}$  (m/s) – željena brzina automobila, opseg  $[0, 30 \text{ m/s}]$ .

Definisati po tri fazi skupa za sve promjenljive, a zatim definisati bazu fazi pravila. Odrediti željenu brzinu za  $\kappa=0.1$  i  $45^{\circ}$ . Simulirati fazi sistem. Prikazati kako se referentna brzina mijenja u zavisnosti od ugla zakretanja, ako je  $\kappa=0.1$ .

### Zadatak 6. ([m fajl 1](#), [m fajl 2](#))

Projektovati fazi sistem koji aproksimira funkciju sa slike. Zadatak pokušajte riješiti na dva načina: a) koristeći Mamdani fazi mašinu, b) koristeći Sugeno fazi mašinu.



### Zadatak 7. ([m fajl](#))

Projektovati Sugeno fazi sistem koji aproksimira funkciju  $y=\sin(x)$  na opsegu  $[a, b]$ . Fazi sistem treba da sadrži  $N$  pravila. Skicirati funkcije pripadnosti, a zatim u Matlab-u napisati funkciju koja implementira ovaj fazi sistem. Analizirati tačnost aproksimacije u zavisnosti od tipa funkcija pripadnosti. Razmotriti

- trougaone,
- trapezoidne,
- Gausove funkcije pripadnosti.

### Zadatak 8. ([m fajl](#))

Projektovati Sugeno fazi sistem koji aproksimira funkciju  $y=\sin(x_1)\sin(x_2)$  na opsegu  $[a_1, b_1] \times [a_2, b_2]$ . Fazi sistem treba da sadrži od  $N_1 \times N_2$  pravila, gdje  $N_1$  i  $N_2$  predstavljaju brojeve fazi skupova za promjenljive  $x_1$  i  $x_2$ . Skicirati funkcije pripadnosti, a zatim u Matlab-u napisati funkciju koja implementira ovaj fazi sistem. Analizirati tačnost aproksimacije u zavisnosti od tipa funkcija pripadnosti. Razmotriti

- trougaone,
- trapezoidne,
- Gausove funkcije pripadnosti.