

# Mehanizmi pouzdanog prenosa



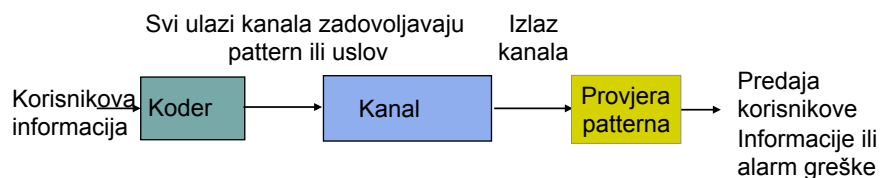
## Kontrola greške



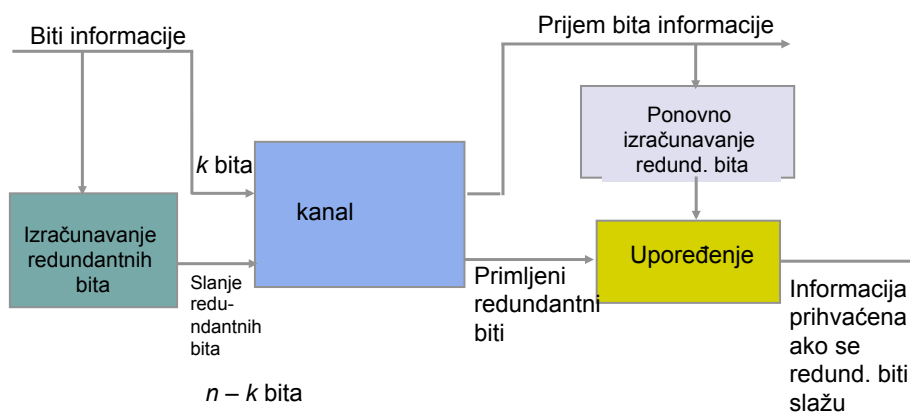
- Telekomunikacioni sistemi unose grešku
- Aplikacije zahtijevaju određeni nivo pouzdanosti
  - Aplikacije prenosa podataka zahtijevaju prenos bez greške
  - Govor & video aplikacije tolerišu određeni nivo greške
- Kontrola greške se koristi kada prenosni sistem ne zadovoljava zahtjeve aplikacije
- Kontrola greške obezbjeđuje da se podaci do određenog nivoa prenose bez greške
- Dva osnovna principa:
  - **Detekcija greške & retransmisija** (ARQ)
  - **“Forward error correction”** (FEC)
- Najčešće se realizuje na nivoima linka i transporta

## Ključna ideja

- Svi prenošeni blokovi podataka (“kodne riječi”) treba da zadovoljavaju šablon (pattern)
- Ako primljeni blok ne zadovoljava šablon, znači da se pojavila greška
- Redundansa: Samo podskup svih mogućih blokova može biti kodna riječ
- Problem nastaje kada kanal transformiše kodnu riječ u drugu kodnu riječ!!!!!!



## Redundantni biti & detekcija greške

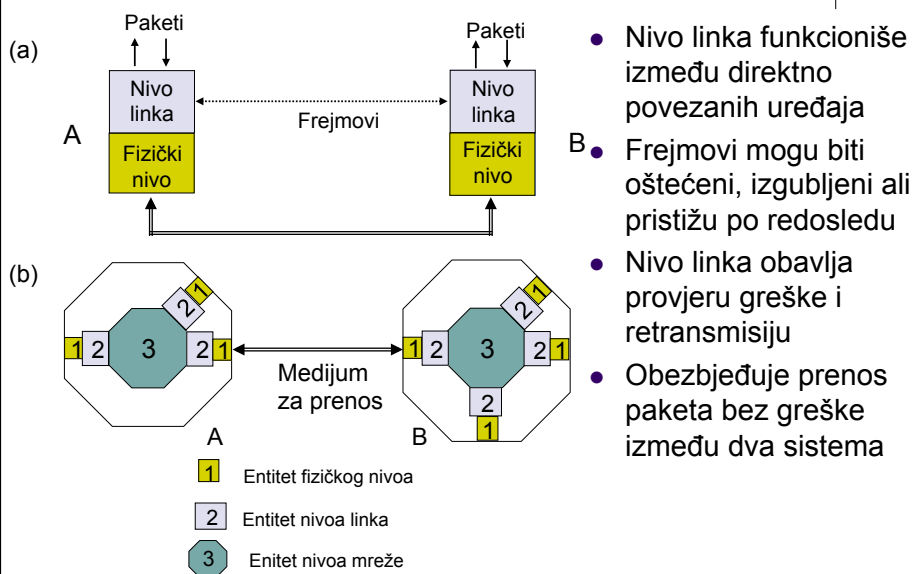


## Poređenje pristup End-to-End i Hop-by-Hop



- Kontrola greške (kao i kontrole protoka i zagušenja) može biti implementirana u okviru protokola tako da se obavlja
  - End-to-end (od kraja do kraja mreže)
  - Hop-by-hop (na svakom linku u mreži)

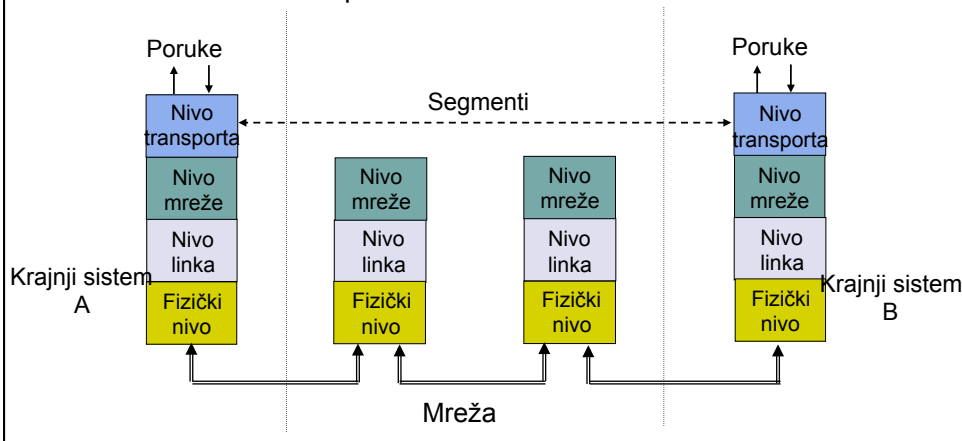
## Kontrola greške na nivou linka



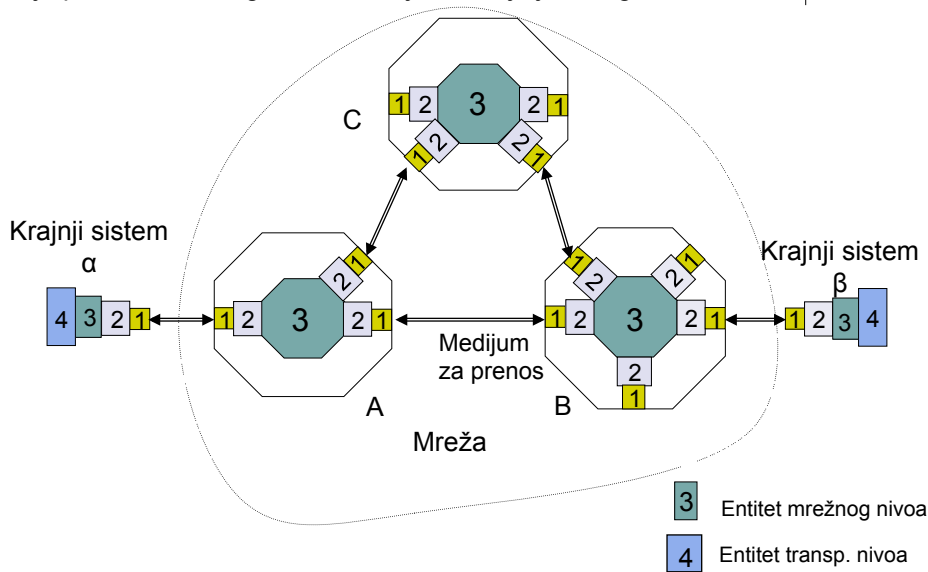
## Kontrola greške na transportnom nivou



- Protokol transportnog nivoa (npr. TCP) šalje segmente preko mreže i obavlja kontrolu greške od kraja do kraja i retransmisiju ako se pojavi potreba
- Mreža se smatra nepouzdanom



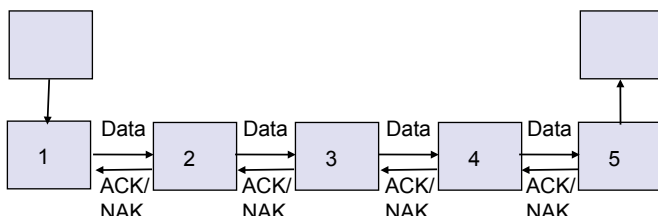
- Segmenti mogu previše kasniti, mogu biti izgubljeni, mogu doći van sekvence jer paketi putuju različitim putanjama zbog toga je posao kontrole greške od kraja do kraja je mnogo teži



## Poređenje



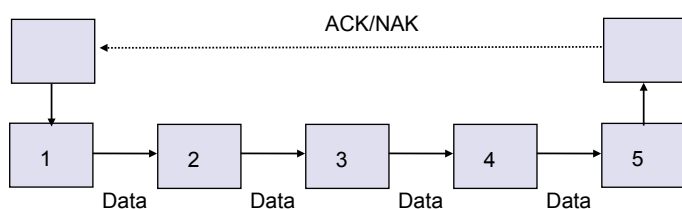
Hop-by-hop



Hop-by-hop ne garantuje E2E ispravnost

Brži oporavak

End-to-end



Mrežna čvorišta su jednostavna

Skalabilnije rješenje ako je inteligencija na obodu mreže

## Tehnike detekcije greške



- Šeme ponavljanja
- Šeme provjere parnosti
- Suma provjere (checksum)
- Ciklična provjera redundanse (Cyclic redundancy check)
- Provjere bazirane na Hammingovom kodu
- Hash funkcija
- Horizontalne i vertikalne provjere redundanse
- Šeme polarnosti

## Tehnike detekcije greške



### Šeme ponavljanja

- Kodna šema koja ponavlja istovjetne bite nekoliko puta.
- Veoma jednostavna metoda koja ima veoma loše performanse u slučaju kanala sa bijelim Gausovim šumom.
- Oznaka  $(r,1)$  znači da se svaki bit ponavlja  $r$  puta.
- Npr., u slučaju  $(3,1)$  koda ponavljanja, povorka bita  $m = 101001$  se kodira u

$c = 111000111000000111$ .

- Detekcija određenog bita se ogleda u brojanju primljenih vrijednosti i utvrđivanju koja se češće pojavljuje
- Npr., neka je u slučaju koda  $(3,1)$  primljena sekvenca  $c = 110001111$ . Dekodirana poruka je  $m = 101$ , zato što se u prva tri bita češće pojavljuje 1, druga dva 0, a u treća tri ponovo 1.
- Sa povećanjem  $r$  u kanalima sa bijelim Gausovim šumom dobijamo lošije performanse, dok se u kanalu sa fadingom ova šema ponaša znatno bolje.

## Tehnike detekcije greške



### Provjera parnosti

- Primjenjuje se za provjeru parnosti  $k$  informacionih bita
- Sve kodne riječi imaju paran (neparan) broj jedinica
- Prijemnik provjerava da li je broj jedinica paran (neparan)
  - Svi oblici greške koji mijenjaju kodnu riječ tako da je broj jedinica neparan (paran) se mogu detektovati
  - Svi oblici greške koji mijenjaju kodnu riječ tako da je broj jedinica paran (neparan) se ne mogu detektovati
- Bit parnosti se koristi u ASCII kodu

Informacioni Biti:  $b_1, b_2, b_3, \dots, b_k$

Bit provjere:  $b_{k+1} = b_1 + b_2 + b_3 + \dots + b_k \text{ modulo } 2$

Kodna riječ:  $(b_1, b_2, b_3, \dots, b_k, b_{k+1})$

## Tehnike detekcije greške



### Primjer koda jednostruke parnosti

- Informacija (7 bita): (0, 1, 0, 1, 1, 0, 0)
- Bit parnosti:  $b_8 = 0 + 1 + 0 + 1 + 1 + 0 + 0 = 1$
- Kodna riječ (8 bita): (0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1)
- Ako se pojavi jednostruka greška na bitu 3 :  
(0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1)
  - Broj jedinica je 5, neparan broj
  - Greška detektovana
- Ako se greška javlja na 3 i 5 bitu:  
(0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1)
  - Broj jedinica je 4, paran
  - Greška se ne može detektovati!!!!!!!

## Tehnike detekcije greške



### Koliko je dobra tehnika jednostruke parnosti?

- *Redundansa*: Jednostruki kod provjere parnosti dodaje 1 redundantni bit na  $k$  informacionih bita:  
zaglavlje =  $1/(k + 1)$
- *Pokrivanje*: sve greške sa neparnim brojem grešaka se mogu detektovati
  - Pattern greške je binarni  $(k + 1)$ -struki blok sa jedinicama gdje se javljaju greške i nulama tamo gdje se one ne javljaju
  - Od  $2^{k+1}$  binarnih  $(k + 1)$ -strukih blokova,  $1/2$  je neparno, tako da se 50% patterna greške detektuje
- Da li je moguće detektovati veći broj grešaka ako se doda više bita provjere?
- Da, sa pravim kodovima

## Tehnike detekcije greške



Šta ako su greške slučajne?

- Mnogi prenosni kanali unose greške slučajno, nezavisne jedne od drugih, sa vjerovatnoćom  $p$
- Neke greške su vjerovatnije od drugih:

$$P[10000000] = p(1-p)^7 = (1-p)^8 \left(\frac{p}{1-p}\right) \quad \text{i}$$

$$P[11000000] = p^2(1-p)^6 = (1-p)^8 \left(\frac{p}{1-p}\right)^2$$

- U bilo kojem valjanom kanalu  $p < 0.5$ , tako da je  $(p/(1-p)) < 1$
- Izgleda da su patterni sa jednom greškom vjerovatniji od patterna sa dvije greške itd.
- **Koliko iznosi vjerovatnoća da se pojavi greška koja se ne može detektovati?**

## Tehnike detekcije greške



Jednostruki kod provjere parnosti sa slučajnim greškama

- Ne mogu se detektovati greške sa parnim brojem pogrešnih bita:

$$P[\text{nedetkovanja greške}] = P[\text{pojava greške koja se ne može detektovati}] \\ = P[\text{greške sa parnim brojem jedinica}]$$

$$= \binom{n}{2} p^2 (1-p)^{n-2} + \binom{n}{4} p^4 (1-p)^{n-4} + \dots$$

- Primjer: Izračunati za  $n = 32$ ,  $p = 10^{-3}$

$$P[\text{nedetkovanja greške}] = \binom{32}{2} 10^{-3 \cdot 2} (1 - 10^{-3})^{30} + \binom{32}{4} 10^{-3 \cdot 4} (1 - 10^{-3})^{28} + \dots \\ \approx 496 (10^{-6}) + 35960 (10^{-12}) \approx 4.96 (10^{-4})$$

- Za ovaj primjer, približno jedna od 2000 greški se ne detektuje



## Tehnike detekcije greške



### Dvodimenzionalna provjera parnosti

- Više bita parnosti poboljšava detekciju
- Organizuje informaciju u kolone
- Dodaje jedan bit parnosti svakoj koloni
- Dodaje finalnu kolonu "parnosti"
- Korišćena je u ranim sistemima za kontrolu greške

1	0	0	1	0	0		0
0	1	0	0	0	0		1
1	0	0	1	0	0		0
1	1	0	1	1	0		0
1	0	0	1	1	1		1

Poslednja kolona se sastoji od bita provjere za svaku vrstu

Donja vrsta sadži bite provjere za svaku kolonu

## Mogućnost detekcije greške



1	0	0	1	0	0		0
0	0	0	0	0	1		1
1	0	0	1	0	0		0
1	1	0	1	1	0		0
1	0	0	1	1	1		1

Jedna greška

1	0	0	1	0	0		0
0	0	0	0	0	1		1
1	0	0	1	0	0		0
1	0	0	1	1	0		0
1	0	0	1	1	1		1

Dvije greške

1	0	0	1	0	0		0
0	0	1	0	0	1		1
1	0	0	1	0	0		0
1	0	0	1	1	0		0
1	0	0	1	1	1		1

Tri greške

1	0	0	1	0	0		0
0	0	1	0	0	1		1
1	0	0	1	0	0		0
1	0	0	0	1	0		0
1	0	0	1	1	1		1

Četiri greške se ne detektuju!!!!

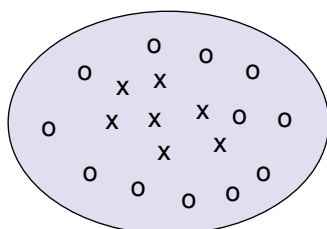
1, 2, ili 3 greške se uvijek mogu detektovati; Sve greške sa više od 4 pogrešna bita se ne detektuju

Strelice ukazuju na pogrešne bite provjere

## Šta je dobar kod?

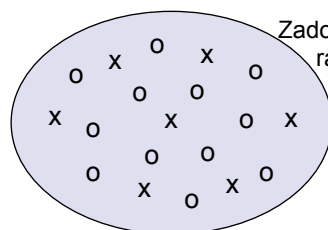


- Mnogi kanali izazivaju greške koji imaju manji broj pogrešnih bita
- Ove greške mapiraju prenešenu kodnu riječ u obližnji  $n$ -struki blok
- Ako su kodne riječi međusobno bliske tada se javlja greška u detekciji
- Dobri kodovi bi trebali maksimizirati rastojanje između kodnih riječi



Mala rastojanja

x = kodne riječi  
o = ne kodne riječi



Zadovoljavajuća rastojanja

## Tehnike detekcije greške



### Suma provjere "Checksum"

- Više Internet protokola (npr. IP, TCP, UDP) koriste bite provjere za detektovanje grešaka u *IP zaglavlju* (ili u zaglavlju i podacima TCP/UDP)
- Suma provjere se izračunava za određeni dio paketa (najčešće samo zaglavlje) i upisuje u posebno polje zaglavlja.
- Suma provjere se ponovo izračunava na mrežnim čvorištima i krajnjoj destinaciji, tako da je izabran algoritam koji je lak za implementaciju u softveru
- Neka se zaglavlje sastoji od  $L$ , 16-bitnih riječi,  
 $\mathbf{b}_0, \mathbf{b}_1, \mathbf{b}_2, \dots, \mathbf{b}_{L-1}$
- Algoritam izračunava 16-bitnu sumu provjere  $\mathbf{b}_L$

## Tehnike detekcije greške



### Izračunavanje sume provjere

Suma provjere  $\mathbf{b}_L$  se izračunava na sledeći način:

- Svaka 16-bitna riječ se tretira kao prirodan broj. Zatim se ti brojevi sabere i dobija se

$$\mathbf{x} = \mathbf{b}_0 + \mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2 + \dots + \mathbf{b}_{L-1} \text{ modulo } 2^{16}-1$$

- Suma provjere je drugi komplement od sume, tj.

$$\mathbf{b}_L = -\mathbf{x} \text{ modulo } 2^{16}-1$$

Na taj način, sadržaj zaglavlja i polje sume provjere moraju zadovoljavati sledeći **pattern**:

$$\mathbf{0} = \mathbf{b}_0 + \mathbf{b}_1 + \mathbf{b}_2 + \dots + \mathbf{b}_{L-1} + \mathbf{b}_L \text{ modulo } 2^{16}-1$$

- Izračunavanje sume provjere se obavlja softverski

## Tehnike detekcije greške



- Napomena

- Kada se sabiraju brojevi, prenos sa najznačajnijeg bita se dodaje rezultatu

		1	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0	0	1	1	0
		1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0	1
		<hr/>															
prenos	1	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	1	1
		<hr/>															
suma	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	0	0	0
komplement	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	1	1	1
Checksum	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0

## Tehnike detekcije greške



### Ciklična provjera redundanse (Cyclic Redundancy Check)

- Koriste se polinomi umjesto vektora za predstavljanje kodnih riječi
- Aritmetika polinoma umjesto kontrolnih suma
- Implementiraju se korišćenjem kola sa pomjeračkim registrima
- Većina standarda u komunikacijama podataka koristi ovu vrstu kodova za detekciju greške
- Ovi kodovi predstavljaju odličnu bazu za realizaciju moćnih metoda za korekciju greške
- Originalnoj poruci odgovara polinom koji se dijeli sa generišućim polinomom. Ostatak pri dijeljenju se upisuje u CRC polje.
- Na prijemu se polinom koji odgovara primljenoj poruci dijeli generišućim polinomom. Ostatak pri dijeljenju se upoređuje sa sadržajem CRC polja. Ako nema razlika prenos je bio uspješan.
- Ovi kodovi se zovu još i polinomijalni kodovi.

## Binarna aritmetika polinoma



- Binarni vektor se mapira u polinome

$$(i_{k-1}, i_{k-2}, \dots, i_2, i_1, i_0) \rightarrow i_{k-1}x^{k-1} + i_{k-2}x^{k-2} + \dots + i_2x^2 + i_1x + i_0$$

Sabiranje:

$$\begin{aligned}(x^7 + x^6 + 1) + (x^6 + x^5) &= x^7 + x^6 + x^6 + x^5 + 1 \\ &= x^7 + (1+1)x^6 + x^5 + 1 \\ &= x^7 + x^5 + 1 \quad \text{jer je } 1+1=0 \text{ mod } 2\end{aligned}$$

Množenje:

$$\begin{aligned}(x + 1)(x^2 + x + 1) &= x(x^2 + x + 1) + 1(x^2 + x + 1) \\ &= x^3 + x^2 + x + x^2 + x + 1 \\ &= x^3 + 1\end{aligned}$$

## Binarno dijeljenje polinoma



- Dijeljenje polinoma

$$\begin{array}{r}
 x^6 + x^5 : x^3 + x + 1 = x^3 + x^2 + x \\
 \underline{x^6 + \phantom{x^5} + x^4 + x^3} \\
 x^5 + x^4 + x^3 \\
 \underline{x^5 + \phantom{x^4} + x^3 + x^2} \\
 x^4 + \phantom{x^3} + x^2 \\
 \underline{x^4 + \phantom{x^3} + x^2 + x} \\
 x = r(x) \text{ ostatak}
 \end{array}$$

djelilac

Napomena: Stepen  $r(x)$  je manji nego stepen djelioca

## Tehnike detekcije greške CRC



- Kod ima binarni *generišući polinom* stepena  $n-k$

$$g(x) = x^{n-k} + g_{n-k-1}x^{n-k-1} + \dots + g_2x^2 + g_1x + 1$$

- $k$  *informacionih bita* definiše polinom stepena  $k-1$

$$i(x) = i_{k-1}x^{k-1} + i_{k-2}x^{k-2} + \dots + i_2x^2 + i_1x + i_0$$

- Cilj je pronaći *polinom ostatka* sa stepenom reda  $n-k-1$  (maksimalno) tako da je

$$x^{n-k}i(x) = q(x)g(x) + r(x)$$

- Definiše se *polinom kodne riječi* stepena  $n-1$

$$\underbrace{b(x)}_{n \text{ bita}} = \underbrace{x^{n-k}i(x)}_{n \text{ bita}} + \underbrace{r(x)}_{n-k \text{ bita}}$$



## Primjer: $k = 4, n = 7$

Generišući polinom:  $g(x) = x^3 + x + 1$

Informacija:  $(1, 1, 0, 0)$   $i(x) = x^3 + x^2$

Kodiranje:  $x^3 i(x) = x^6 + x^5$

$$\begin{array}{r}
 x^3 + x^2 + x \\
 \hline
 x^3 + x + 1 \ ) \ x^6 + x^5 \\
 \underline{x^6 + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + \phantom{x^3}} \\
 \phantom{x^6} + x^4 + x^3 \\
 \underline{\phantom{x^6} + x^5 + x^4 + x^3} \\
 \phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + x^2 \\
 \underline{\phantom{x^6} + \phantom{x^5} + x^4 + \phantom{x^3}} \\
 \phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + x^2 + x \\
 \underline{\phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + x^2} \\
 \phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + x \\
 \underline{\phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4}} \\
 \phantom{x^6} + \phantom{x^5} + \phantom{x^4} + x
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{r}
 1110 \\
 1011 \ ) \ 1100000 \\
 \underline{1011} \\
 1110 \\
 \underline{1011} \\
 1010 \\
 \underline{1011} \\
 010
 \end{array}$$

Prenošena kodna riječ:

$$b(x) = x^6 + x^5 + x$$

$$\implies \underline{b} = (1, 1, 0, 0, 0, 1, 0)$$

## Pattern u polinomijalnom kodiranju



- Sve kodne riječi zadovoljavaju sledeći **pattern**:

$$b(x) = x^{n-k}i(x) + r(x) = q(x)g(x) + r(x) + r(x) = q(x)g(x)$$

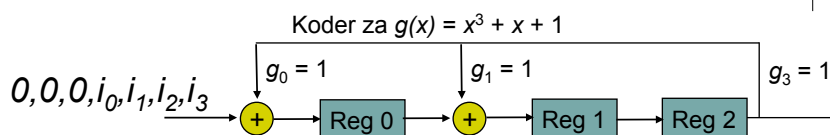
- Sve kodne riječi su multipli od  $g(x)$ !!!!
- Prijemnik dijeli primljene n-torke sa  $g(x)$  i provjerava da li je ostatak nula
- Ako ostatak nije nula, tada primljena n-torka nije kodna riječ

## Implementacija pomjeračkog registra



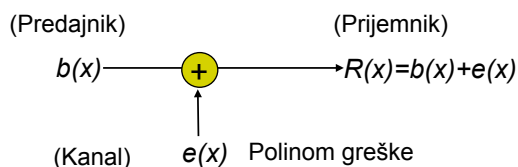
1. Prijem informacionih bita  $i_{k-1}, i_{k-2}, \dots, i_2, i_1, i_0$
2. Dodavanje  $n - k$  nula informacionim bitima
3. Uvesti sekvencu u kolo pomjeračkog registra koje obavlja dijeljenje polinoma
4. Poslije  $n$  shift-ova, pomjerački registar sadrži ostatak

## Kolo za dijeljenje



Clock	Ulaz	Reg 0	Reg 1	Reg 2
0	-	0	0	0
1	1 = $i_3$	1	0	0
2	1 = $i_2$	1	1	0
3	0 = $i_1$	0	1	1
4	0 = $i_0$	1	1	1
5	0	1	0	1
6	0	1	0	0
7	0	0	1	0
Biti provjere:		$r_0 = 0$	$r_1 = 1$	$r_2 = 0$
		$\longrightarrow r(x) = x$		

## Greške koje se ne mogu detektovati



- $e(x)$  ima jedinice na mjestima greške, a nule na drugim mjestima
- Prijemnik dijeli primljeni polinom  $R(x)$  sa  $g(x)$
- Problem: ako je  $e(x)$  multipl od  $g(x)$ , i kodna riječ različita od nule tada
$$R(x) = b(x) + e(x) = q(x)g(x) + q'(x)g(x)$$
- Skup grešaka koje se ne mogu detektovati je skup nenultih polinoma.

## Dizajniranje dobrih polinomijalnih kodova



- Treba izabrati generišući polinom tako da najvjerovatniji oblici greške ne budu multipli od  $g(x)$
- **Detektovanje pojedinačnih grešaka**
  - $e(x) = x^i$  za grešku na  $i + 1$  bitu
  - Ako  $g(x)$  ima više od jednog člana ne može dijeliti  $x^i$  bez ostatka
- **Detektovanje dvostrukih grešaka**
  - $e(x) = x^i + x^j = x^i(x^{j-i} + 1)$  gdje je  $j > i$
  - Ako  $g(x)$  ima više od jednog člana, ne može dijeliti  $x^i$  bez ostatka
  - Ako je  $g(x)$  prost polinom, ne može dijeliti  $x^m + 1$  bez ostatka za svako  $m < 2^{n-k} - 1$  (Potrebno je obezbijediti da kodna riječ bude manja od  $2^{n-k} - 1$ )
  - Prosti polinomi se mogu naći uz konsultaciju knjiga iz teorije kodova



## Dizajniranje dobrih polinomijalnih kodova (nastavak)



- **Detekcija neparnog broja grešaka**
  - Pretpostavimo da polinomi kodnih riječi imaju paran broj jedinica, tada sve greške sa neparnim brojem pogrešnih bita se lako detektuju
  - Takođe,  $b(x)$  za  $x = 1$  je 0 jer  $b(x)$  ima paran broj jedinica
  - To znači da  $x + 1$  mora biti faktor za svaki  $b(x)$
  - Treba odabrati  $g(x) = (x + 1) p(x)$  gdje je  $p(x)$  prost polinom

## Standardni generišući polinomi



CRC = cyclic redundancy check

- **CRC-8:**  
 $= x^8 + x^2 + x + 1$  ATM
- **CRC-16:**  
 $= x^{16} + x^{15} + x^2 + 1$  Bisync  
 $= (x + 1)(x^{15} + x + 1)$
- **CCITT-16:**  
 $= x^{16} + x^{12} + x^5 + 1$  HDLC, XMODEM, V.41
- **CCITT-32:** IEEE 802, DoD, V.42  
 $= x^{32} + x^{26} + x^{23} + x^{22} + x^{16} + x^{12} + x^{11} + x^{10} + x^8 + x^7 + x^5 + x^4 + x^2 + x + 1$

## Tehnike korekcije greške



- Automatic Repeat reQuest (ARQ)
  - Stop-and-wait ARQ,
  - Go-Back-N ARQ
  - Selective Repeat ARQ.
  - Hybrid ARQ
- Kodovi za korekciju greške
  - Forward Error Correction (FEC) koriste prethodno opisane tehnike (provjera parnosti, checksum, CRC, Hammingov kod...) za detekciju greške
  - Hammingovi kodovi mogu ispraviti greške na jednom bitu i detektovati dvobitne greške
  - Za greške višeg reda se mogu koristiti konvolucioni i blok kodovi.

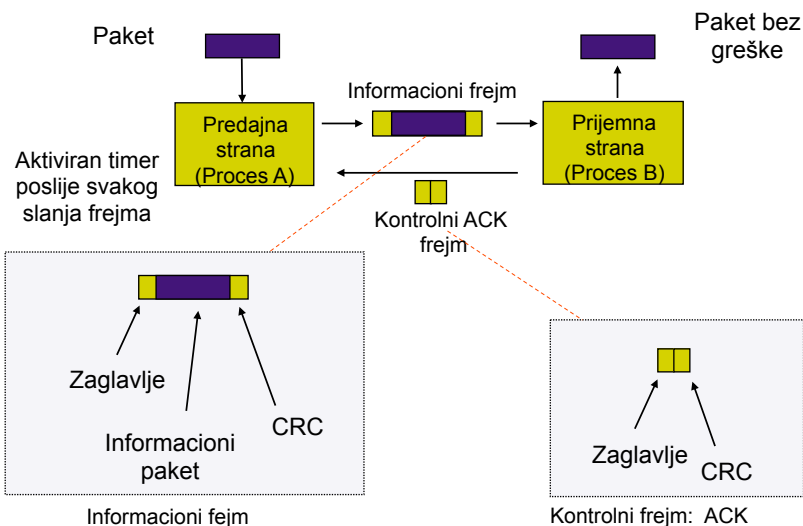
## ARQ



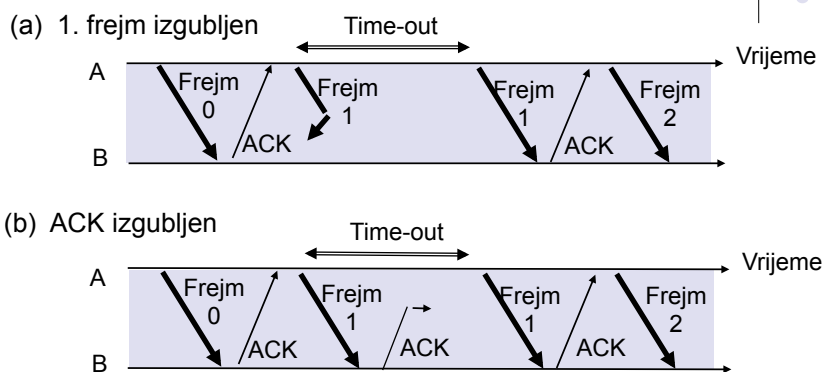
- Automatic Repeat reQuest (ARQ)
  - Stop-and-wait ARQ,
  - Go-Back-N ARQ
  - Selective Repeat ARQ.
  - Hybrid ARQ (kombinacija ARQ i FEC)
- Osnovni elementi ARQ:
  - *Pouzdan kod za detekciju greške*
  - *ACK-ovi* (positive acknowledgments- pozitivne potvrde)
  - *NAK-ovi* (negative acknowledgments – negativne potvrde)
  - *Timeout mehanizam*

# Stop-and-Wait ARQ

Poslati frejm, čekati ACK



# Potreba za numeracijom frejmova (brojevi u sekvenci)

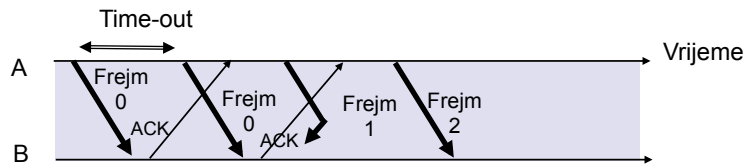


- U oba slučaja predajna strana A funkcioniše na isti način
- U slučaju (b) prijemna strana B prihvata frejm 1 dva puta
- Kako prijemna strana zna da je treći primljeni frejm, frejm 1?
- **Treba dodati broj u sekvenci!!!!**
- $S_{posl}$  je broj u sekvenci poslednjeg poslatog frejma

# Potreba za numeracijom frejmova (brojevi u sekvenci)

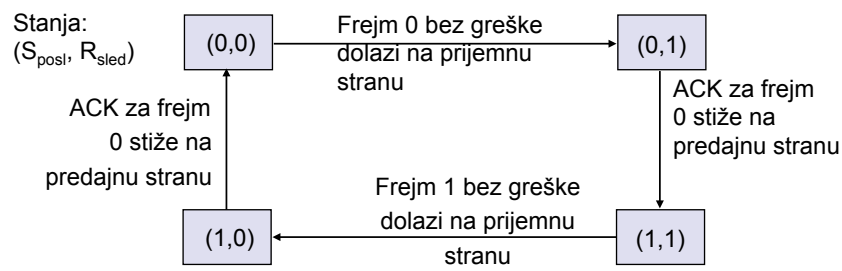
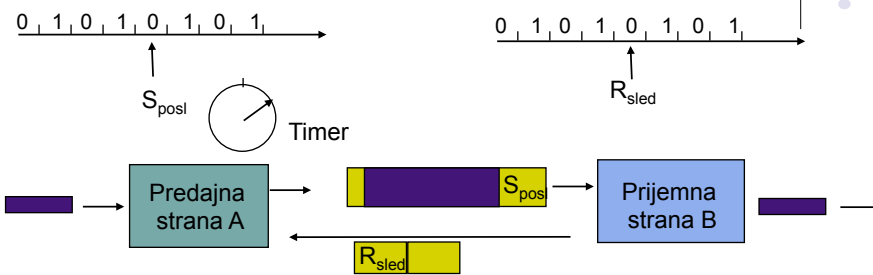


(c) Prijevremeni Time-out



- Prijemna strana nije dobro razumjela dvostruki ACK,
- Drugi ACK kao da potvrđuje frejm 1
- Kako da predajna strana zna da su poslata dva ACK za frejm 0?
- **Treba dodati broj u sekvenci i u zaglavlje ACK**
- $R_{sled}$  je broj u sekvenci frejma kojeg očekuje prijemna strana
- Implicitno potvrđuje prijem svih prethodnih frejmova

# Jednobitni broj u sekvenci je dovoljan



## Stop-and-Wait ARQ



### Predajna strana

#### Aktivno stanje

- Čeka zahtjeve sa viših nivoa za slanje paketa
- Kada zahtjev stigne, šalje frejm sa ažuriranom vijednošću  $S_{posl}$  i CRC
- Prelazi u stanje čekanja

#### Stanje čekanja

- Čeka na ACK ili isticanje tajmera; blokira zahtjeve sa viših nivoa
- Ako istekne timeout
  - Ponovo šalje frejm i resetuje timer
- Ako primi ACK:
  - Ako je broj u sekvenci netačan ili je detektovao grešku: ignoriše ACK
  - Ako je broj u sekvenci ispravan ( $R_{sled} = S_{posl} + 1$ ) i nema greške prima frejm i prelazi u aktivno stanje

### Prijemna strana

#### Uvijek se nalazi u aktivnom stanju

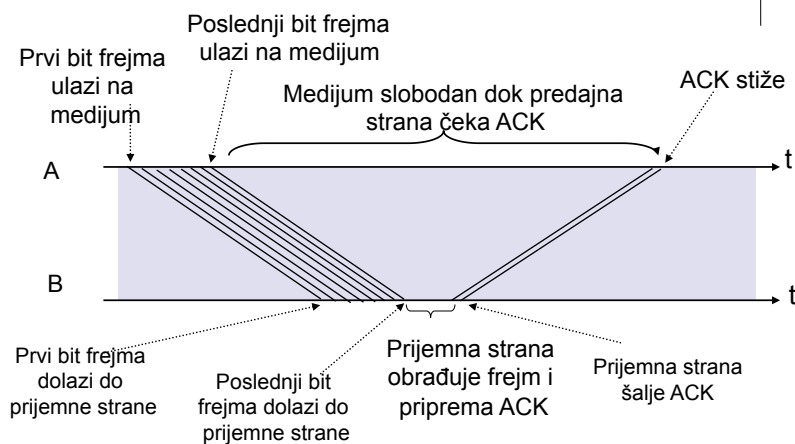
- Čeka na dolazak novog frejma
- Kada frejm stigne, provjerava greške
- Ako nema grešaka i broj u sekvenci je korektan ( $S_{posl} = R_{sled}$ ), tada
  - Prima frejm,
  - ažurira  $R_{sled}$ ,
  - šalje ACK frejm za  $R_{sled}$ ,
  - predaje paket višem nivou
- Ako nema grešaka a pogrešan je broj u sekvenci
  - odbacuje frejm
  - šalje ACK frejm sa  $R_{sled}$
- Ako je greška detektovana
  - Odbacuje frejm

## Primjena Stop-and-Wait ARQ



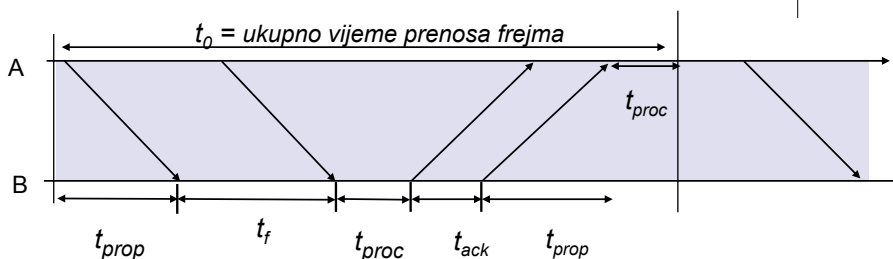
- IBM *Binary Synchronous Communications protocol* (Bisync): protokol nivoa linka
- *Xmodem*: modem file transfer protocol
- *Trivial File Transfer Protocol* (RFC 1350): jednostavan protokol za prenos fajlova preko UDP protokola

## Efikasnost Stop-and-Wait



- Frejmu veličine 10000 bita na linku kapaciteta 1 Mb/s treba 10 ms za prenos
- Ako čeka na ACK = 1 ms, efikasnost je = 10/11 = 91%
- Ako čeka na ACK = 20 ms, efikasnost = 10/30 = 33%

## Stop-and-Wait Model



$$\begin{aligned}
 t_0 &= 2t_{prop} + 2t_{proc} + t_f + t_{ack} && \text{Broj bita u frejmu koji nosi informaciju} \\
 &= 2t_{prop} + 2t_{proc} + \frac{n_f}{R} + \frac{n_a}{R} && \text{Broj bita u ACK frejmu} \\
 &&& \text{Kapacitet kanala (Brzina prenosa)}
 \end{aligned}$$

## Efikasnost S&W u kanalu bez greške



**Efektivna brzina prenosa:**

Biti zaglavlja i CRC polja

$$R_{eff}^0 = \frac{\text{broj informacionih bita predatih destinaciji}}{\text{vrijeme potrebno za prenos}} = \frac{n_f - n_o}{t_0},$$

**Efikasnost prenosa:**

$$\eta_0 = \frac{R_{eff}}{R} = \frac{n_f - n_o}{R t_0} = \frac{1 + \frac{n_o}{n_f}}{1 + \frac{n_a}{n_f} + \frac{2(t_{prop} + t_{proc})R}{n_f}}$$

Uticaj veličine zaglavlja

Uticaj veličine ACK frejma

Uticaj proizvoda kašnjenja i brzine prenosa

## Primjer: Uticaj proizvoda kašnjenja i brzine prenosa



$n_f = 1250B = 10000\text{bita}$ ,  $n_a = n_o = 25B = 200\text{bita}$

2xkašnjenjexbrzina prenosa Efikasnost	1 ms	10 ms	100 ms	1 s
	200 km	2000 km	20000 km	200000 km
R=1Mb/s	2.24*10 <sup>4</sup> 88%	4.04*10 <sup>4</sup> 49%	2.204*10 <sup>5</sup> 9%	2.0204*10 <sup>6</sup> 1%
R= 1Gb/s	2*10 <sup>6</sup> 1%	2*10 <sup>7</sup> 0.1%	2*10 <sup>8</sup> 0.01%	2*10 <sup>9</sup> 0.001%

*Stop-and-Wait ne funkcioniše dobro za vrlo velike brzine prenosa ili velika kašnjenja uslijed propagacije*

## Efikasnost S&W u kanalu sa greškom



- Neka je  $1 - P_f$  vjerovatnoća da frejm stiže bez greške
- Srednji broj pokušaja prenosa do prvog uspješnog prenosa je  $1/(1-P_f)$
- Srednje ukupno vrijeme prenosa je  $t_0/(1 - P_f)$

$$\eta_{sw} = \frac{R_{eff}}{R} = \frac{\left(\frac{n_f - n_o}{1 - P_f}\right) \frac{1 - n_o}{n_f}}{1 + \frac{n_a}{n_f} + \frac{2(t_{prop} + t_{proc})R}{n_f}} (1 - P_f)$$

↑  
Efekat gubitka frejma

## Primjer: Uticaj BER-a (Bit Error Rate)



$n_f = 1250B = 10000\text{bita}$ ,  $n_a = n_o = 25B = 200\text{bita}$

Pronaći efikasnost za slučajne greške vjerovatnoće po bitu

$p = 0, 10^{-6}, 10^{-5}, 10^{-4}$

$1 - P_f = (1 - p)^{n_f} \approx e^{-n_f p}$  za veliko  $n_f$  i malo  $p$

$1 - P_f$ Efikasnost	$p=0$	$p=10^{-6}$	$p=10^{-5}$	$p=10^{-4}$
1Mb/s	1	0.99	0.905	0.368
i 1ms	88%	86.6%	79.2%	32.2%

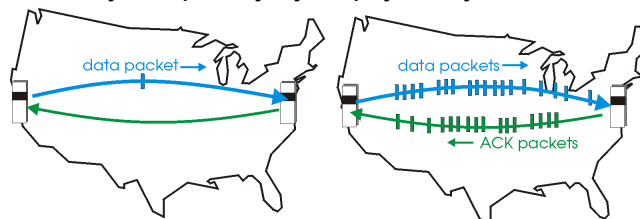
*Greška obara efikasnost !!!!!*



## “Pipelined” protokoli

“**Pipelining**”: pošiljalac dozvoljava istovremeni prenos više paketa čiji prijem nije potvrđen

- Opseg brojeva u sekvenci mora biti proširen
- Baferovanje na predajnoj i/ili prijemnoj strani



a) Stop and wait protokol

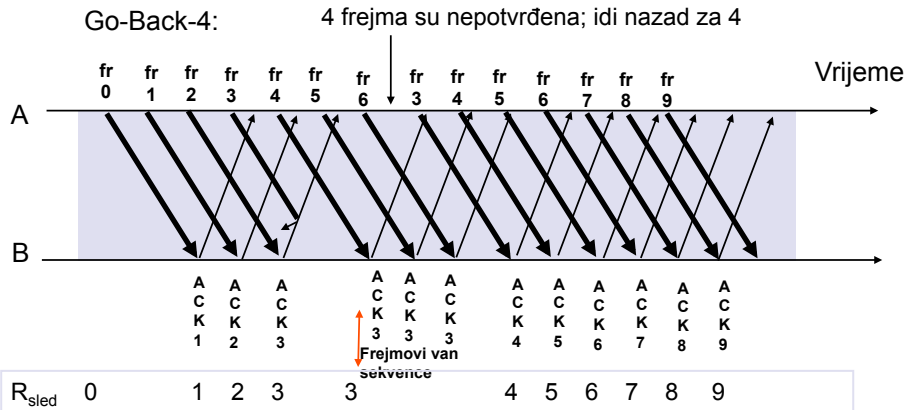
b) Pipeline protokol

- Najpoznatiji predstavnici ovih protokola su: “**go-Back-N**”, “**selective repeat**”

## Go-Back-N

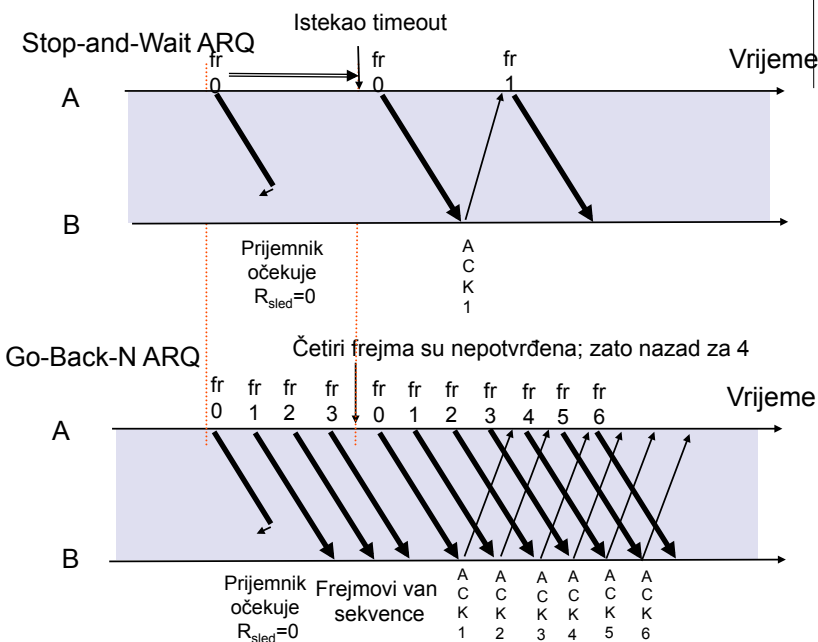
- Poboljšani Stop-and-Wait bez čekanja!
- Zauzima se kanal neprekidnim slanjem frejmova
- Dozvoljava prozor od  $W_s$  nepotvrđenih frejmova
- Koristi  $m$ -bitnu sekvencu numeracije
- Ako ACK za “najstariji” frejm stigne prije nego što je prozor postao prazan, može da se nastavi slanje podataka
- Ako je prozor prazan, zaustavlja slanje i šalje sve nepotvrđene frejmove
- Alternativa: Korišćenje timeout mehanizma

# Go-Back-N ARQ



- Pipelined prenos frejmova čini kanal uvijek zauzetim
- Frejm sa greškom i frejmovi van sekvence se ignorišu i odbacuju
- Predajna strana mora da se vrati unazad za veličinu prozora kada je prozor ispražnjen

Veličina prozora mora biti dovoljna da pokrije RTT (round trip time)

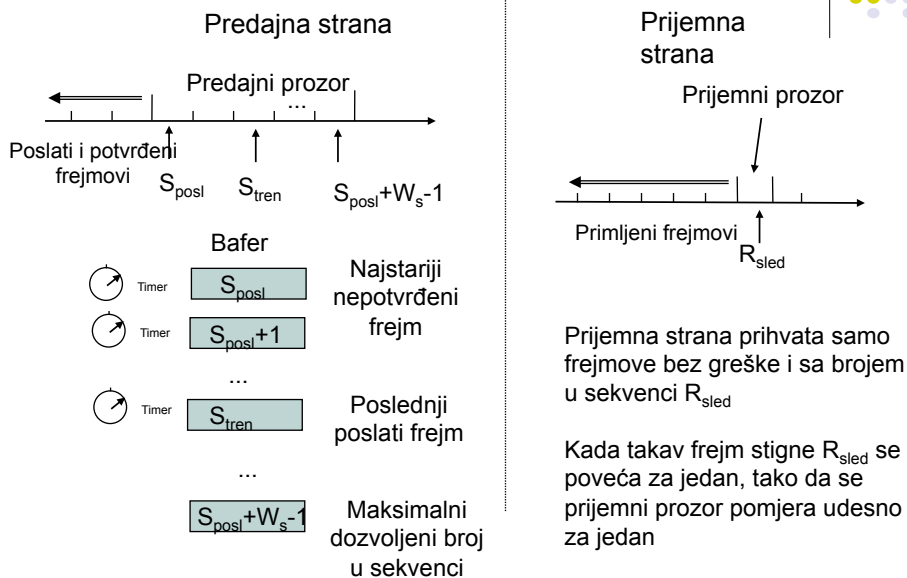


## Go-Back-N sa Timeout mehanizmom



- Problem sa opisanim Go-Back-N:
  - Ako se frejm izgubi, a izvorišna strana nema frejmova za slanje, tada prozor neće biti ispražnjen i oporavka neće biti
- Najpoznatija rješenja su aktivirati timeout za najstariji ili svaki frejm
  - Kada timeout istekne, obaviti retransmisiju svih nepotvrđenih frejmova

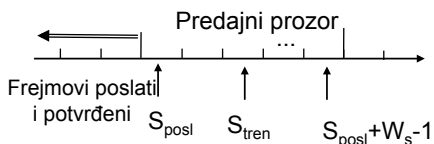
## Go-Back-N predajna & prijemna strana



# Pomjeranje prozora



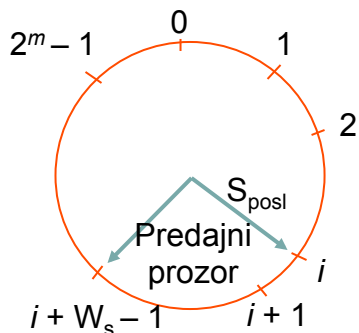
Predajna strana



Predajna strana čeka potvrdu bez greške sa brojem  $S_{\text{posl}}$

Kada takva potvrda stigne,  $S_{\text{posl}}$  se povećava za jedan, a predajni prozor se pomjera udesno za jedan

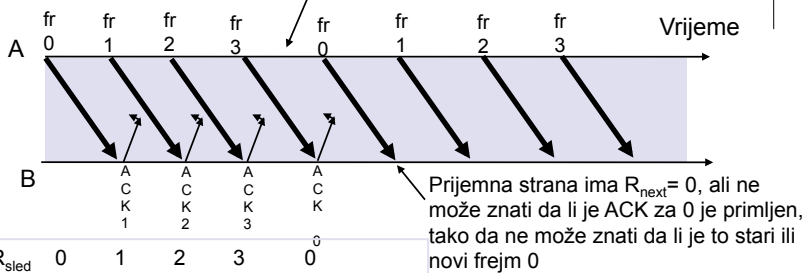
$m$ -bitna sekvenca numeracije



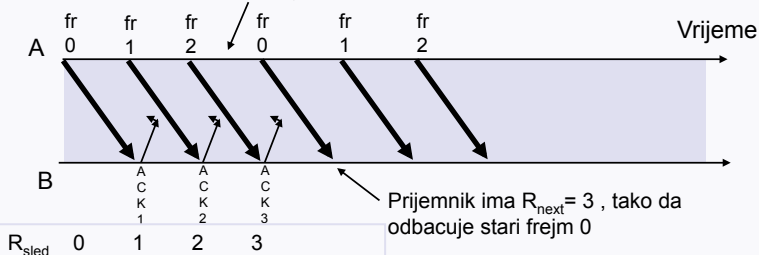
Maksimalna dozvoljena veličina prozora je  $W_s = 2^m - 1$



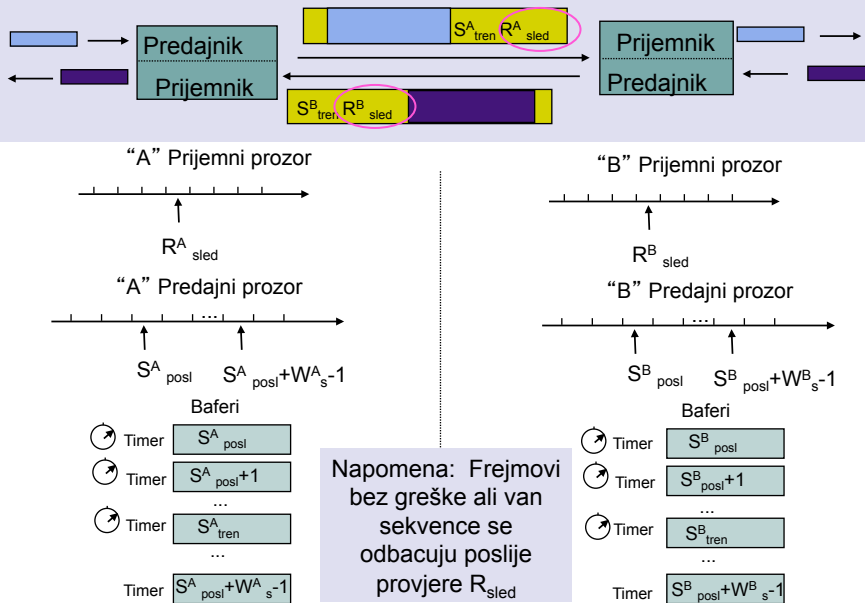
$M = 2^2 = 4$ , Go-Back - 4: Predajnik se vraća za 4



$M = 2^2 = 4$ , Go-Back-3: Predajnik se vraća za 3



## ACK Piggybacking u dvosmjernim GBN

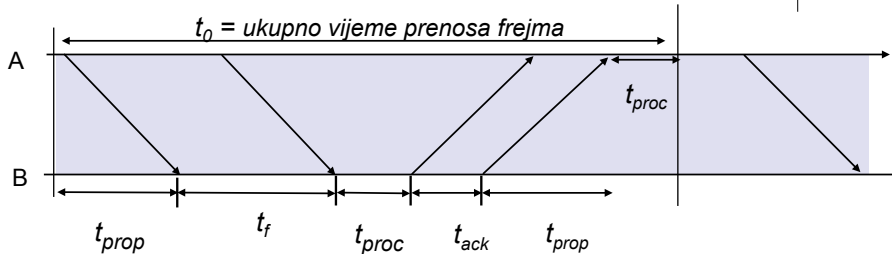


## Primjena Go-Back-N ARQ



- *HDLC* (High-Level Data Link Control): protokol nivoa linka
- *V.42 modem*: kontrola greške kod telefonskih modemskih linkova

## Potrebno Timeout vrijeme i veličina prozora



- Timeout vrijeme treba da bude dovoljno za:
  - Dva vremena propagacije + 1 vrijeme obrade:  $2 T_{prop} + T_{proc}$
  - Slanje frejma koji počne da se šalje neposredno po prijemu posmatranog frejma
  - Sledeći frejm nosi ACK,  $T_f$
- $W_s$  bi trebalo da bude veliko tako da je kanal zauzet tokom cijelog  $T_{out}$

## Potrebna veličina prozora za proizvod kašnjenja i brzine prenosa



Frejm = 1250B=10,000bita, $R = 1\text{Mb/s}$		
$2(t_{prop} + t_{proc})$	2 x Kašn. x Brz. pren.	Prozor
10 ms	10000 bita	2
100 ms	100,000 bita	11
1s	1,000,000 bita	101
10s	10,000,000 bita	1001

## Efikasnost Go-Back-N



- GBN je efikasan, ako je  $W_s$  dovoljno veliko tako da je medijum uvijek zauzet, pri čemu u kanalu nema gubitka
- Neka je  $P_f$  vjerovatnoća pogrešnog prenosa frejma, tada je vrijeme predaje frejma:
  - $t_f$  ako prvi pokušaj prenosa uspije ( $1 - P_f$ )
  - $t_f + W_s t_f / (1 - P_f)$  ako prvi pokušaj prenosa ne uspije  $P_f$

$$t_{GBN} = t_f(1 - P_f) + P_f \left\{ t_f + \frac{W_s t_f}{1 - P_f} \right\} = t_f + P_f \frac{W_s t_f}{1 - P_f} \quad \text{i}$$

$$\eta_{GBN} = \frac{n_f - n_o}{R} = \frac{1 - \frac{n_o}{n_f}}{1 + (W_s - 1)P_f} (1 - P_f)$$

Proizvod kašnjenja i brzine prenosa određuje  $W_s$

## Primjer: Uticaj BER na GBN



$n_f = 1250B = 10000$  bita,  $n_a = n_o = 25B = 200$  bita

Uporediti efikasnosti S&W i GBN za nivoe BER  $p = 0, 10^{-6}, 10^{-5}, 10^{-4}$  i  $R = 1$  Mb/s RTT = 100 ms

$1 \text{ Mb/s} \times 100 \text{ ms} = 100000 \text{ bita} = 10$  frejmova  $\rightarrow$  Koristiti  $W_s = 11$

Efikasnost	$p=0$	$p=10^{-6}$	$p=10^{-5}$	$p=10^{-4}$
S&W	8.9%	8.8%	8.0%	3.3%
GBN	98%	88.2%	45.4%	4.9%

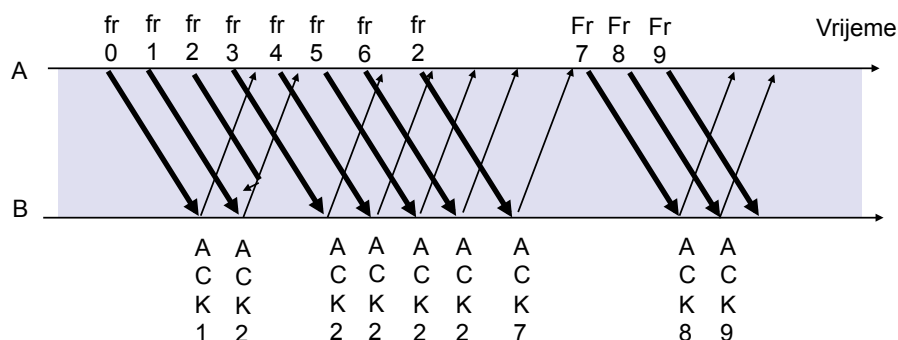
- Go-Back-N predstavlja značajno poboljšanje u odnosu na Stop-and-Wait za veliki proizvod kašnjenja i brzine prenosa
- Go-Back-N postaje neefikasan ako BER raste

## Selective Repeat ARQ



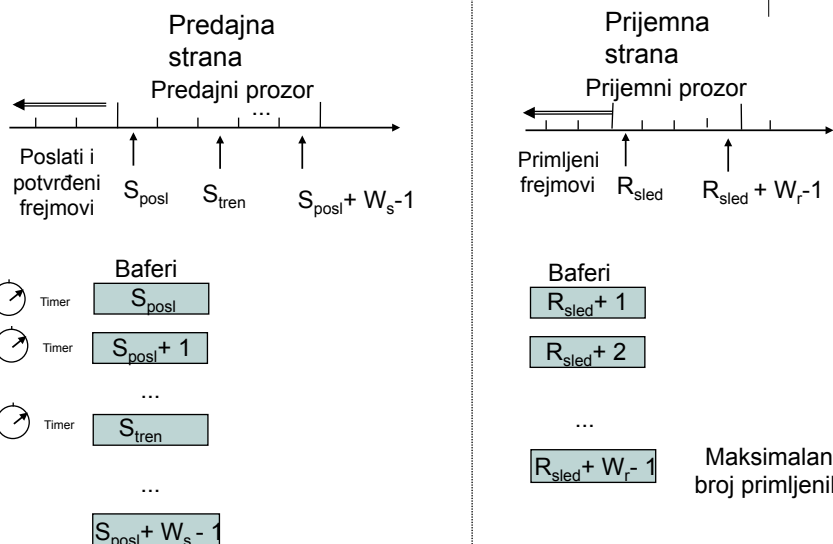
- Go-Back-N ARQ je neefikasan zato što se u slučaju gubitka ponovo šalje N frejmova
- Selective Repeat ponovo šalje samo jedan frejm
  - Timeout izaziva retransmisiju tačno određenog frejma
  - Ponavljanje potvrde već potvrđenog frejma izaziva retransmisiju najstarijeg frejma
- Prijemna strana nadzire prijemni prozor sa brojevima u sekvenci frejmova koji mogu biti primljeni
  - Frejmovi bez greške, ali van sekvence i unutar prijemnog prozora se baferuju
  - Dolazak frejma sa  $R_{sled}$  izaziva pomjeranje prozora za najmanje 1 udesno

## Selective Repeat ARQ ( $W_s=W_r=5$ )

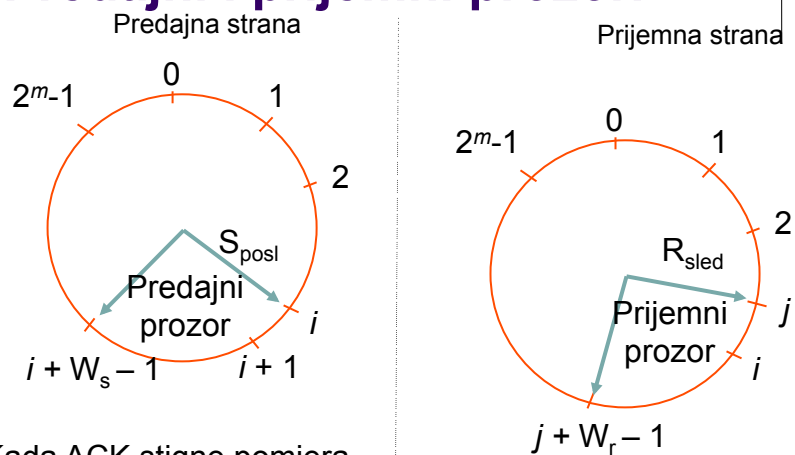




## Selective Repeat ARQ



## Predajni i prijemni prozori



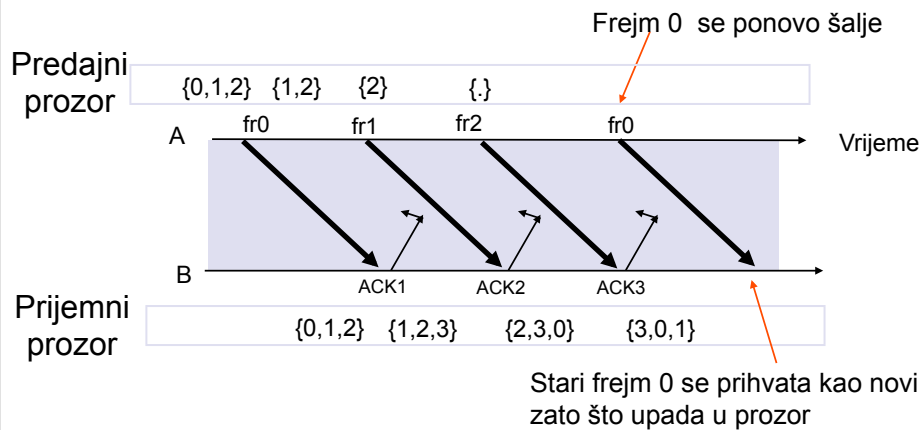
Kada ACK stigne pomjera se za  $k$  unaprijed sa  
 $R_{\text{sled}} = S_{\text{posl}} + k$   
 $k = 1, \dots, W_s - 1$

Pomjera se za 1 ili više kada stigne frejm sa brojem u sekvenci jednakom  $R_{\text{sled}}$

## Koje su vrijednosti $W_s$ i $W_r$ dozvoljene?



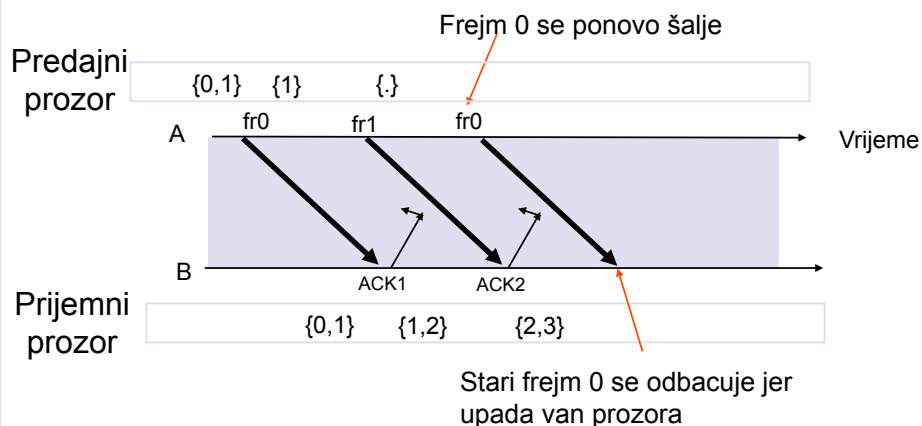
- Primjer:  $M=2^2=4$ ,  $W_s=3$ ,  $W_r=3$



## $W_s + W_r = 2^m$ je maksimalno dozvoljeno!!!!



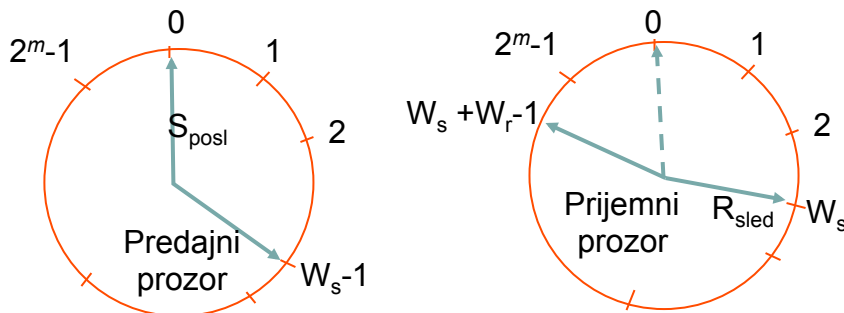
- Primjer:  $M=2^2=4$ ,  $W_s=2$ ,  $W_r=2$



## Zašto $W_s + W_r = 2^m$ funkcioniše?



- Predajna strana šalje frejmove od 0 do  $W_s-1$ ; predajni prozor je prazan
- Svi stižu do prijemne strane
- Sve potvrde su izgubljene
- Predajna strana ponovo šalje frejm 0
- Prijemni prozor počinje sa  $\{0, \dots, W_r\}$
- Prozor se pomjera na  $\{W_s, \dots, W_s+W_r-1\}$
- Prijemna strana odbacuje frejm 0 zato što je van prozora



## Primjena Selective Repeat ARQ



- *TCP* (Transmission Control Protocol)
- *Service Specific Connection Oriented Protocol*: kontrola greške za signalne poruke u ATM mreži

## Efikasnost Selective Repeat



- Neka je vjerovatnoća greške u prenosu frejma  $P_f$ , tada srednje vrijeme potrebno za prenos frejma:
  - $t_f/(1-P_f)$

$$\eta_{SR} = \frac{\frac{n_f - n_o}{t_f / (1 - P_f)}}{R} = \left(1 - \frac{n_o}{n_f}\right)(1 - P_f)$$

## Primjer: Uticaj BER-a na Selective Repeat



$n_f=1250B= 10000\text{bita}$ ,  $n_a=n_o=25B= 200\text{bita}$

Uporediti efikasnost S&W, GBN & SR za nivoe BER-a  $p=0$ ,  $10^{-6}$ ,  $10^{-5}$ ,  $10^{-4}$  i  $R= 1 \text{ Mb/s}$  &  $100\text{ms}$

Efikasnost	$p=0$	$p=10^{-6}$	$p=10^{-5}$	$p=10^{-4}$
S&W	8.9%	8.8%	8.0%	3.3%
GBN	98%	88.2%	45.4%	4.9%
SR	98%	97%	89%	36%

- *Selective Repeat je značajno bolji od GBN i S&W, ali ni on nije imun na uticaj povećanja BER-a*

## Poređenje efikasnosti ARQ mehanizama



Neka su  $n_a$  i  $n_o$  zanemarljivo mali u odnosu na  $n_f$ , i  $L = 2(t_{prop} + t_{proc})R/n_f = (W_s - 1)$ , tada je

Selective-Repeat:

$$\eta_{SR} = (1 - P_f) \left(1 - \frac{n_o}{n_f}\right) \approx (1 - P_f)$$

Go-Back-N: *Za  $P_f \approx 0$ , SR & GBN su identični*

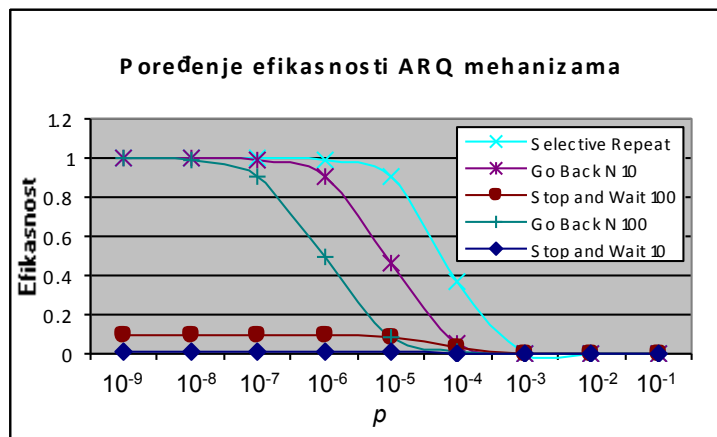
$$\eta_{GBN} = \frac{1 - P_f}{1 + (W_s - 1)P_f} = \frac{1 - P_f}{1 + LP_f}$$

Stop-and-Wait:

*Za  $P_f \rightarrow 1$ , GBN & SW su identični*

$$\eta_{SW} = \frac{(1 - P_f)}{1 + \frac{n_a}{n_f} + \frac{2(t_{prop} + t_{proc})R}{n_f}} \approx \frac{1 - P_f}{1 + L}$$

## Efikasnost ARQ mehanizama



Proizvod kašnjenja i brzine prenosa = 10, 100